

جامعة محمد بوضياف بالمسيلة



كلية العلوم الاقتصادية والتجارية وعلوم التسيير



محاضرات في مقياس تحليل السلاسل الزمنية باستخدام برنامج EVIEWS

مع امثلة محلولة



موجهة لطلبة ماستر اقتصاد كمي

اعداد الاستاذ مصطفى جاب الله

السنة الجامعية: 2019-2020



نماذج اريما ARIMA وطريقة بوكس جيكينز:

مقدمة:

في هذا الفصل سنناقش تقدير معادلة واحدة بطريقة مختلفة عن الفصول السابقة. في تلك الفصول تم مناقشة سلوك المتغير التابع باستخدام عدد من المتغيرات المفسرة. في تحليل السلاسل الزمنية نبدأ تحليل المعلومات التي يمكن التحصيل عليها من المتغير نفسه. تحليل سلسلة زمنية واحدة يسمى سلسلة زمنية احادية المتغير univariate time series في هذا الموضوع الهدف من تحليل السلاسل الزمنية هو اسر واختبار ديناميكية البيانات، في الاقتصاد القياسي للسلاسل الزمنية يمكن ان يكون هناك نماذج سلسلة زمنية متعددة المتغيرات سوف يتم مناقشتها في فصول قادمة.

كما ذكر سابقا الاقتصاد القياسي التقليدي ركز على استخدام النظرية الاقتصادية ودراسة العلاقات المعاصرة من اجل شرح العلاقات بين المتغير التابع والمتغيرات المفسرة. من الآن فصاعدا نستخدم مسمى الاقتصاد القياسي التقليدي لتمييزه عن الاقتصاد القياسي الحديث.

المتغيرات المتباطئة يتم تعريفها بين آونة وأخرى ولكن ليس بمنهجية محددة او على الأقل ليس بطريقة تحاول تحليل الديناميكية او الهيكل الزمني للبيانات. هناك عدة جوانب لتحليل لسلسلة الزمنية ولكن هناك موضوع مشترك لها وهو استخدام كامل للهيكل الديناميكي للبيانات، المقصود هو استخراج كل ما يمكن من معلومات من المعلومات التاريخية للسلسلة الزمنية. المبدأين الأساسيين لتحليل السلسلة الزمنية هي التنبؤ والنموذجية الديناميكية. التنبؤ مختلف عن بناء نموذج هيكلي وتفهم الاقتصاد او اختبار فرضية. هو مهتم ببناء نماذج تنبؤ فعالة. تعمل عادة باستغلال العلاقات المتبادلة التي وجدت عبر الزمن لمتغير واحد. النمذجة الديناميكية في الجانب الآخر مهتمة بالبناء الهيكلي للاقتصاد واختبار الفرضيات، وذلك لتفهم العملية يجب ان اسر عملية التكيف التي قد تكون طويلة ومعقدة. منذ بداية الثمانينات اساليب حديثة طورت في التنبؤ لذلك سوف نبدأ هذا الفصل بنماذج اريما ARIMA.



نماذج اريما ARIMA

BOX and Jenkins (1976) عرف نماذج اريما المصطلح يعني:

AR=autoregressive انحدار ذاتي.

I-integrated متكاملة.

MA=moving average المتوسط المتحرك.

الاجزاء التالية ستعرض اصدارات مختلفة لنماذج اريما ARIMA وستقدم مفهوم السكون، سنبدأ بشرح ايسر نموذج نموذج الارتباط الذاتي من الدرجة 1 ثم نستمر لمسح نماذج اريما ARIMA. واخيرا طريقة بوكس جيكيترز لاختيار النموذج ثم يليه عرض للتنبؤ.

السكون:

أي سلسلة زمنية يمكن ان تولد من عملية عشوائية و مجموعه من البيانات مثل البيانات في الجدول التالي لاجمالي الناتج المحلي للجزائر:

GROSS DOMESTIC PRODUCT (GDP)							
السنة	gdp	السنة	gdp	السنة	gdp	السنة	gdp
1970	22.57	1980	546.6	1990	437.33	2000	706.66
1971	30.5	1981	622.18	1991	491.85	2001	686.3
1972	38.26	1982	524.2	1992	510.46	2002	707.07
1973	53.53	1983	445.21	1993	494.91	2003	804.65
1974	159.72	1984	420.39	1994	503.05	2004	938.77
1975	163.67	1985	376.32	1995	533.5	2005	1182.51
1976	225.35	1986	322.02	1996	590.75	2006	1335.58
1977	260.96	1987	320.93	1997	617.9	2007	1442.57
1978	272.27	1988	330.52	1998	546.65	2008	1786.14
1979	375.47	1989	357.06	1999	603.59	2009	1397.49



الجدول يعتبر خاص (عينة) كامن وراء عملية عشوائية. الفرق بين عملية عشوائية وخاصتها هو مشابه للفرق بين المجتمع والعينة في دراسات مقطعية. كما نستخدم بيانات العينة لعمل استدلال عن المجتمع، في السلسلة الزمنية يستخدم البيانات الخاصة لبناء استدلال عن العملية العشوائية الكامنة وراءها. نوع من العملية العشوائية لاقى اهتماما كبيرا في تحليل السلاسل الزمنية هو ما يسمى العملية العشوائية الساكنة.

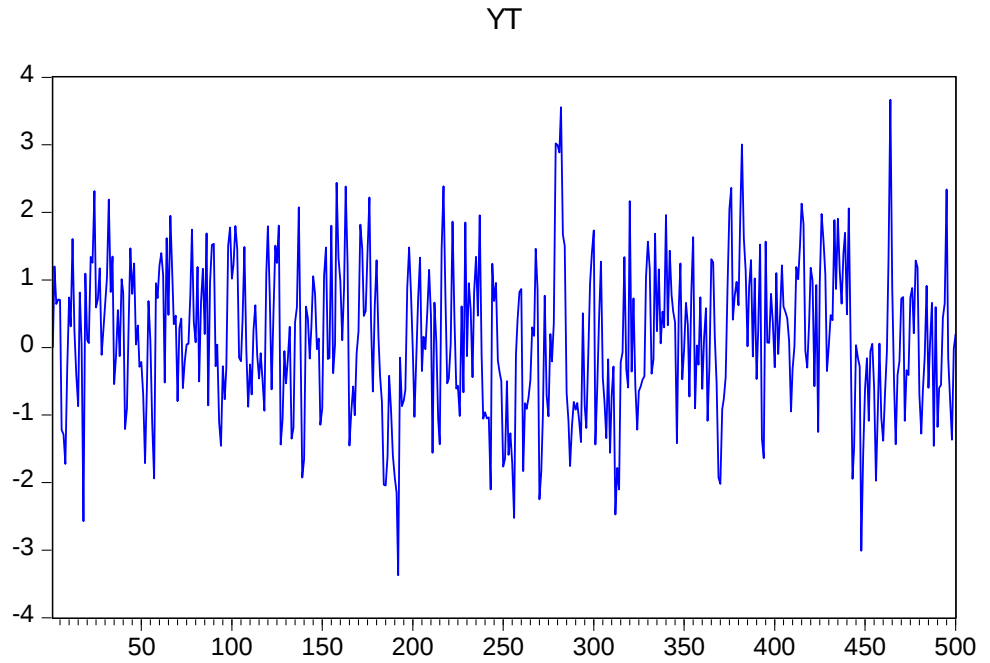
عملية عشوائية تسمى ساكنة عندما يكون المتوسط والتباين ثابت عبر الزمن وقيمة التغير بين فترتين زمنييتين يعتمد على المسافة او المتباطئة بين فترتين زمنييتين وليس الوقت الزمني الحقيقي التي حسب فيها التغير. لشرح هذا اذا كانت Y سلسلة زمنية عشوائية لها الخصائص التالية:

حيث γ ترمز للتغير او التغير الذاتي عن المتباطئة k التغير بين القيمة Y_t و Y_{t+k} أي بين قيمتين للفترة بينهما. اذا كانت $k=0$ نحصل على γ_0 والتي تعني التباين للقيمة Y ويساوي σ^2 : اذا كانت $k=1$ و γ_1 هو التغير بين قيمتين ل Y نوع التغير الذي تحدثنا عنه في فصل الارتباط الذاتي .

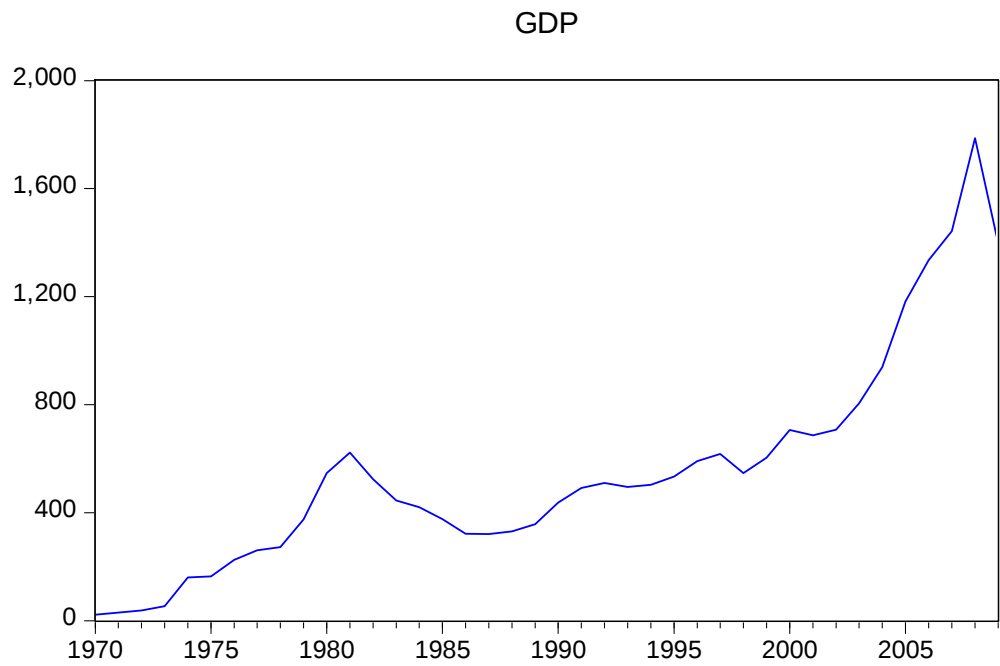
لنفرض اننا نقلنا اصل Y من Y_t الى Y_{t+m} . الآن اذا كانت Y ساكنة، فأن المتوسط، التباين، والتغير الذاتي للقيمة Y_{t+m} يجب ان يكون هو نفسه للقيمة Y_t . باختصار اذا كانت السلسلة الزمنية ساكنة ، فأن المتوسط ، التباين والتغير الذاتي سيبقون ثابتين عند أي فترة زمنية.

أذا كانت السلسلة الزمنية غير ساكنة كما عرفناها، تسمى سلسلة زمنية غير ساكنة، تكون أحيانا ناتجة لنقلة في المتوسط.

الشكل 10.1



الشكل 10.2



الشكل 10.1 و 10.2 مثال لسلسلة زمنية ساكنة وسلسلة زمنية غير ساكنة.

اختبارات السكون باستخدام دالة الارتباط الذاتي مبني على correlogram

اختبار بسيط للسكون مبني على ما يسمى دالة الارتباط الذاتي Autocorrelation function (ACF)

$$\rho_k = \frac{\gamma_k}{\gamma_0} \quad \text{دالة}$$

عندما $k=0$ فإن $\rho_0 = 1$

حيث ان كل من التغيرات والتباين تقاس بنفس الوحدة فإن الارتباط الذاتي من غير وحدات وتراوح قيمته بين $+1$ و -1 كأى معامل ارتباط اذا تم رسم الشكل البياني لقيمة الارتباط الذاتي نحصل على مايعرف ب ارتباط الذاتي للمجتمع. حيث اننا في الواقع نحصل على عينة للعملية العشوائية فأنة يمكن حساب دالة الارتباط الذاتي للعينة $\hat{\rho}_k$ لحساب دالة الارتباط الذاتي يحسب التغيرات ومن ثم التباين

حيث تشير n الى حجم العينة و $\bar{Y}$ متوسط العينة.

رسم الدالة بيانيا مقابل المتباطئات يسمى Sample Correlogram إذا انحدرت قيمة ببطيء فهذا يدل على إن السلسلة الزمنية غير مستقره ويمكن فحص الرسم البياني ρ_k للتحقق من استقرار الدالة وكذلك

يمكن استخدام اختبار إحصاء Q ماذا كان معامل الارتباط الذاتي ρ_k يساوي الصفر أي لا توجد علاقة بين المتباطئات

اختبار إحصاء Q لـ بوكس وبيترز Box and Pierce

$$Q = n \sum_{k=1}^m \hat{\rho}_k^2$$

n حجم العينة و m طول المتباطئات. يتوزع اختبار Q حسب توزيع كاي χ^2 بدرجة حرية $df = m$ إذا كانت اختبار يفوق القيمة الجدوليه نرفض فرضية العدم أن معاملات التباطء تساوي الصفر.

اختبار آخر لاختبار ماذا كانت المعاملات تساوي الصفر هو اختبار إحصاء (Ljung-Box (LB

$$LB = n(n+2) \sum_{k=1}^m \left(\frac{\hat{\rho}_k^2}{n-k} \right) \sim \chi_m^2$$

الشكل 10.3

عند المستوى 1970 2009 Sample:

Included observations: 40

Partial					
Autocorrelation	Correlation	AC	PAC	Q-Stat	Prob
. *****	. *****	1	0.880	0.880	33.384 0.000

. *****	** .	2	0.700	-0.332	55.070	0.000
. ****	. * .	3	0.554	0.124	69.002	0.000
. ***	. * .	4	0.412	-0.181	76.906	0.000
. **	. * .	5	0.301	0.121	81.254	0.000
. **	. .	6	0.222	-0.056	83.695	0.000
. * .	. .	7	0.169	0.074	85.152	0.000
. * .	. .	8	0.134	-0.034	86.100	0.000
. * .	. .	9	0.097	-0.039	86.615	0.000
. .	. .	10	0.068	0.022	86.871	0.000
. .	. * .	11	0.068	0.100	87.140	0.000
. .	. .	12	0.073	-0.045	87.457	0.000
. .	. .	13	0.056	-0.063	87.653	0.000
. .	. .	14	0.036	0.002	87.739	0.000
. .	. .	15	0.020	-0.005	87.765	0.000

Sample: 1970 2009 الفروق الأولى

Included observations: 39

Partial					
Autocorrelation	Correlation	AC	PAC	Q-Stat	Prob
. .	. .	1	-0.016	-0.016	0.0111 0.916
. .	. .	2	0.067	0.067	0.2054 0.902
. .	. .	3	0.051	0.054	0.3230 0.956
. * .	. * .	4	-0.120	-0.123	0.9767 0.913
. .	. * .	5	-0.057	-0.069	1.1276 0.952
. * .	. * .	6	-0.093	-0.083	1.5478 0.956
. * .	. * .	7	-0.083	-0.067	1.8917 0.966
. .	. .	8	0.027	0.028	1.9282 0.983

. .	. .	9-0.064-0.060	2.1491	0.989
. .	.* .	10-0.057-0.084	2.3258	0.993
. *.	. *.	11 0.109 0.086	3.0066	0.991
. .	. .	12 0.005 0.016	3.0081	0.995
. .	.* .	13-0.042-0.076	3.1150	0.997
. .	. .	14-0.015-0.056	3.1294	0.999
. .	. .	15 0.039 0.054	3.2300	0.999

الشكل 10.3 يوضح دالة الارتباط الذاتي لأجمالي الناتج المحلي للسعودية من عام 1970-2009 ، تظهر قيمة الارتباط الذاتي الى 15متباطئة. كيف يوضح شكل الدالة ان السلسلة الزمنية ساكنة؟ من الملاحظ انا يبدأ بقيمة مرتفعه 0.880 عند المتباطئة واحد. ثم يبدأ يتناقص تدريجيا. هذا النوع من الارتباط الذاتي عموما مؤشر ان السلسلة الزمنية غير ساكنة. بالمقارنة السلسلة الزمنية تكون غير ساكنة هو احتمال ان يكون الارتباط الذاتي عند أي متباطئة من صفر هو صفر. بينما السلسلة الزمنية احتمال ان يكون صفر اكبر من 5%

-اختبار ديكي فولر Dickey-Fuller : اختبار جذر الوحدة:

u_t تتبع الفروض الخاصة بالنموذج الكلاسيكي، وسط صفري، وتباين ثابت والتغاير يساوي الصفر، هذه الخواص تجعل الخطأ العشوائي u_t أن يسمى White Noise

إذا كان معامل الانحدار بين Y_t و Y_{t-1} يساوي الواحد وهذا يسمى بجذر الوحدة. أي تكون غير ساكنة

$$Y_t = \rho Y_{t-1} + u_t$$

إذا كانت تساوي الواحد فإن السلسلة الزمنية يقال أنها ذات جذر وحده أو ما يعرف بالمسار العشوائي random walk أي عندما تكون تتبع المسار العشوائي أي أن السلسلة الزمنية غير مستقرة.

ويعبر عن معادلة جذر الوحدة بالتالي

$$\Delta Y_t = (Y_t - Y_{t-1}) = (\rho - 1) Y_{t-1} + u_t$$

$$\delta = (\rho - 1)$$

$$\Delta Y_t = \delta_1 Y_{t-1} + u_t$$

نقوم باختبار احتواء المتغير على جذر الوحدة أي نقوم بأجراء الاختبار التالي:

$$H_0 : \delta_1 = 0 \quad \text{السلسلة الزمنية غير ساكنة}$$

$$H_A : \delta_1 < 0 \quad \text{السلسلة الزمنية ساكنة}$$

إذا كانت δ_1 اقل من الصفر نرفض فرضية العدم بعدم استقرار الدالة ونستنتج أن الدالة ساكنة

$$t = \frac{\delta_1 - 0}{S\alpha(\delta)} \quad \text{الاختبار الإحصائي هو } t$$

إلا أن قيم t لا تتبع جدول t بل هناك جدول خاص يسمى بجدول ديكي فيلر. (Dickey Fuller (1979) والتي طورت من قبل ما كنون (MacKinnon (1991 نقارن القيمة المحسوبة والقيمة الجدلية حيث نرفض فرضية العدم إذا كانت القيمة المحسوبة أعلى من القيمة الجدلية. يجري اختبار ديكي فيلر بإجراء المعادلات الثلاث التالية:

$$\Delta Y_t = \delta_1 Y_{t-1} + u_t$$

اختبار ديكي فيلر DF



$$\Delta Y_t = \delta_0 + \delta_1 Y_{t-1} + u_t$$

اختبار ديكي فيلر DF بوجود قاطع

$$\Delta Y_t = \delta_0 + \delta_1 Y_{t-1} + \delta_2 T + u_t$$

اختبار ديكي فيلر DF مع قاطع ومتجه زمني T.

إذا كان الخطأ العشوائي يتصف بوجود الارتباط الذاتي فانه يمكن استخدام ديكي فيلر الموسع حيث يتضمن الاختبار متباينات الفروق:

$$\Delta Y_t = \delta_0 + \delta_1 Y_{t-1} + \delta_2 T + \sum_{i=1}^m \Delta Y_{t-i} + u_t$$

اختبار ديكي فيلر الموسع ADF

حيث تتضمن المعادلة قيم متباينة للفروق بعدد يمكن الخطأ العشوائي بان يكون مستقل (لا يوجد ارتباط الذاتي).

Null Hypothesis: GDP has a unit root

Exogenous: Constant

Lag Length: 0 (Automatic - based on SIC, maxlag=9)

	t-Statistic	Prob.*
Augmented Dickey-Fuller test statistic	-0.044794	0.9484
Test critical values: 1% level	-3.610453	
5% level	-2.938987	
10% level	-2.607932	

*MacKinnon (1996) one-sided p-values.

Augmented Dickey-Fuller Test Equation

Dependent Variable: D(GDP)

Method: Least Squares

Sample (adjusted): 1971 2009

Included observations: 39 after adjustments

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
GDP(-1)	-0.002123	0.047402	-0.044794	0.9645
C	36.38616	30.95879	1.175309	0.2474
R-squared	0.000054	Mean dependent var	35.25436	
Adjusted R-squared	-0.026971	S.D. dependent var	110.2454	
S.E. of regression	111.7223	Akaike info criterion	12.31983	
Sum squared resid	461829.1	Schwarz criterion	12.40514	
Log likelihood	-238.2367	Hannan-Quinn criter.	12.35044	
F-statistic	0.002007	Durbin-Watson stat	1.639084	
Prob(F-statistic)	0.964512			

Null Hypothesis: D(GDP) has a unit root

Exogenous: Constant

Lag Length: 0 (Automatic - based on SIC, maxlag=9)

	t-Statistic	Prob.*
Augmented Dickey-Fuller test statistic	-4.786159	0.0004
Test critical values: 1% level	-3.615588	

5% level	-2.941145
10% level	-2.609066

*MacKinnon (1996) one-sided p-values.

Augmented Dickey-Fuller Test Equation

Dependent Variable: D(GDP,2)

Method: Least Squares

Sample (adjusted): 1972 2009

Included observations: 38 after adjustments

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
D(GDP(-1))	-1.028128	0.214813	-4.786159	0.0000
C	37.27884	20.88734	1.784757	0.0827

R-squared	0.388870	Mean dependent var	10.43632
Adjusted R-squared	0.371895	S.D. dependent var	142.7647
S.E. of regression	113.1455	Akaike info criterion	12.34642
Sum squared resid	460868.4	Schwarz criterion	12.43261
Log likelihood	-232.5820	Hannan-Quinn criter.	12.37709
F-statistic	22.90731	Durbin-Watson stat	1.621576
Prob(F-statistic)	0.000029		

: Degree of integration درجة التكامل



درجة التكامل تختبر ماذا كانت السلسلة الزمنية مستقره في المستويات $I(0)$ أو مستقره في الاختلاف الأول $I(1)$ أو في الاختلاف الثاني $I(2)$. ويتم معرفة درجة التكامل بأجراء اختبار ديكي فيلر على الاختلاف الأول $\Delta Y_t = Y_t - Y_{t-1}$ والاختلاف الثاني $\Delta \Delta Y_t = \Delta Y_t - \Delta Y_{t-1}$ فإذا كان الاختلاف الأول مستقر والدالة غير مستقره في المستويات يقال أنها متكاملة من الدرجة الأولى.. $I(1)$ واغلب السلاسل الزمنية الاقتصادية الغير مستقره تكون متكاملة من الدرجة الأولى

هل اجمالي الانتاج المحلي للجزائر مستقر؟

المستوى		الفروق الأولى		
قاطع	قاطع ومتجة	قاطع	قاطع ومتجة	
2.938987-	3.529758-	2.941145-	3.533083-	القيم الحرجية
0.044794-	1.398059-	4.786159-	4.710758-	GDP

عند المستوى قيمة اختبار ديكي فيلر اقل من القيمة الحرجة أي ان السلسلة الزمنية غير مستقرة، عند الفروق الأولى قيمة الاختبار الاحصائي اعلى من القيمة الحرجة نرفض فرضية العدم ان السلسلة الزمنية غير مستقرة ونستنتج انها مستقرة عند الفروق الأولى.

نماذج الانحدار الذاتي للسلاسل الزمنية من الدرجة الأولى.

ايسر نموذج للسلسلة الزمنية هو الانحدار الذاتي من الدرجة الأولى $AR(1)$

للتبسيط لا تتضمن قاطع وتمثل $1 < \rho$ والعشوائي يمثل ضجيج ابيض (*White Noise*) الافتراض خلف نموذج الانحدار الذاتي من الدرجة الأولى ان سلوك السلسلة الزمنية ρ يحدد غالبا من قبل قيمها للفترة الزمنية السابقة. أي ان ماسوف يحدث في الفترة T يعتمد على ما يحدث في الفترة $t-1$. وكذلك ماسوف يحدث في الفترة $T+1$ سوف يتحدد بسلوك السلسلة الزمنية في الفترة الحالية.



نماذج الانحدار الذاتي من الدرجة اعلى من الواحد: $AR(p)$

لتعميم نموذج الانحدار من الدرجة الأولى $AR(1)$ نستخدم $AR(p)$ الرقم داخل القوس يمثل درجة عملية الانحدار الذاتي. على سبيل المثال $AR(2)$ سيكون من الدرجة الثانية

وكذلك $AR(p)$ سيكون انحدار ذاتي من الدرجة p كما يلي:

أو باستخدام رمز الجمع:

واخيرا باستخدام متباطئة المشغل $Lag Operator$ والذي يمتلك الخاصية $z^{-1}z = 1$ يمكن كتابة نموذج الانحدار الذاتي من الدرجة p كما يلي

يمكن كتابة نموذج الانحدار الذاتي من الدرجة p كما يلي

السكون في نموذج الانحدار الذاتي:

شرط كون $AR(p)$ ساكنة هو اذا كان جذر P للمعادلة كثيرة الحدود

يكون اكبر من الواحد في القيمة المطلقة حيث تشير Z للمتغير الحقيقي. من الممكن التعبير عنها

بالمصطلحات التالية حل معادلة كثيرة الحدود يجب ان يكون خارج دائرة جذر الوحدة. لاثبات ذلك باستخدام $AR(1)$

حيث ان الجذر أعلى من الواحد اذا

$$|\theta| < 1$$

نماذج المتوسط المتحرك (MA) *Moving Average*:

نموذج المتوسط المتحرك في أبسط أشكاله هو من الدرجة الأولى وهو بالشكل التالي:

$MA(1)$ نموذج المتوسط المتحرك من الدرجة الأولى يتضمن أن Y_t تعتمد على قيمة المتغير العشوائي الحالي ويعتبر u_t ضجيج ابيض >

نموذج المتوسط المتحرك من درجة (q)

وباستخدام متباطئة المشغل

لأن $MA(q)$ تعرف انها متوسط متحرك ثابت ومن ذلك يتبع ان المتوسط المتحرك ساكن مادامت q محدودة.

نماذج $ARMA$:

جمع نماذج الانحدار الذاتي ونماذج المتوسط المتحرك نتحصل على سلسلة زمنية جديدة تسمى $ARMA(p,q)$

$$\hat{y}_t = \hat{y}_t \hat{y}_t$$

ونكتب باستخدام صيغة الجمع

او باستخدام متباطئة المشغل

$$\hat{y}_t(1)$$

شرط السكون يتعامل مع جزء $AR(p)$. بناء على ذلك على كون

تكامل السلسلة الزمنية ونماذج $ARIMA$:

نماذج $ARMA$ تكون فقط مع سلاسل زمنية Y_t ساكنة. هذا يعني ان يكون المتوسط والتباين والتغاير ثابت عبر الزمن. ولكن معظم السلاسل الزمنية والمالية تمتلك متجه عبر الزمن وكذلك المتوسط Y_t خلال سنة واحدة سيختلف عن المتوسط في سنة أخرى. هكذا المتوسط لمعظم السلاسل الزمنية الاقتصادية والمالية غير ثابت عبر الزمن. مما يشير ان السلاسل الزمنية غير ساكنة لتجنب هذه المشكلة وللحصول على سلاسل زمنية ساكنة نحتاج لإزالة المتجه من البيانات الأصلية ويتم ذلك من خلال استخدام الفروق



معظم السلاسل الزمنية عند الفروق الأولى. فإذا كانت ساكنة في الفروق الأولى تسمى متكاملة من الدرجة الأولى $I(1)$ وهذا يكمل المصطلح $ARIMA$ إذا كانت السلسلة الزمنية غير ساكنة في الفروق الأولى يجب أخذ الفروق الثانية.

إذا كانت السلسلة الزمنية ساكنة في الفروق الثانية تسمى متكاملة من الدرجة الثانية $I(2)$

وبصفة عامة إذا كانت السلسلة الزمنية اخذت لها الفروق من الدرجة d لتكون ساكنة فنه يقال انها متكاملة من الدرجة d أي $I(d)$ لذا يسمى نموذج $ARIMA(p,d,q)$ حيث تشير p الى عدد متباينات المتغير التابع (AR) و d عدد المرات التي تؤخذ فيها الفروق للحصول على سكون السلسلة الزمنية و q عدد متباينات حد الخطأ.

مثال لنموذج $ARIMA$

اختيار النموذج باستخدام طريقة بوكس جينكينز $Box-Jenkins$:

بكوكس جينكينز (1976) اقترحوا طريقة الثلاث مراحل لنموذجة السلسلة الزمنية. الثلاث مراحل تتضمن، التمييز (التعريف)، التقدير، فحص النموذج.

مرحلة التمييز اختبار $correlogram$:

يتم باستخدام الرسم البياني لدالة الارتباط الذاتي ACF ودالة الارتباط الذاتي الجزئي $PACF$ باستخدام الرسم البياني لتسلسل Y_t مع الزمن T يقدم معلومات مفيدة بخصوص القيم المتطرفة والقيم المفقودة والتغيرات الهيكلية للبيانات. كما ذكر سابقا معظم السلاسل الاقتصادية والمالية غير ساكنة وفي الغالب المتغيرات تمتلك متجه قد يكون متزايدا او متناقصا يتسكع بدون قيمة متوسط او تباين ثابت. يمكن تصحيح القيم المتطرفة او المفقودة في هذه المرحلة، متعارف عليه ان يتم استخدام الفروق الأولى.

مقارنة لدالة الارتباط الذاتي ACF ودالة الارتباط الذاتي الجزئي $PACF$ قد يؤدي الى اقتراح نماذج ممكنة. نظريا اذا كانت السلسلة الزمنية غير ساكنة لن تتناقص بقوة او اظهار علامات الاضمحلال (التناقص). لتحويلها الى دالة ساكنة كما ذكر سابقا باستخدام الفروقات الأولى.

عند الحصول على سلسلة زمنية مستقرة الخطوة الثانية هي تعريف p, q لنموذج $ARIMA$ لعملية $MA(q)$ فان دالة الارتباط الذاتي ACF ستظهر مقدرات مختلفة معنويا عن الصفر الى متباطئة q ثم تنخفض فجأة. اما دالة الارتباط الذاتي الجزئي $PACF$ لسلسلة $MA(q)$ سوف تنخفض بسرعة اما بطريقة اسي او بطريقة الظل.

بالمقارنة $AR(p)$ لدالة الارتباط الذاتي ACF سوف تتناقص بسرعة، اما بتناقص اسي او بجيب . بينما الارتباط الذاتي الجزئي $PACF$ ستظهر تموج (ارتباط ذاتي معنوي) للمتباطئات حتى قيمة p ثم تتناقص فجأة.

اذا كلاهما ACF و $PACF$ لم يحددون نقطه ينقطع فيها، سيكون هناك سلسلة مختلطة في هذه الحالة سيكون من الصعب او المستحيل تحديد درجة AR و MA ستكون ACF و $PACF$ متراكبة (*superimposed*). مثالا اذا اظهرت كلا ACF و $PACF$ علامات تناقص اسي متباطئ فان $ARMA(1,1)$ قد نعرف. اذا اظهرت ACF ثلاث موجات معنوية عند المتباطئة 1، 2 و 3 اذا تناقص اسي $ARMA(3,1)$ الجدول 10.1 يقدم مجموعات من ACF و $PACF$ تسمح بتحري درجة $ARMA$. بصفة عامة من الصعب تحري عملية مخلوطة او اكثر من 1 لذا فانه من المهم تقدير وفحص النموذج.

جدول 10.1 ACF و $PACF$ الممكنة لـ $ARMA(p,q)$

ACF	$PACF$	
موجة عند المتباطئة واحد	تناقص سواء ظل او اسي	$MA(1)$
تناقص سواء جيب او اسي	موجة عند المتباطئة واحد	$AR(1)$
موجة عند المتباطئة واحد يتبعها تناقص سواء ظل او اسي	موجة عند المتباطئة واحد يتبعها تناقص سواء ظل او اسي	$ARMA(1,1)$
موجة عند المتباطئتين واحد واثنين يتبعها تناقص سواء ظل او	موجة عند المتباطئة واحد يتبعها تناقص سواء ظل او اسي	$ARMA(1,2)$



اسي		
موجة عند المتباطئة واحد يتبعها تناقص سواء ظل او اسي	موجة عند المتباطئين واحد واثنين يتبعها تناقص سواء ظل او اسي	$(ARMA(2,1))$
موجة عند المتباطئين واحد واثنين يتبعها تناقص سواء ظل او اسي	موجة عند المتباطئين واحد واثنين يتبعها تناقص سواء ظل او اسي	$ARMA(2,2)$

التقدير:

عند هذه المرحلة يتم تقدير معاملات النموذج ويتم اختبارها. ثم يتم مقارنة النماذج باستخدام *Akaika* *Information Creteria(AIC)* وكذلك *Schwarz Bayesian criterion(SBC)* في هذه المرحلة يجب التأكد ان النموذج ساكن.

حيث ان السلسلة الزمنية متكاملة من الدرجة الأولى $I(1)$ سنحاول ان نعرف (نميز) السلسلة الزمنية يجب النظر الى قيم ACF و $PACF$ اذا كانت تختلف عن الصفر باستخدام فترة الثقة

الخطأ المعياري لدالة الارتباط الذاتي ACF هو

تحت فرضية العدم ان $\hat{\rho}_k \geq 0$ سيكون الخطأ المعياري $\hat{\rho}_k = 0$

النقاط في الشكل حول معامل الارتباط هو فترة الثقة والتي تشير الى $\pm 2\sqrt{\frac{1}{n}}$ الشكل 10.4 للفروق الاولى

يشير الى $ARIMA(3,1,2)$

فحص النموذج:

اختبار جودة النموذج

مثال لطريقة بوكس جينكينز:

Date: 03/17/12 Time: 18:36

Sample: 1970 2009

Included observations: 35

Partial					
Autocorrelation	Correlation	AC	PAC	Q-Stat	Prob
** .	** .	1-0.310	-0.310	3.6672	0.055
* .	** .	2-0.170	-0.294	4.7947	0.091
. **	. *	3 0.268	0.131	7.6966	0.053
. .	. *	4 0.069	0.204	7.8928	0.096
* .	. *	5-0.098	0.101	8.3058	0.140
. .	. .	6 0.006	-0.009	8.3075	0.216
. .	. .	7 0.044	-0.052	8.3987	0.299
. .	. .	8-0.013	-0.041	8.4066	0.395

. .	. .	9-0.020-0.016 8.4265 0.492
. .	. .	10 0.003-0.002 8.4270 0.587
. .	. .	11-0.001-0.002 8.4270 0.675
. .	. .	12-0.011-0.009 8.4336 0.750
. .	. .	13-0.008-0.014 8.4375 0.814
. .	. .	14-0.005-0.016 8.4394 0.865
. .	. .	15-0.008-0.016 8.4437 0.905
. .	. .	16-0.010-0.016 8.4500 0.934

الشكل 10.4 دالة Correlgrom للفروق الأولى.

وبعد حساب ACF و $PACF$ والاطلاع على الشكل نجد ACF تنقطع عند المتباطئة 4 مما يقترح ان السلسلة ساكنة عند الفروق الأولى كما أن الاحتمالية $prop$ اكبر من 5% مما يشير الى قبول فرضية العدم ان معامل الارتباط الذاتي يساوي الصفر.

ACF	$PACF$	
موجات عند المتباطئة 3 يتبعها اضمحلال	موجات عند المتباطئة 3 و 4 يتبعها اضمحلال	$ARMA(3,3)$

تقدير النموذج $ARMA(2,1)$

Dependent Variable: DLGDPF

Method: Least Squares

Date: 03/17/12 Time: 21:59

Sample (adjusted): 1976 2009

Included observations: 34 after adjustments

Convergence achieved after 17 iterations

MA Backcast: 1975

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	0.057881	0.012318	4.699012	0.0001
AR(1)	0.347043	0.144489	2.401870	0.0227
AR(2)	-0.534594	0.133966	-3.990514	0.0004
MA(1)	0.997817	0.008294	120.3075	0.0000
R-squared	0.752688	Mean dependent var	0.062465	
Adjusted R-squared	0.727957	S.D. dependent var	0.081906	
				-
S.E. of regression	0.042720	Akaike info criterion	3.358157	
				-
Sum squared resid	0.054751	Schwarz criterion	3.178585	
				-
Log likelihood	61.08866	Hannan-Quinn criter.	3.296917	
F-statistic	30.43473	Durbin-Watson stat	1.293293	
Prob(F-statistic)	0.000000			
Inverted AR Roots	.17+.71i	.17-.71i		
Inverted MA Roots	-1.00			

تقدير النموذج $ARMA(1,1)$

Dependent Variable: DLGDPF

Method: Least Squares

Date: 03/17/12 Time: 21:58

Sample (adjusted): 1975 2009

Included observations: 35 after adjustments

Convergence achieved after 11 iterations

MA Backcast: 1974

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	0.061347	0.021332	2.875884	0.0071
AR(1)	0.175358	0.159529	1.099224	0.2799
MA(1)	0.996470	0.017038	58.48362	0.0000
R-squared	0.621278	Mean dependent var	0.059714	
Adjusted R-squared	0.597608	S.D. dependent var	0.082317	
			-	
S.E. of regression	0.052217	Akaike info criterion	2.985001	
			-	
Sum squared resid	0.087252	Schwarz criterion	2.851685	
			-	
Log likelihood	55.23751	Hannan-Quinn criter.	2.938980	
F-statistic	26.24738	Durbin-Watson stat	1.619606	
Prob(F-statistic)	0.000000			
Inverted AR Roots	.18			
Inverted MA Roots	-1.00			

نماذج $ARIMA$ هي نماذج احصائية لها علاقة بالنماذج الاقتصادية ولكنهم ليسوا نماذج اقتصادية هذا يجعله من الصعب الاختيار بين نماذج مختلفة خصوصا اذا كان التحديد متقارب والمقدرات متقاربة من الادوات المساعدة في اختيار النموذج معيار اكيكا (AIC) $Akika$ information criterion ومعيار

سشوارز (SIC) $Schwarz$ information criterion كلا المعيارين مبنية على تباين البواقي $\sum e_t^2$. يفضل الحصول على نموذج يتضمن اصغر تباين للبواقي. ولكن من المعروف ان تباين البواقي يتناقص بزيادة عدد المتغيرات المفسرة. لنموذجين مبنين على نفس السلسلة الزمنية يتم اختيار النموذج الذي يمتلك اقل قيمة من AIC, SIC . قيم المعيار ممكن شرحها نسبيا. لأن السلسلة الزمنية تستخدم باطوال مختلفة يتم تطبيع المعيار بقسمة على عدد المشاهدات المستخدمة بتقدير النموذج. معيار AIC, SIC يعرف كالتالي:

معيار SIC يعتبر خيار بدلا من AIC لها نفس المعنى ولكن ولكن تعطي ثقل لعدد المعاملات k لهذا السبب SIC سوف تعطي نموذج ابسط من AIC وهذه ميزة هذه المعايير لا تستخدم لمقارنة نماذج التي تستخدم مستوى مختلف من الفروقات.

المثال استخدم نموذجين $ARIMA(1,1)$ $ARIMA(2,1)$ مبدئيا تم تحديد p, q بالاطلاع على دالة $ACF, PACF$ ثانيا يتم اختيار p, q على ضوء نتائج تقدير النموذج من الاطلاع على تقدير النموذجين نجد ا كلا المعيارين AIC, SIC ذا قيمة اصغر في النموذج $ARIMA(1,1)$ كما أن $inverted roots$ الجذر المقلوب يجب ان يكون ضمن دائرة الوحدة.

فحص النموذج يتضمن اختبار Q -statistic يت اختبار ماذا كانت البواقي تتبع عملية الضجيج الأبيض المعادلة كالتالي:

حيث تمثل $\hat{\sigma}^2$ مربع بواقي معامل الارتباط الذاتي عند المتباطئة k . عند فرضية عدم الضجيج الأبيض للبقاقي للنموذج $ARMA(p,q)$ فإن اختبار Q يتبع توزيع كاي $\chi^2_{(K-p-q)}$

بالاطلاع على نتائج اختبار Q في الشكل 10.4 نجد انم فرضية العدم للبقاقي بانها ذات ضجيج ابيض لا يمكن رفضها.

نماذج متجه الانحدارالذاتي واختبارات السببية:

12.1 نماذج متجه الانحدارالذاتي.

12.2 اختبارات السببية.

مثال التطورالمالي والنموالاقتصادي.

تقديرنماذج الانحدارالذاتي واختبارات السببية في E-Views

نماذج متجه الانحدار الذاتي VAR:

مقدمة :

من الشائع جدا في الاقتصاد ان يكون هناك نماذج فيها بعض المتغيرات ليست فقط متغيرات مفسرة لمتغير تابع، ولكن هي ايضا تُفسر بالمتغيرات التي كانت تفسرها. في هذه الحالة نحصل على نماذج المعادلات الآنية. والتي يجب تحديد أي منها داخلية والمتغيرات الخارجية او المددة سابقا.

انتقد Sims(1980) قرار التمييز بين المتغيرات. وفقا لـ Sims اذا كان هناك آنية بين عدد من المتغيرات اذا يجب ان تعامل جميع المتغيرات بنفس الطريقة. بمعنى آخر يجب ان لا يكون هناك تمييز بين المتغيرات الداخلية والخارجية، بناء على ذلك عند نبذ هذا الفصل، جميع المتغيرات تعامل كمتغيرات داخلية، هذا يعني في شكلها المخفض كل معادلة تأخذ نفس المتغيرات مما يقود الى بناء نماذج متجه الانحدار الذاتي VAR.

نموذج متجه الانحدار الذاتي VAR

عندما لا نكون واثقين ان المتغير في النموذج يوصف انه خارجي، كل متغير يجب ان يعامل متناظر، مثالا على ذلك السلسلة الزمنية y_t التي تتأثر بالمتغيرات الحالية والمتغيرات السابقة لـ x_t وأنما السلسلة الزمنية x_t تكون سلسلة تتأثر بالقيمة الحالية والقيم المحددة سابقا للسلسلة الزمنية y_t في هذه الحالة النموذج البسيط ثنائي المتغير يكون كالتالي:

$$y_t = \beta_{10} + \beta_{12}x_t + \gamma_{11}y_{t-1} + \gamma_{12}x_{t-1} + u_{yt} \quad 12.1$$

$$x_t = \beta_{20} + \beta_{21}y_t + \gamma_{21}y_{t-1} + \gamma_{22}x_{t-1} + u_{xt} \quad 12.2$$

حيث نفترض y_t, x_t مستقرة، u_{yt}, u_{xt} حد الخطأ الغير مرتبطة ذاتيا، وتتصف بانها ذات ضجيج ابيض. المعادلتين 12.1, 12.2 تشكل نموذج متجه الانحدار الذاتي من الدرجة الأولى لأن اطول متباطئة هي واحدة. هذه المعادلات ليست معادلات ذات شكل مخفض *reduced form* حيث ان y_t لها تأثير مباشر (معاصر *contemporaneous*) على x_t معطى بالمعامل β_{21} و x_t لها تأثير مباشر (معاصر) على y_t معطى β_{12} ، بأعاده كتابة النظام باستخدام المصفوفات نتحصل على التالي:

$$\begin{bmatrix} 1 & \beta_{12} \\ \beta_{21} & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_t \\ x_t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \beta_{10} \\ \beta_{20} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \gamma_{11} & \gamma_{12} \\ \gamma_{21} & \gamma_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_{t-1} \\ x_{t-1} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u_{yt} \\ u_{xt} \end{bmatrix} \quad 12.3$$

$$\beta z_t = \Gamma_0 + \Gamma_1 z_{t-1} + u_{t-1} \quad 12.4 \text{ أو}$$

حيث ان:

بضرب طرفي المعادلة في -1 نتحصل على:



$$z_t = A_0 + A_1 z_{t-1} + e_t \quad 12.5$$

حيث ان

للتبسيط يمكن استخدام الرموز a_{i0} العنصر للمتجه A_0 و a_{ij} العنصر من الصف i والعمود j للمتجه A_1 و e_{it} تمثل العنصر i من المتجه e_t باستخدام هذه الرموز يمكن كتابة نموذج VAR كالتالي.

$$y_t = a_{10} + a_{11}y_{t-1} + \gamma a_{12}x_{t-1} + e_{1t} \quad 12.6$$

$$x_t = a_{20} + a_{21}y_{t-1} + a_{22}x_{t-1} + e_{2t} \quad 12.7$$

للتفريق بي نموذج متجه الانحدار VAR الاصيلي 12.1 12.2 والنظام الذي تحصلنا عليه في معادلة 12.6, 12.7 يسمى الأول نظام بدائي او هيكلي بينما الثاني نظام VAR في شكل معياري او مخفض reduced form . من المهم ان نشير الى ان حد الخطأ e_{1t} و e_{2t} تتكون من صدمتين u_{yt} و shocks u_{xt} حيث تشير

$$e_t = B^{-1}u_t \text{ يمكن الحصول على}$$

$$e_{1t} = (u_{yt} + \beta_{12}u_{xt})/(1 - \beta_{12}\beta_{21}) \quad 15.8$$

$$e_{2t} = (u_{xt} + \beta_{21}u_{yt})/(1 - \beta_{12}\beta_{21}) \quad 15.9$$

حيث ان u_{xt}, u_{yt} عملية ذات ضجيج ابيض، يتبع من ذلك ان كلا من e_{1t} و e_{2t} ايضا عملية ذات ضجيج ابيض.

خصائص نماذج الانحدار الذاتي VAR

نموذج VAR لها بعض الخصائص الجيدة. أولاً، منها أنها بسيطة وأنه لا يلزم التفريق بين المتغيرات الداخلية والخارجية. ثانياً، التقدير سهل حيث كل معادلة تقدر باستخدام م ص ع . ثالثاً، التنبؤ باستخدام نماذج VAR افضل من تلك التي يتحصل عليها من المعادلات الآنية.

ولكن نماذج VAR تعرضت لبعض الانتقادات. أولاً، أنها غير مبنية على النظرية الاقتصادية فليس هناك تقييد على أي من معاملات النموذج فكل متغير يسبب الآخر. ولكن باستخدام الاختبارات الإحصائية يمكن تقدير النموذج والتخلص من المعاملات التي تظهر غير معنوية من أجل الحصول على نموذج قد يحوي النظرية. الاختبارات تستخدم ما يسمى باختبار السببية. انتقاد آخر، هو فقد درجات الحرية باستخدام متباينات عديدة. أخيراً بالحصول على المعاملات من الصعب ترجمة النتائج وذلك لنقص الخلفية النظرية.

للتغلب على هذه الانتقادات، المؤيدين لنموذج VAR قاموا بتقدير ما يسمى دالة نبض الاستجابة *impulse response function*. دالة نبض الاستجابة تختبر استجابة المتغير التابع في نموذج VAR الى الصدمات في حد الخطأ.

تفيد دالة نبض الاستجابة في دراسة التفاعل بين المتغيرات في نموذج الانحدار الذاتي. هذه الدوال تمثل ردة فعل المتغيرات للصدمات التي يتعرض لها النظام. عادة لا يكون واضح أي الصدمات ذات الصلة لدراسة مشكلة اقتصادية محددة. لذلك تستخدم المعلومات الهيكلية لدراسة مشكلة اقتصادية محددة. نماذج الانحدار الذاتي الهيكلية وتقدير نبض الاستجابة يناقش بتوسع في التكامل المشترك.

في الاقتصاد الحديث دالة نبض الاستجابة تصف ردة فعل الاقتصاد عبر الزمن لصدمات خارجية ويتم نمذجتها في سياق نماذج الانحدار الذاتي VAR . الصدمات تعامل كمتغيرات خارجية من وجهة نظر الاقتصاد الكلي متضمنةً الانفاق الحكومي، الضرائب ومتغيرات السياسة المالية الأخرى. التغير في قاعدة النقود والمتغيرات الأخرى في السياسة النقدية، التغير في الانتاجية، التغيرات التكنولوجية . دالة نبض الاستجابة تصف ردة فعل المتغيرات الداخلية عبر الزمن مثل الانتاج ، الاستهلاك، الاستثمار البطالة عند وقت الصدمة والفترات الزمنية اللاحقة.



الصعوبة هنا هو تعريف الصدمات، النظرة العامة هي نرغب في صدم الخطأ الهيكلي، الخطأ الموجود في المعادلة 12.1 و 12.2. ولكن نلاحظ فقط خطأ الشكل المخفض في المعادلة 12.6 و 12.7 والتي تتكون من مجموعه من الأخطاء الهيكلية. لذا يجب فصل الأخطاء الهيكلية، هذا يعرف بمشكلة التمييز (التعريف) هناك العديد من الطرق لعمل ذلك ، يمكن الرجوع اليها في كتب أكثر تقدم.

اختبارات السببية:

تم ذكرانه من مميزات نموذج VAR انه يمكن تطبيق اختبارات السببية. السببية في الاقتصاد مختلفة في معناها عن السببية في أي استعمالات أخرى. تشير الى مقدرة متغير بالتنبؤ (وبذلك يسبب) للمتغير الآخر. نفترض ان هناك متغيرين x_t, y_t يؤثران كل منهما على الآخر بمتباطئة موزعة. العلاقة بين المتغيرين يمكن اسرها بنموذج VAR . في هذه الحالة من الممكن ان نقول أ) y_t تسبب x_t , ب) x_t تسبب y_t , ج) هناك رد فعل ثنائي الاتجاه (السببية بين المتغيرات) د) المتغيران مستقلان. يجب ايجاد الطريقة المناسبة والتي تسمح باكتشاف علاقة السببية والتأثير بين المتغيرات.

(Granger(1969 طور اختبار بسيط لتعريف السببية كما يلي: المتغير y_t يقال انه يسبب x_t , Granger. اذا كانت x_t , يمكن ان يتنبأ بها باستخدام القيم المتباطئة للمتغير y_t . سوف نتبع باختبار سببية جرنجر ثم يتبعها اختبار ثنائي طور من قبل Sims(1972)

اختبار سببية جرنجر:

اختبار سببية جرنجر في حالة متغيرين مستقرين x_t, y_t يتضمن في الخطوة الأولى تقدير نموذج الانحدار الذاتي VAR :

حيث يفترض ان كلا e_{1t} و e_{2t} غير مرتبطتين وذات ضجيج ابيض. في هذا النموذج يمكن ان نتحصل على الحالات التالية:

حالة (1) متباطئة x في المعادلة 12.10 قد يكون احصائيا مختلف عن صفر كمجموعه. ومتباطئة y في 12.11 غير مختلفة عن صفر احصائيا، في هذه الحالة نقول ان x_t , تسبب y_t .

حالة (2) المتباطئة y في المعادلة 12.11 قد تكون احصائيا مختلفة عن الصفر كمجموعه، والمتباطئة x في المعادلة 12.10 ومتباطئة في المعادلة 12.10 غير مختلفة احصائيا عن الصفر، في هذه الحالة تكون y_t تسبب x_t ,

حالة (3) كلا مجموعة من x و y احصائيا مختلفة عن الصفر في المعادلة 12.10 و 12.11 وبالتالي يكون هناك رد فعل ثنائي الاتجاه.

حالة (4) كلا مجموعة من x و y غير مختلفة عن الصفر احصائيا في المعادلة 12.10 و 12.11 وبالتالي تكون كل من x و y مستقلتان عن بعضهما.

اختبار سببية جرنجر يتضمن الاجراءات التالية، أولا، يتم تقدير نموذج VAR بالمعادلات 12.10 و 12.11. يتم فحص معنوية المعاملات ثم يطبق اختبار الازالة (شطب) $deletion test$ اولا المتباطئات x في المعادلة 12.11. وفقا لنتيجة اختبار الازالة قد نصل نتيجة عن اتجاه السببية بناء على الحالات الأربع.

بطريقة تحليلية اكثر ولحالة معادلة وحدة سوف نختبر المعادلة 12.10 ثم نطبق الطريقة على المعادلة 12.11

خطوة 1: يقدر انحدار y_t على متباطئات y

ثم يتحصل على $Residual sum of squares (RSS)$ لهذا الانحدار (الانحدار المقيد) ويسمى RSS_R

خطوة 2: يقدر انحدار y_t على متباطنات y بالإضافة الى متباطنات x في النموذج التالي:

$$y_t = a_1 + \sum_{i=1}^n \beta_i x_{t-i} + \sum_{j=1}^m \gamma_j y_{t-j} + e_{1t} \quad 12.13$$

ثم يتحصل على RSS لهذا الانحدار (الانحدار الغير المقيد) ويسمى $RSSu$

خطوة 3: تحدد فرضية العدم الفرضية البديلة:

خطوة 4: تحسب قيمة احصاء F لاختبار $Wald test$ على قيود المعاملات معطى بالتالي:

$$\text{حيث } m, n-k \quad \text{حيث } k=m+n+1$$

خطوة 5: اذا تجاوزت قيمة F المحسوبة قيمة F الحرجة (الجدولية), نرفض فرضية العدم.

مثال:

التطورات المالية والنمو الاقتصادي:

الهدف هنا هو فحص تأثير التطور المالي وسوق الاسهم على النمو الاقتصادي في المملكة المتحدة. (Asteriou and Price 2000) اهمية العلاقة بين التطور المالي والنمو الاقتصادي معترف بها في حقل



اقتصاديات التنمية. ولكن ماذا كان النظام المالي مع التشديد على سوق الأسهم مهم في النمو الاقتصادي.
أكدت الأبحاث على أهمية النظام المالي في تعبئة التوفير، تخصيص رأس المال، ..

VAR Granger Causality/Block Exogeneity Wald Tests

Date: 04/08/12 Time: 21:57

Sample: 1/01/1990 12/31/1999

Included observations: 2610

Dependent variable: R_FTSE

Excluded	Chi-sq	df	Prob.
R_STOCK1	4.330362	2	0.1147
R_STOCK2	0.506590	2	0.7762
R_STOCK3	1.792883	2	0.4080
All	5.798882	6	0.4461

Dependent variable: R_STOCK1

Excluded	Chi-sq	df	Prob.
R_FTSE	1.002366	2	0.6058
R_STOCK2	4.438242	2	0.1087
R_STOCK3	1.713987	2	0.4244
All	6.547766	6	0.3647

Dependent variable: R_STOCK2

Excluded	Chi-sq	df	Prob.
R_FTSE	4.732726	2	0.0938
R_STOCK1	6.447668	2	0.0398
R_STOCK3	17.03170	2	0.0002
All	24.44092	6	0.0004

Dependent variable: R_STOCK3

Excluded	Chi-sq	df	Prob.
R_FTSE	2.613544	2	0.2707
R_STOCK1	0.940452	2	0.6249
R_STOCK2	1.667499	2	0.4344
All	4.908218	6	0.5556

VAR Granger Causality/Block Exogeneity Wald Tests

Date: 04/08/12 Time: 21:44

Sample: 1/01/1990 12/31/1999

Included observations: 2610

Dependent variable: R_FTSE

Excluded	Chi-sq	df	Prob.
R_STOCK1	4.330362	2	0.1147

R_STOCK2	0.506590	2	0.7762
R_STOCK3	1.792883	2	0.4080
All	5.798882	6	0.4461

Dependent variable: R_STOCK1

Excluded	Chi-sq	df	Prob.
R_FTSE	1.002366	2	0.6058
R_STOCK2	4.438242	2	0.1087
R_STOCK3	1.713987	2	0.4244
All	6.547766	6	0.3647

Dependent variable: R_STOCK2

Excluded	Chi-sq	df	Prob.
R_FTSE	4.732726	2	0.0938
R_STOCK1	6.447668	2	0.0398
R_STOCK3	17.03170	2	0.0002
All	24.44092	6	0.0004

Dependent variable: R_STOCK3

Excluded	Chi-sq	df	Prob.
R_FTSE	2.613544	2	0.2707
R_STOCK1	0.940452	2	0.6249

R_STOCK2	1.667499	2	0.4344
All	4.908218	6	0.5556

Vector Autoregression Estimates

Date: 04/08/12 Time: 21:52

Sample: 1/01/1990 12/31/1999

Included observations: 2610

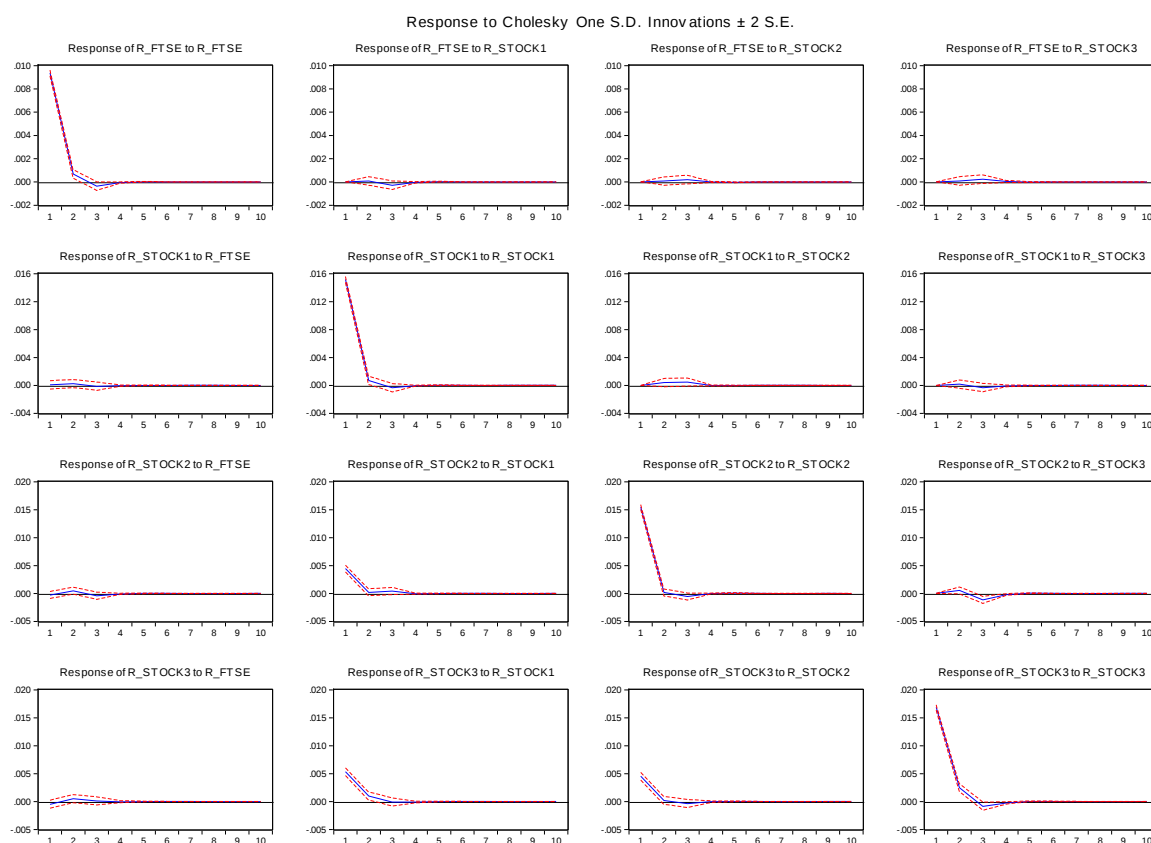
Standard errors in () & t-statistics in []

	R_FTSE	R_STOCK1	R_STOCK2	R_STOCK3
R_FTSE(-1)	0.073909 (0.01959) [3.77369]	0.026654 (0.03175) [0.83939]	0.052065 (0.03366) [1.54682]	0.061738 (0.03820) [1.61634]
R_FTSE(-2)	-0.043335 (0.01959) [-2.21213]	-0.019181 (0.03176) [-0.60391]	-0.055069 (0.03367) [-1.63567]	-0.005584 (0.03821) [-0.14615]
R_STOCK1(-1)	0.002804 (0.01289) [0.21748]	0.036453 (0.02091) [1.74374]	0.000610 (0.02216) [0.02751]	0.022188 (0.02515) [0.88234]
R_STOCK1(-2)	-0.026765 (0.01290) [-2.07544]	-0.028422 (0.02091) [-1.35936]	0.056227 (0.02216) [2.53691]	0.009408 (0.02515) [0.37404]

R_STOCK2(-1)	0.003126 (0.01225) [0.25514]	0.022653 (0.01986) [1.14034]	0.001967 (0.02106) [0.09344]	-0.030041 (0.02390) [-1.25719]
R_STOCK2(-2)	0.008136 (0.01226) [0.66344]	0.035131 (0.01988) [1.76691]	-0.015181 (0.02108) [-0.72031]	-0.006935 (0.02392) [-0.28998]
R_STOCK3(-1)	0.004981 (0.01088) [0.45799]	0.009964 (0.01763) [0.56503]	0.031874 (0.01869) [1.70519]	0.145937 (0.02121) [6.87994]
R_STOCK3(-2)	0.012926 (0.01087) [1.18931]	-0.021913 (0.01762) [-1.24356]	-0.073698 (0.01868) [-3.94544]	-0.071633 (0.02120) [-3.37944]
C	0.000368 (0.00018) [1.99918]	3.46E-05 (0.00030) [0.11602]	0.000172 (0.00032) [0.54520]	0.000504 (0.00036) [1.40563]
R-squared	0.009126	0.005269	0.010114	0.024353
Adj. R-squared	0.006078	0.002209	0.007069	0.021352
Sum sq. resids	0.228332	0.600202	0.674418	0.868468
S.E. equation	0.009369	0.015191	0.016103	0.018273
F-statistic	2.994316	1.722159	3.321798	8.115318
Log likelihood	8490.567	7229.332	7077.190	6747.180
Akaike AIC	-6.499285	-5.532821	-5.416238	-5.163356
Schwarz SC	-6.479054	-5.512590	-5.396006	-5.143125
Mean dependent	0.000391	3.99E-05	0.000148	0.000565

S.D. dependent	0.009398	0.015208	0.016160	0.018471
----------------	----------	----------	----------	----------

Determinant resid covariance (dof adj.)	1.38E-15
Determinant resid covariance	1.36E-15
Log likelihood	29857.44
Akaike information criterion	-22.85168
Schwarz criterion	-22.77075



طريقة التقدير:

للمعادلة 15.1, 15.2 يمكن حلها بطريقة المعادلات الآنية التي تم دراستها في الفصل السابع .

اما الشكل الثاني نظام VAR في شكل معياري او مخفض *reduced form* في المعادلة 12.6, 12.7 فيقدر كل معادلة بطريقة م ص ع

مثال:

$$C_t = \beta_0 + \beta Y_t + \varepsilon_t \quad 15.10$$

$$Y_t = C_t + I_t \quad 15.11$$

كما تم توضيحه في المعادلات الآنية C, Y متغيرات داخلية ، بينما I متغير خارجي أي يتحدد خارج النظام أعلاه كما ان المتغيرات الداخلية تختلف عن متباطئات المتغيرات الداخلية والتي تسمى متغيرات محدد سابقا، ان تحديد المتغيرات في نظام يختلف عن تحديد المتغيرات في معادلة واحدة حيث تعتبر المتغير في يسار المعادلة متغير داخلي والمتغيرات في يمين المعادلة متغيرات خارجية،

الآنية الملاحظة لها نتائج مهمة في نمودجة الاقتصاد القياسي انه من الواضح ان هناك ارتباط ذاتي بين المتغير Y وحد الخطأ في المعادلة 15.10 لذا يحل النظام باستخدام المعادلة 12.4 12.3

$$C_t = \beta * \alpha + \beta * \beta I_t + \beta * \varepsilon_t \quad 15.13$$

$$Y_t = \beta * \alpha + \beta * I_t + \beta * \varepsilon_t \quad 15.14$$

حيث $\beta * = \frac{1}{1-\beta}$ نموذج هيكلي يحل بأن تكون المتغيرات الداخلية على يمين المعادلة كدالة للمتغيرات المحددة سابقا كما توضح المعادلتين 15.13, 15.14 عادة يسمى هيكل مخفض للنموذج *reduced form* لتوضيح المعادلات القادمة نسمي هذا هيكل مخفض مقيد وبالرموز *restricted reduced form (RRF)* معاملات *RRF* يرمز لها عادة $\pi_{11}, \pi_{12}, \pi_{21}$ etc, ومع هذه الرموز يكون الهيكل المخفض المقيد كالتالي:

$$C_t = \pi_{11} + \pi_{12} I_t + v_{1t} \quad 15.15$$



$$Y_t = \pi_{21} + \pi_{22}I_t + v_{2t} \quad 15.16$$

إذا قارنا (15.13.15.14) مع (15.15.15.16) ان شكل المعاملات يملئ نوع من القيود على معالم النموذج

في هذه الحالة فإن $\pi_{11} = \pi_{21}$ وكذلك

$(\pi_{22} - \pi_{12}) = 1$ يتبع ذلك ان معرفة معاملات الشكل المخفض يساعد على استرداد المعاملات في

المعادلة 15.11, 15.12 النظام الأصلي بالتحديد فإن $\beta = \pi_{12}/\pi_{22}$ وكذلك $\alpha = \pi_{21}/\pi_{22}$

امكانية استرداد معامل النموذج الأصلي من معرفة قيم معاملات الشكل المخفض المقيد نسمى مشكلة التعريف التمييز.

استقرار الدوال و التكامل المشترك ونموذج تصحيح الخطأ:

مقدمة:

هناك فرق بين السلسلة الزمنية المستقرة والغير مستقرة. في السلاسل الزمنية المستقرة الصدمات ستكون مؤقتة، وتأثيرهم عبر الزمن سوف يتلاشى كما تعود لقيم المتوسط في المدى الطويل. من جهة أخرى، السلاسل الزمنية الغير مستقرة سوف تتضمن عناصر دائمة. بناء على ذلك، المتوسط و/ او التباين لسلسلة زمنية غير مستقرة سوف تعتمد على الزمن، والتي تقود الى حالات تكون السلسلة الزمنية (أ) ليس لها متوسط طويل الأجل بحيث تعود الية السلسلة؛ و (ب) التباين سوف يعتمد على الزمن وسوف يصل الى ما لا نهاية كما يصل الزمن ما لا نهاية.

جذر الوحدة والانحدار الزائف:

باعتبار نموذج الانحدار الذاتي

$$y_t = \phi y_{t-1} + e_t \quad 13.1$$

حيث تكون e_t ذات ضجيج ابيض وشرط الاستقرار ان تكون $|\varphi| < 1$ ، وبصفة عامة، هناك ثلاث حالات ممكنة:

حالة (1): $|\varphi| < 1$ بناء على ذلك تكون السلسلة مستقرة، رسم بياني بحيث تكون $\varphi = 0.67$ في الشكل 13.1.

حالة (2): $|\varphi| > 1$ تكون السلسلة منفجرة. رسم بياني للسلسلة بحيث تكون $\varphi = 1.62$ في الشكل 13.2.

حالة (3): $|\varphi| = 1$ تكون السلسلة ذات جذر وحدة وغير مستقرة. الشكل 13.3

لرسم الاشكال الثلاثة يستخدم برنامج *E-views*

لعينة 500 مشاهدة وغير زمنية

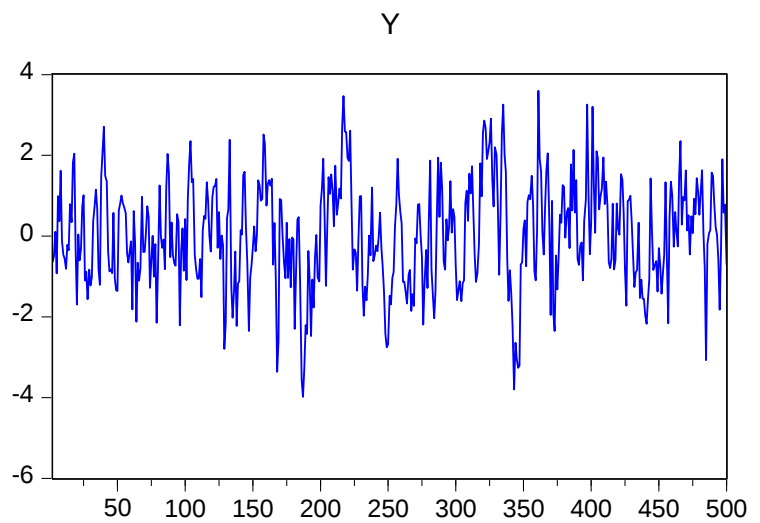
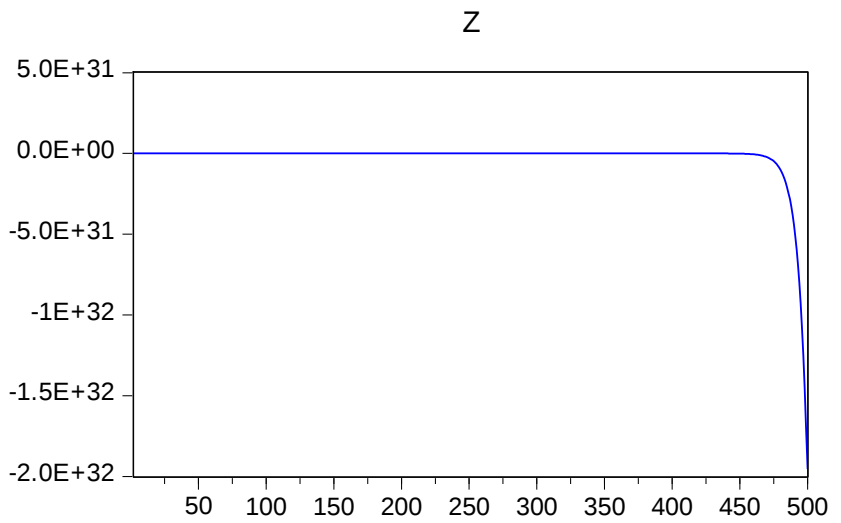
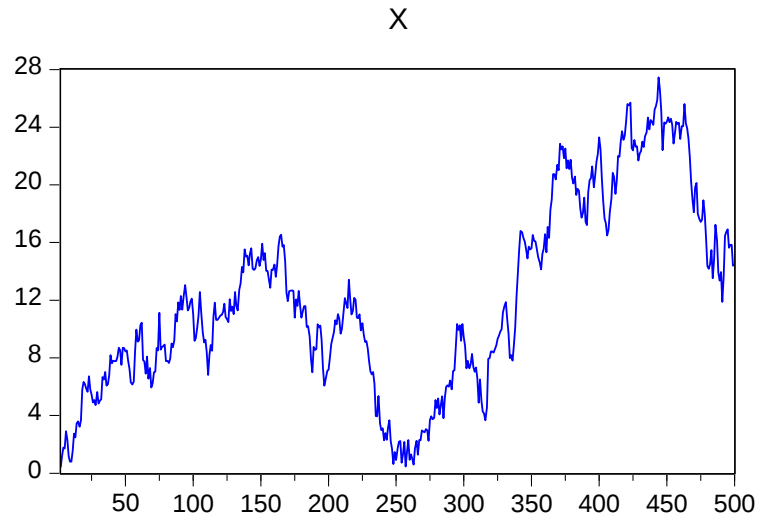
Sample 1 1

gen x=0 , gen z=0 Gen y=0

Sample 2 500

*Gen x=x(-1) + nrnd gen z=1.16*z(-1) + nrnd , Gen y=0.67*y(-1) + nrnd*

Plot z Plot x Plot y



إذا إذا كانت $|\varphi| = 1$ إذا تتضمن y_t جذر الوحدة. بالحصول على $\varphi = 1$ وبطرح y_{t-1} من طرفي المعادلة

$$\Delta y_t = e_t \quad 13.2$$

وحيث ان e_t عملية ذات ضجيج ابيض، إذا فإن Δy_t سلسلة زمنية مستقرة أي انه عن عمل الفروق تتحصل على سلسلة مستقرة.

تعريف 4:1 سلسلة زمنية متكاملة من الدرجة الأولى $y_t \sim I(1)$ وتتضمن جذر الوحدة إذا كانت غير y_t مستقر و Δy_t مستقرة.

بصفة عامة السلسلة الزمنية الغير مستقرة قد تحتاج الى اخذ الفروق اكثر من مرة واحدة لتصبح مستقرة، إذا كانت السلسلة الزمنية A تصبح مستقرة بعد عدد d من الفروق يقال انها متكاملة من الدرجة d .

تعريف 4:2 سلسلة زمنية متكاملة من الدرجة d $y_t \sim I(d)$ إذا كانت y_t غير مستقرة ولكن $\Delta^d y_t$ مستقرة حيث $\Delta y_t = y_t - y_{t-1}$ و $\Delta^d y_t = \Delta(\Delta y_t) = \Delta y_t - \Delta y_{t-1}$ وهكذا. الانحدار الزائف:

معظم السلاسل الزمنية للاقتصاد الكلي ذات متجه وبناء على ذلك معظمها غير مستقرة، مثال اجمالي الناتج المحلي، للمملكة المتحدة. شكل 16.4. المشكلة مع البيانات الغير مستقرة ان طريقة المربعات الصغرى العادية تؤدي الى نتائج غير صحيحة. في هذه الحالات من الممكن الحصول على معاملا تحديد مرتفع R^2 وقيم مرتفعة من احصاء t احيانا يكون اعلى من 4 بينما المتغيرات المستخدمة في التحليل لا تربطها أي علاقة.

العديد من السلاسل الزمنية يكمن ورائها معدل نمو قد يكون او لا يكون ثابت على سبيل المثال اجمالي الناتج المحلي، عرض النقود، مؤشر الاسعار تميل الى النمو عند معدل سنوي منتظم. هذه السلاسل غير



مستقرة كما يتزايد المتوسط. ولكن انها ليست متكاملة، كما انها لاستقر عند أي مستوى من اخذ الفروق. هذا يعطي سبب رئيسي لا خذ اللوغاريتمات للبيانات قبل اخضاعها لاي تحليل قياسي. اذا اخذنا اللوغاريتم للسلسلة الزمنية، التي تتضمن معدل نمو متوسط، لنتحول الى سلسلة تتبع متجه خطي ومتكاملة، لنفرض ان هناك سلسلة X والتي تتزايد بمعدل 10% للفترة الزمنية.

الآن معامل المتباطئة هو واحد وكل فترة زمنية يتزايد بقيمة ثابتة تساوي $\log(1.1)$ وهي بالطبع، القاطع، وهذه السلسلة الزمنية متكاملة من الدرجة الأولى.

وللتعميم خذ في الاعتبار النموذج التالي:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_t + u_t \quad 13.3$$

حيث تمثل u_t حد الخطأ. في حالة كون السلسلة الزمنية غير مستقرة، النتائج التي تحصل من هذا الانحدار تكون زائفة هذا التعبير تم تقديمه من قبل Granger and Newbold, (1974) بناء على ذلك سميت هذه الانحدارات بالانحدارات الزائفة .

الفكرة خلف ذلك بسية جدا. عبر الزمن نتوقع ان السلسلة الزمنية سوف تتجول، كما في الشكل 13.3، لذلك أي سلسلة زمنية طويلة ، سوف يكون هناك توجه سواء الى اعلى او الى اسفل. اذا اخذنا في الاعتبار سلسلتين زمنتين ليس بينهما أي علاقة وكلاهما غير مستقرتين، سوف نتوقع انهما سوف يتجهان معا الى اعلى او الى اسفل معا، او احدهما تتجه الى اعلى والاخرى الى اسفل. اذا اجري الانحدار لاحدهما على الأخرى سوف نجد علاقة سوف نجد اما علاقة موجبة اذا كانتا تتجهان في نفس الاتجاه او علاقة سالبة اذا كانت احدهما تتجه في عكس الأخرى، مع انه في الحقيقة لا يوجد علاقة بينهما. هذا هو جوهر الانحدار الزائف.

الانحدار الزائف عادة له معامل تحديد مرتفع R^2 وقيم احصاء t تعطي نتائج معنوية، ولكن النتيجة قد لا يكون لها معنى اقتصادي. هذا يأتي من ان نتائج الانحدار قد لا تكون متسقة. وبناء على ذلك نتائج الاختبارات الاحصائية غير صحيحة

(Granger and Newbold, 1974) قاما باستخدام تحليل مونت كارلو Monte Carlo ببناء عدد كبير من سلسلتين زمنيتين y_t, x_t تتضمن جذر الوحدة باتباع المعادلتين التاليتين:

$$y_t = y_{t-1} + e_{yt} \quad 13.4$$

$$x_t = x_{t-1} + e_{xt} \quad 13.5$$

حيث e_{yt}, e_{xt} ولدت بقيم متوزعة توزيعاً طبيعياً.

حيث ان x_t, y_t مستقلتان عن بعضهما، أي انحدار بينهما سوف لا يعطي نتائج معنوية. ولكن، عندما قام *Granger and Newbold* بعمل انحدار قيم مختلفة من x_t, y_t كما هو في المعادلة 16.3 ، تفاجأ بإيجاد انهما لا يستطيعان رفض فرضية العدم ان $\beta_2 = 0$ لما يقارب 75% من الحالات. كما وجد ان معامل التحديد للانحدار R^2 يأخذ قيم مرتفعة ، كما ان اختبار دربن واتسون ذو قيم منخفضة.

لتطبيق الانحدار الزائف يمكن اتباع الخطوات التالية في برنامج *E-Views*

Sample 1 1

Gen y=0 gen x=0 ,

Sample 2 500

Gen x=x(-1) +nrnd

Gen y=y(-1) +nrnd

Scat y x

Equation $y_c x$

Dependent Variable: Y

Method: Least Squares

Date: 04/18/12 Time: 17:35

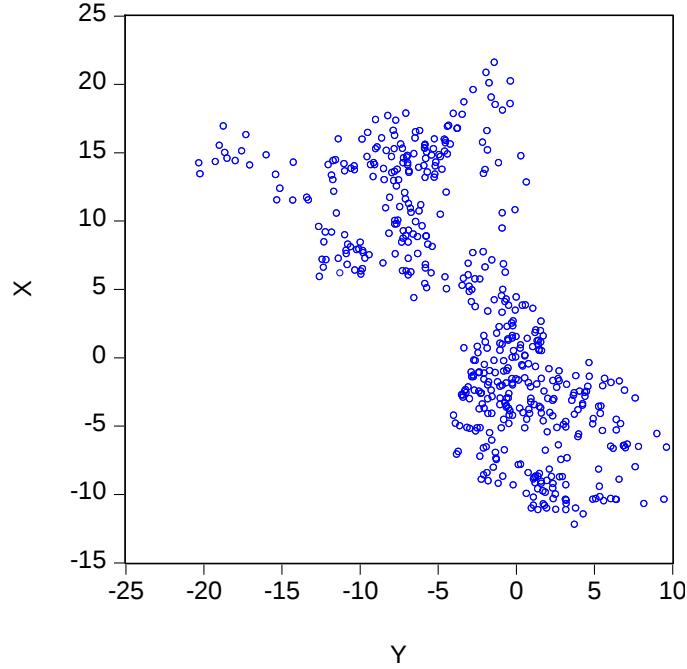
Sample: 1 300

Included observations: 300

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
X	-0.277211	0.034542	-8.025218	0.0000
C	-0.013879	0.191622	-0.072431	0.9423
R-squared	0.177714	Mean dependent var	0.884211	
Adjusted R-squared	0.174954	S.D. dependent var	2.966120	
S.E. of regression	2.694187	Akaike info criterion	4.826714	
Sum squared resid	2163.076	Schwarz criterion	4.851406	
Log likelihood	-722.0072	Hannan-Quinn criter.	4.836596	
F-statistic	64.40413	Durbin-Watson stat	0.126102	
Prob(F-statistic)	0.000000			

$$y_t = -0.01 - 0.277x_t + u_t$$

$$T = -0.072 \quad -8.025 \quad R^2 = 0.177 \quad DW = 0.126$$



$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_t + u_t \quad 13.6$$

Granger and Newbold اقترحا القاعدة التالية للكشف ما اذا كان هناك انحدار زائف فإنه اذا كانت $R^2 \cong 1$ او $R^2 > DW$ فإن الانحدار لابد ان يكون زائف. لفهم الانحدار الزائف يجري تطبيقه على بيانات حقيقية، بأجراء الانحدار الاستهلاك الخاص لوغاريتم على لوغاريتم اجمالي الناتج الحقيقي وقاطع:

Dependent Variable: LC

Method: Least Squares

Date: 04/19/12 Time: 19:57

Sample: 1970 2009

Included observations: 40

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
LGDP	1.095206	0.057130	19.17033	0.0000
C	-1.631153	0.346390	-4.709001	0.0000

R-squared	0.906289	Mean dependent var	4.921975
Adjusted R-squared	0.903823	S.D. dependent var	1.141644
S.E. of regression	0.354052	Akaike info criterion	0.809959
Sum squared resid	4.763398	Schwarz criterion	0.894403
Log likelihood	-14.19918	Hannan-Quinn criter.	0.840491
F-statistic	367.5016	Durbin-Watson stat	0.327556
Prob(F-statistic)	0.000000		

$$LC_t = -1.63 + 1.09LGDP + u_t \quad 13.7$$

$$-4.7 \quad 19.17 \quad R^2 = 0.90 \quad DW = 0.32$$

ماهو الانحدار الزائف:

مصدر مشكلة الانحدار الزائف تأتي اذا كان كل من x و y كليهما مستقر فأن أي جمع خطي لهما سوف يكون مستقر، جمع خطي مهم لهما هو بالطبع حد خطأ المعادلة، فاذا كان المتغيرين مستقرين سوف يكون حد خطأ المعادلة مستقرو يتبع توزيع جيد. ولكن عندما يكونان المتغيرين غير مستقرين، اذا بالطبع لن يكون هناك ضمان ان حد الخطأ سيكون مستقر. في الواقع، كقاعدة عامة (مع انه ليس دائما) حد الخطأ سيصبح غير مستقر، وعند حدوث ذلك فأن الفرض الاساسي ل م ص ع انتهك. اذا كان حدود الخطأ غير مستقرة نتوقع ان تتجول وتصبح في النهاية ذات حجم كبير. ولكن حيث ان م ص ع تقدر معاملها على اساس التي تجعل مجموع مربعات الخطأ اصغرا يمكن. سوف تختار أي معامل يعطي اصغر خطأ لذا سوف تنتج أي قيم للمعاملات.

للتبسيط نختبر سلوك t في المعادلة 13.6 $y_t = \beta_1 + \beta_2 x_t + u_t$ كالتالي:

$$u_t = y_t - \beta_1 - \beta_2 x_t$$

بأبعاد القاطع β_1 والذي سوف يؤثر فقط على تسلسل u_t بإزحاف المتوسط.

إذا تم الحصول على x_t و y_t من المعادلتين 13.4 و 13.5

مع القيمتين المبدأيتين $x_0 = 0$ و $y_0 = 0$ نتحصل على

كيف تم الحصول على 16.8 النتيجة حصلت من حل المعادلة 13.4 و 13.5 إذا عوضنا بقيمة y_1 قيمة y في الفترة الأولى في المعادلة 13.4 ستكون تساوي :

$$y_3 = y_2 + e_{y3} = y_0 + e_{y1} + e_{y2} + e_{y3}$$

وبالاستمرار بالتعويض

وحيث ان $y_0 = 0$ اذا

وهذا يكون حد الخطأ t عبارة عن جمع بين الأخطاء المتراكمة كما هو واضح في المعادلة 13.8

اختبارات جذر الوحدة

مقدمة :

اختبار درجة التكامل هو اختبار لعدد جذر الوحدة، ويتبع الخطوات التالية:

الخطوة 1: اختبار y_t اذا كانت مستقرة. اذا كان الجواب نعم فأن $y \sim I(0)$ اذا كان الجواب لا فأن $y_t \sim I(d) \quad d > 0$

الخطوة 2: يتم اخذ الفروق الأولى لـ y_t $\Delta y_t = y_t - y_{t-1}$ واختبار Δy_t ماذا كانت مستقرة. اذا كان الجواب نعم اذا $y_t \sim I(1)$ اذا كان الجواب لا تكون $d > 1$ $y_t \sim I(d)$

الخطوة 3: يؤخذ الاختلافات الثانية لـ y_t $\Delta^2 y_t = \Delta y_t - \Delta y_{t-1}$ واختبار $\Delta^2 y_t$ اذا كانت مستقرة تكون السلسلة $y_t \sim I(2)$ اذا كان الجواب لا $d > 2$ $y_t \sim I(d)$ وهكذا حتى نصل الى درجة الفروق التي تستقر عندها السلسلة.

اختبار ديكي فيلر:

Dickey and Fuller (1979,1980) ابتكر طريقة لاختبار لعدم استقرار السلسلة الزمنية. لاختبار لعدم الاستقرار مرادف لاختبار وجود جذر الوحدة

الاختبار يكون كالتالي وهو مبني على نموذج الانحدار الذاتي من الدرجة الأولى:



يتم اختبار ماذا كانت ϕ تساوي 1 ومن هنا جذر الوحدة. فرضية العدم , $\phi=1$: H_0 والفرضية البديلة

$$H_1: \phi < 1,$$

شكل آخر للاختبار يمكن الحصول عليه بطرح y_{t-1}

$$\Delta y_t = \gamma y_{t-1} + u_t \quad 13.9$$

حيث تمثل $(\gamma - 1)$ وفرضية العدم , $\gamma = 0$: H_0 والفرضية البديلة $\gamma < 0$: H_1

حيث انه اذا كانت $\gamma = 0$ فان السلسلة تتبع مسار عشوائي.

Dickey and Fuller (1979) اقترحا معادلتين للانحدار يمكن ان تستخدم لاختبار جذر الوحدة. الأولى تتضمن قاطع في السلسلة ذات المسار العشوائي كالتالي:

$$\Delta y_t = \alpha_0 + \gamma y_{t-1} + u_t \quad 13.10$$

والمعادلة الثانية تسمح للنموذج بأن يتضمن متجه زمني غير عشوائي.

$$\Delta y_t = \alpha_0 + a_2 t + \gamma y_{t-1} + u_t \quad 13.11$$

اختبار DF للاستقرار هو t للمعامل متباطئة المتغير التابع $t-1$ للمعادلات 13.9, 13.10, 13.11 لكن الاختبار لا يتبع توزيع t التقليدي ولكن يتضمن قيم جدولية تم حسابها من قبل Dickey and Fuller.

MacKinnon (1991) جدول القيم الحرجة لكل النماذج الثلاثة ، في الجدول 13.1

الجدول 13.1 القيم الحرجة لاختبار ديكي فيلر.

النموذج	1%	5%	10%
---------	----	----	-----



	-2.56	-1.94	-1.62
	-3.43	-2.86	-2.57
	-3.96	-3.41	-3.13

القيم الحرجة مأخوذة من (Mackinnon 1991)

في كل الحالات الثلاث الاختبار يركز على $0 = \hat{\alpha}$. الاختبار الإحصائي قيمة T لمتباطئة المتغير التابع. اذا كانت القيمة المحسوبة اقل من القيمة الجدولية فأف فرضية العدم ان السلسلة الزمنية غير مستقرة يتم قبولها ونستنتج انه غير مستقرة.

اختبار ديكي فيلر الموسع: *The Augmented Dickey-Fulller*

حيث ان حد الخطأ في معادلة ديكي فيلر غالبا لا يكون ذا ضجيج ابيض. ديكي فيلر وسع الطريقة باقتراح تعديل للاختبار ليتضمن متباطئات اضافية للمتغير التابع من اجل التخلص من الارتباط الذاتي. طول المتباطئات في الحالات الثلاث يتحدد اما بمعيار اكيكا (*Akaika information criterion*) او بمعيار شوارتز (*Schwartz Bayesian criterion*) او باستخدام اختبار الارتباط الذاتي مضروب لاجرانج LM , الثلاث حالات الممكنة تعطى بالمعادلات التالية:

الاختلاف بين الثلاث معادلات هو وجود القاطع والمتجه الزمني. القيم الحرجة هي نفسها المعطاة في الجدول 13.1.

لتحديد أي من المعادلات الثلاث يجب تطبيقها *Doldado et al (1990)* اقترحوا طريقة للبدأ من المعادلة 13.14 ثم استخدام المعادلات 13.13 ، 13.12 . يترح ايضا رسم شكل بياني للبيانات وملاحظة ماذا كانت السلسلة تتضمن قاطع او متجة زمني.

اختبار فيليب بيرون: *The Philips-Perron*:

توزيع اختبار ديك فيلروديكي فيلر الموسع مبني الافتراضات ان حد الخطأ مستقل احصائيا ويتضمن تباين ثابت. لذلك عن استخدام طريقة ديكي فيلر يجب ان نتأكد ان حد الخطأ غير مرتبط وانه يتضمن تباين ثابت. فيليب و بيرون (1988) طوروا تعميم لطريقة ديكي فيلر تسمح بوجود ارتباط ذاتي في حد الخطأ. ان طريقة فيليب بيرون هي تعديل لا حصاء t لديكي فيلر ليأخذ في الاعتبار قيود اقل على حد الخطأ.

اختبار *KPSS*:

اختبار *Kwiatkowski-Phillips-Schmidt-Shin (KPSS) (1992)* ابتكروا اختبار مكمل لديكي فيلر لاختبار الاستقرار. حيث فرضية العدم ان السلسلة الزمنية مستقرة عكس اختبار ديكي فيلر الذي تكون فيه فرضية العدم غير مستقرة. يفترض انه ليس هناك متجه

حيث ε_t مستقرة و $\varepsilon_t \sim N(0, \sigma^2)$ مسار عشوائي حيث تكون $\varepsilon_t = \varepsilon_{t-1} + \varepsilon_t$:

اذا كان التباين يساوي صفر ، اذا $\varepsilon_t = \varepsilon_0$ لكل t و ε_t مستقرة. وباستخدام انحدار بسيط تكون المعادلة :

$$\varepsilon_t = \hat{\varepsilon}_t + \hat{\varepsilon}_t \quad 13.15$$

الاختبار هو



حيث تمثل $\sigma^2 = \sum_{i=1}^n \sigma_i^2$ و σ^2 مقدرة لتباين σ^2

KPSS هو اختبار مضروب لاجرانج لفرضية ان السلسلة لها مسار عشوائي بتباين صفر. اختبار *KPSS* اختبار مكمل لاختبار ديكي فيلر. القيم الحرجة في الجدول 13.2:

الجدول 13.2: القيم الحرجة لاختبار *KPSS*

	10%	5%	1%
قاطع	0.347	0.463	0.730
قاطع ومتجه زمني	0.119	0.146	0.210

التكامل المشترك:

مقدمة:

غالبا ما تتضمن دراسات الاقتصاد الكلي متغيرات غير مستقرة مثل الدخل، الطلب على النقود، الاسعار، التجارة، وسعر الصرف. من تحليل السلاسل الزمنية فانه يستوجب استخدام الفروق لتحويلها الى سلاسل مستقرة. ولكن هذا ليس هو الحل الأمثل. هناك مشكلتان رئيسيتان عند استخدام الفروق، اذا كان النموذج محدد بطريقة صحيحة للعلاقة بين y_t و y_{t-1} على سبيل المثال ويتم اخذ الفروق لكلا المتغيرين، اذا ضمنيا سوف نأخذ الفروق لحد الخطأ في الانحدار. هذا سوف ينتج سلسلة غير معكوسة من المتوسطات المتحركة لحدود الخطأ وسوف يقدم سلسلة من الصعوبات في التقدير. المشكلة الثانية انه اذا تم اخذ الفروق للمتغيرات فأن النموذج لا يعطي حل فريد للعلاقة طويلة الأجل. بهذا نعني انه اذا تم أخذ قيمة محددة لـ y_t اذا فأنه بغض النظر عن القيمة التي بدأنا بها لـ y_{t-1} الحل الحركي لـ y_t سوف يميل الى



التقاء عند نقطة واحدة. وهكذا لمثال اذا كانت $\beta = 0.5\beta$ فإنه عند $x=10$ فإن $y=5$. ولكن اذا كان النموذج في الفروقات الأولى على سبيل المثال، اذا $\beta_t - \beta_{t-1} = 0.5(\beta_t - \beta_{t-1})$

فاذا كانت $x=10$ لا نستطيع حل قيمة y بدون معرفة القيم السابقة لـ y و x وهكذا فإن الحل لـ y ليس فريد لمعطى x . الرغبة في ايجاد نموذج يشمل كل من خصائص المدى القصير والمدى الطويل وفي نفس الوقت ويبقى على الاستقرار في كل المتغيرات ادى الى اعادة النظر في مشكلة الانحدار باستخدام متغيرات محسوبة في المستوى.

الفكرة الرئيسية لهذا الجزء تأتي من شرحنا للانحدار الزائف للمعادلة 13.8 والتي وضحت ان المتغيرين الغير مستقرين يكون حد الخطأ عبارة عن جمع بين الأخطاء المتراكمة ، هذا التراكم من حدود الأخطاء عادة يسمى متجه عشوائي وعادة نتوقع انهما يتحدان لتكوين عملية غير مستقرة. ولكن في الحالة التي تكون فيها x و y بينهما علاقة نتوقع انهما سوف يتحركان معا . لذلك تكون متجه العشوائيين متشابهين. وعند وضعهما معا ينبغي ان نجد مجموعه منهما تزيل عدم الاستقرار. في حالات خاصة نقول ان المتغيرين متكاملين. نظريا ينبغي ان يحدث هذا عندما تكون هناك علاقة تربط المتغيرين. لذا فالتكامل المشترك يصبح طريقة قوية للكشف عن العلاقات الاقتصادية.

التكامل المشترك اصبح متطلب اساسي لأي نموذج اقتصادي مبني على بيانات سلاسل زمنية غير مستقرة. اذا كانت المتغيرات لا تتكامل تكامل مشترك لدينا مشكلة الانحدار الزائف والعمل القياسي يكون بلا معنى. من ناحية أخرى اذا ابطال المتجه العشوائي اذا يحصل لدينا تكامل مشترك.

النقطة الرئيسية هنا، اذا كان هناك حقا علاقة طويلة الأجل بين X, Y اذا على الرغم من ان المتغيرات متزايدة عبر الزمن الا انه سيكون هناك متجه مشترك يربطها معا. للحصول على التوازن او علاقة طويلة الأجل موجودة، يتطلب ذلك تجمع خطي للمتغيرين X, Y يكون مستقر $I(0)$. التجمع الخطي لـ X و Y يمكن أن تؤخذ مباشرة من تقدير المعادلة التالية:

بأخذ البواقي



إذا كانت $\tilde{X} \sim \tilde{Y}(0)$ فإن المتغيران متكاملان تكامل مشترك.

التكامل المشترك: نهج رياضي

بعبارة أخرى، بالنظر في مجموعة من اثنين من المتغيرات X, Y التي هي متكاملة من الدرجة الأولى $\tilde{X} \sim \tilde{Y}(1)$ إذا افترضنا ان هناك متجه $[\tilde{X}_1, \tilde{X}_2]$ الذي يعطي مزيج خطي من $[Y, X]$ الذي هو مستقر ويرمز له بالتالي:

$$\tilde{X}_1 \tilde{X}_2 + \tilde{X}_2 \tilde{X}_1 = \tilde{X} \sim \tilde{Y}(0) \quad 13.16$$

إذا يكون مجموع المتغيرات $[Y, X]$ ويسمى مجموعة التكامل، ومتجه المعاملات $[\tilde{X}_1, \tilde{X}_2]$ يسمى بمتجه التكامل. مانحن مهتمون به العلاقة طويلة الأجل التي لا تكون:

$$\tilde{X}^* = \tilde{X} \tilde{X} \quad 13.17$$

لنرى كيف يأتي هذا من طريقة التكامل المشترك، يمكن تطبيق المعادلة 13.16 لا لتعطي:

$$\tilde{X} = -\frac{\tilde{X}_2}{\tilde{X}_1} \tilde{X}_1 + \tilde{X}_2 \quad 13.18$$

حيث تشير $\tilde{X}^* = -\frac{\tilde{X}_2}{\tilde{X}_1} \tilde{X}_1 + \tilde{X}_2$ يمكن ترجمتها كالعلاقة طويلة الأجل او قيم التوازن لـ $\tilde{X}$ (مشروط على قيم X) سوف نعود لهذه النقطة عند مناقشة ميكانيكية تصحيح الخطأ.

لسلسلة زمنية ثنائية المتغيرات الاقتصادية، التكامل المشترك عادة $I(1)$ في كثير من الأحيان تظهر نفسها اكثر او اقل متواز شكل في السلسلة الزمنية .

كما ذكر في وقت سابق نحن نبحث عن الكشف عن العلاقة طويلة الأجل او علاقة التوازن هذا هو اساسا ما مفهوم التكامل المشترك.

مفهوم التكامل المشترك قدم للمرة الأولى من قبل *Granger(1981)* وأضاف له *Phillips (1986, 1987)* و *Engle and Granger (1987)* و *Engle and Yoo(1987)* و *Johansen (1988, 1991, 1995 a)* و *Stock and*



(Watson (1988), Phillips and Ouliaris(1990) وآخرين. بالعمل في إطار نظام من متغيرين مع متجه تكامل مشترك واحد على الأكثر، Engel and Granger(1987) قدما تعريف التكامل المشترك بين متغيرين.

التعريف 1: السلاسل الزمنية X و Y يقال بأنهما متكاملتان من الدرجة d, b حيث

$$d \geq b \geq 0$$

ونكتب $(d, b) \sim d, b$ إذا (أ) كلا السلسلتين متكاملتين من الدرجة d و (ب) يوجد مجموع خطي من هذه المتغيرات مثل $d_1, d_2 +$ الذي هو متكامل من الدرجة $d-b$ المتجه $[d_1, d_2]$ يطلق عليه متجه التكامل المشترك.

ولتعميم التعريف ليستخدم في حالة n من المتغيرات كما يلي:

التعريف 2: إذا كانت d, b ترمز لعدد $1 \times d$ متجه للسلاسل $d_1, d_2, \dots, d_n$

و(أ) كل d, b متكاملة من الدرجة (d) و (ب) يوجد عدد $1 \times d$ متجه β بحيث $(d - b) \sim d, b$ إذا تكون $(d, b) \sim d, b$

للتحليل القياسي، عندما تتحول السلسلة تتحول مع استخدام متجه التكامل المشترك لتصبح مستقرة، ذلك هو عندما $d \equiv b$ و معاملات التكامل يمكن ان تعرف كمعالم العلاقة طويلة الأجل بين المتغيرات. الجزء التالي سوف يتعامل مع هذه الحالات:

نماذج تصحيح الخطأ:

مقدمة :

كما ذكر سابقا، عندما يكون هناك متغيرات غير مستقرة في نموذج الانحدار قد نحصل على نتائج زائفة. لذا إذا كانت Y و X كلاهما متكاملتان من الدرجة واحد (1) إذا قدرنا الانحدار:



لن نتحصل على نتائج مرضية لـ β_1, β_2

طريقة واحدة لحل هذه باستخدام الفروقات لضمان الاستقرار للمتغيرات، بعد عمل هذا $\Delta \beta_t \sim (0)$ و $\Delta \beta_t \sim (0)$ ونموذج الانحدار سيكون:

$$\Delta \beta_t = \beta_1 + \beta_2 \Delta \beta_t + \Delta \beta_t \quad 13.20$$

في هذه الحالة نموذج الانحدار سيعطينا مقدرات صحيحة لكل من المعاملات β_1, β_2 ومشكلة الانحدار الزائف تكون حلت. لكن ما لدينا من المعادلة 13.20 هو العلاقة في الاجل القصير بين المتغيرات ، العلاقة طويلة الاجل هي

ان ΔY_t غير ملزمة بأن تعطينا معلومات عن سلوك النموذج في الاجل الطويل، من المعلوم ان الاقتصاديين مهتمين بالعلاقات طويلة الاجل، هذا يكون مشكلة كبيرة، ومفهوم التكامل المشترك و ميكانيكية تصحيح الخطأ مفيدة لحل ذلك.

كما ذكر سابقا فأن كل من X و Y كلاهما متكاملتان من الدرجة واحد (1) في حالة خاصة يكون هناك مجموع خطي لـ X و Y هو $I(0)$ اذا تكون X و Y متكاملتان تكامل مشترك. اذا في هذه الحالة فأن انحدار المعادلة 13.19 غير زائف ويعطينا مجموع خطي هو:

والتي تربط X و Y في الاجل الطويل.

نموذج تصحيح الخطأ ECM

اذا كانت Y_t, X_t متكاملة تكامل مشترك، من حيث التعريف $u_t \sim I(0)$ اذا يمكن التعبير عن العلاقة بين Y_t, X_t بنموذج تصحيح الخطأ كما هو موضح:



$$\Delta Y_t = a_0 + b_1 \Delta X_t - \pi \hat{u}_{t-1} + e_t \quad 13.21$$

مما سيكون له الآن ميزة انه يتضمن كل من معلومات العلاقة طويلة الاجل وقصيرة الاجل. في هذا النموذج b_1 تأثير مضاعف (تأثير قصير الأجل) التي تقيس التأثير الفوري للتغير في X_t سوف يكون على التغير في Y_t . من ناحية أخرى π هي اثر ردود الفعل، او تأثير التكيف، ويوضح كم من اختلال التوازن يجرى تصحيحه- هذا هو المدى الذي يؤثر أي اختلال في التوازن من الفترة السابقة على التكيف في Y_t . بالطبع

وبناء على ذلك فإن $\hat{\beta}_2$ تمثل استجابة المدى الطويل والتي تقدر بمعادلة 13.19 >

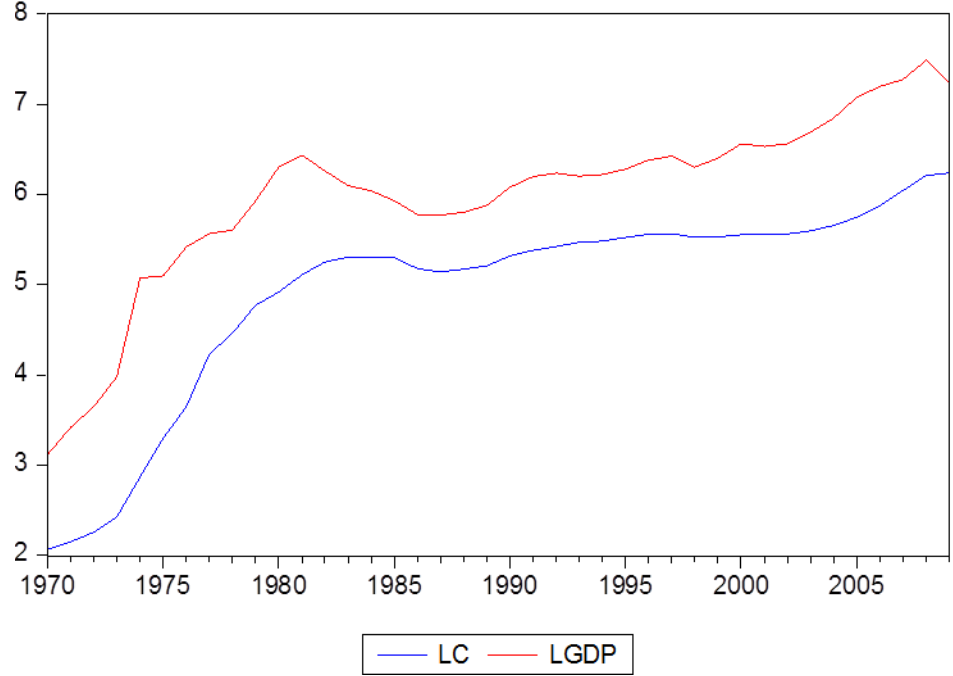
المعادلة 13.21 وتؤكد الطريقة الأساسية للتكامل المشترك ونموذج تصحيح الخطأ. مشكلة الانحدار الزائف تحدث لأننا نستخدم بيانات غير مستقرة، ولكن المعادلة 13.21 كل متضمنتها مستقرة، الفروق Y_t, X_t مستقرة لأنها $I(1)$ والبواقي مستقرة. لذلك المعادلة 13.21 تتطابق مع افتراضات الانحدار الخطي الكلاسيكي لذا يطبق م ص ع لتقدير النموذج.

مميزات نموذج تصحيح الخطأ:

نموذج تصحيح الخطأ مهم وواسع الانتشار للأسباب التالية:

- 1 - هو نموذج مناسب لقياس تصحيح اختلال التوازن في الفترة السابقة.
- 2 - اذا كان هناك تكامل مشترك، يصاغ باستخدام الفروق الأولى والتي تزيل المتجه من المتغيرات الداخلة في النموذج، ويحل مشكلة الانحدار الزائف.
- 3 - ميزة مهمة هي امكانية بناء النموذج باستخدام من عام الى محدد في نمذجه القياسي.
- 4 - الميزة الاخيرة والاكثر اهمية تأتي من الحقيقة ان حد خطأ اختلال التوازن هي متغير مستقر اي ان حالة التكيف في الاجل الطويل تمنع حد الخطأ من ان يكون كبيراً.

الشكل : بيانات المملكة العربية السعودية لوغاريتم الاستهلاك الخاص ولوغاريتم اجمالي الناتج المحلي



اختبارات التكامل المشترك:

التكامل المشترك لمعادلة واحدة: طريقة انجل جرنجر

Granger(1981) قدما ربط بين السلسلة الغير مستقرة ومفهوم العلاقة طويلة الاجل: هذا الربط هو مفهوم التكامل المشترك *Engle and Granger(1987)* اضاف مزيدا الى مفهوم التكامل با دخال اختبار وجود علاقة التكامل المشترك (العلاقة طويلة الأجل، علاقة التوازن)

لفهم هذه الطريقة والتي تسمى عادة (طريقة انجل وجرنجر ذات المرحلتين *EG*) انظر الى التالي:

a. اذا كانت $Y_t \sim I(0)$ و $X \sim I(1)$ اذا يوجد مزيج خطي لهذه السلسلتين:

سنتج سلسلة زمنية دائما $I(1)$ أو غير مستقرة، هذا يحدث لأن سلوك السلسلة الغير

مستقرة $I(1)$ سيمين على سلوك السلسلة المستقرة $I(0)$

b. اذا كان هناك سلسلتين كانت $Y_t \sim I(1)$ و $X_t \sim I(1)$ بشكل عام سيكون هناك مزيج خطي للسلسلتين الزمنيتين:

وستكون ايضا $I(1)$ ، ولكن ، وان كان هذا هو الأرجح، هناك استثناءات لهذه القاعدة، ويمكن أن نجد في حالات نادرة هناك مزيجا فريدا من هذه السلسلة، كما المعادلة 13.23 يكون $I(0)$ إذا كان هذا هو الحال، نقول ان X_t و Y_t متكاملتان تكامل مشترك من الدرجة $(1,1)$.

الآن المشكلة كيف تقدر المعاملات في للعلاقة التوازنية في الأجل الطويل ونتحقق ما إذا كان لدينا التكامل المشترك، انجل و جرنجر اقترحوا طريقة واضحة تنطوي على أربع خطوات:

الخطوة 1: اختبار درجة التكامل للمتغيرات.

من المتطلبات الضرورية للتكامل المشترك ان يكونا المتغيرين متكاملان من نفس الدرجة. و بالتالي الخطوة الأولى اختبار كل متغير لتحديد درجة التكامل. يمكن تطبيق اختبار DF و ADF لتحديد عدد جذور الوحدة (إن وجدت) لكل متغير. يمكننا تمييز ثلاث حالات الأمر الذي سيؤدي إما ان نتوجه إلى الخطوة التالية أو سيقترح التوقف.

(a) كلا المتغيرين مستقرين $I(0)$ ، ليس من الضرورة المضي قدما، حيث انه يمكن تطبيق طرق تقدير السلاسل الزمنية التقليدية.

(b) اذا كانت المتغيرات متكاملة من درجة مختلفة، من الممكن استنتاج انهما غير متكاملتين.

(c) اذا كانا المتغيران متكاملة من الدرجة نفسها، نمضي قدما للخطوة الثانية.

الخطوة 2: تقدير العلاقة طويلة الأجل.

اذا كانت نتائج الخطوة الأولى تشير ان كلا المتغيران متكاملان من نفس الدرجة (عادة في الاقتصاد $I(1)$) الخطوة الثانية ان تقدر العلاقة التوازنية للأجل الطويل بالشكل التالي:

و الحصول على البواقي للمعادلة.

إذا لم يكن هناك تكامل مشترك النتائج المتحصل عليها ستكون زائفة. ولكن إذا كانت المتغيرات متكاملة

تكامل مشترك، فإن مقدرات متسقة لمعاملات التكامل المشترك β_2 .

الخطوة 2: تحقق من وجود التكامل المشترك ، درجة تكامل البواقي.

لتحديد ما إذا كان في الواقع المتغيرات متكاملة تكامل مشترك، يرمز للبواقي المقدرة من المعادلة برمز $\hat{e}_t$ وبذلك تكون $\hat{e}_t$ هي السلسلة للبواقي المقدرة للعلاقة طويلة الأجل. إذا كان هذه الانحراف عن هذا التوازن مستقرًا إذا ان X_t و Y_t متكاملتان تكامل مشترك.

نقوم باجراء اختبار ديكي فيلر على سلسلة البواقي لتحديد درجة التكامل. شكل اختبار ديكي فيلر هو:

حيث ان $\hat{e}_t$ بواقي لا تتضمن قاطع او متجه زمني. القيم الحرجة تكون سالبة وعادة ما تكون حول -3.5 القيم الحرجة موجودة في الجدول 13.3

الجدول 13.3: القيم الحرجة لاختبار فرضية العدم انه لا يوجد تكامل مشترك.

	10%	5%	1%
لا يوجد متباطئات	-3.3	-3.37	-4.07
يوجد متباطئات	-2.91	-3.17	-3.73

ملاحظة مهمة: انه من الأهمية ملاحظة ان القيم الحرجة لاختبار التكامل المشترك (ديكي فيلر للبواقي) مختلفة عن القيم الحرجة التي تستخدم لديكي فيلر لاختبار استقرار السلسلة الزمنية. في الواقع من أجل أن نحصل على نتيجة أكثر قوة فيما يتعلق باختبار التكامل المشترك، فإن القيم الحرجة تكون سالبة أكثر من القيم التقليدية لاختبار ديكي فيلر. (Engel and Granger (1987 في بحثهما قاما بتطبيق محاكاة مونت



كارلو لبناء القيم الحرجة لاختبار التكامل المشترك. هذه القيم موضحة في الجدول 13.3. هناك مجموعتين من القيم الحرجة الأولى بدون متباطئات لحد الخطأ. والثانية تتضمن متباطئات ، مجموعه اكثر شمولاً للقيم الحرجة موجودة في (1991) Mackinnon الذي هو المصدر الرئيسي.

عيوب طريقة انجل وجرنجر:

واحدة من أفضل الميزات لاختبار انجل وجرنجر انه سهل للفهم وللتطبيق. ولكن هناك عدد من العيوب:

1 - عند تقدير العلاقة طويلة الأجل، فإن تحديد المتغير الذي على يسار المعادلة واستخدام الآخر كمفسر فإن الاختبار لا يحدد السبب الذي على ضوءه تم تحديد أي منهما كتابع والآخر كمفسر. على سبيل المثال، في حالة متغيرين فقط Y_t و X_t (حيث $Y_t = \alpha + \beta X_t + u_{1t}$) او اختيار العكس ($X_t = \alpha + \beta Y_t + u_{2t}$). يمكن ملاحظة انه عند اختبار التكامل المشترك على البواقي انه ليس هناك اختلاف بين u_{1t}, u_{2t} . عملياً في الاقتصاد، من النادر ان نجد عينة كبيرة، لذلك من الممكن ان نجد انحدار يبدي تكاملاً مشتركاً بينما الآخر لا. ومن الواضح أن هذه الميزة غير مرغوب فيها لاختبار انجل وجرنجر، والمشكلة تزداد تعقيداً عندما يكون هناك اكثر من متغيرين.

2 - اذا كان هناك اكثر من متغيرين، قد يكون هناك أكثر من علاقات تكامل مشترك، وطريقة انجل وجرنجر باستخدام البواقي من علاقة وحيدة لا يستطيع التعامل مع هذه الإمكانية. لذلك مقطة مهمة جداً انه لا يقدم لنا عدد متجهات التكامل المشترك.

3 - ان الاختبار يعتمد على مقدرات لخطوتين. الأولى لتقدير البواقي والثانية لتقدير الانحدار للسلسلة الزمنية للسلسلة لمعرفة ماذا كانت السلسلة مستقرة. لذلك فإن أي خطأ في الخطوة الأولى سوف ينتقل في الخطوة الثانية.

كل هذه المشاكل حلت في طريقة يوهانسون.

التكامل المشترك في معادلات متعددة وطريقة يوهانسون:

كما ذكر سابقاً اذا كان هناك اكثر من متغيرين في النموذج، هناك امكانية ان يكون اكثر من متجه للتكامل المشترك. هذا يعني ان المتغيرات في النموذج من الممكن ان يكونوا اكثر من علاقة توازنه. بشكل عام، لـ n



عدد من المتغيرات يكون هناك $n-1$ متجهات تكامل مشترك. بناء على ذلك عندما تكون $n=2$ التي هي أبسط الحالات اذا وجد تكامل مشترك يكون هناك متجه تكامل فريد.

عند $n>2$ وبافتراض وجود علاقة تكامل مشترك واحدة، يكون هناك أكثر من علاقة يسبب مشكلة لا يمكن حلها بطريقة انجل وجرنجر الذي يعتمد على معادلة واحدة. لذلك طريقة أخرى بديلة لطريقة لنجل وجرنجر ضرورية، وهي طريقة يوهانسون للمعادلات المتعددة.

لعرض هذه الطريقة، من المفيد ان نوسع نموذج تصحيح الخطأ للمعادلة الوحيدة الى آخر متعدد المتغيرات. اذا افترضنا ان هناك ثلاث متغيرات، Y_t و X_t و W_t والتي يفترض انها متغيرات داخلية. أي اننا نستخدم رموز المصفوفات بحيث $Z_t = [Y_t, X_t, W_t]$

والذي يشابه نموذج المتباطئات الموزعة ARDL لمتغيرين:

لذا نستطيع ان نكون متجه نموذج تصحيح الخطأ $VECM$ كما يلي:

$$\Gamma_i = (I - A_1 - A_2 - \dots - A_k) \quad (i = 1, 2, \dots, k-1)$$

$$\Pi = -(I - A_1 - A_2 - \dots - A_k) \quad \text{و}$$

هنا نريد فحص مصفوفة Π 3×3 ان مصفوفة Π هي مصفوفة 3×3 لاننا افترضنا ان هناك 3 متغيرات في $Z_t = [Y_t, X_t, W_t]$ أن مصفوفة Π تتضمن معلومات تتعلق بالعلاقة طويلة الأجل، نفكك Π الى $\Pi = \alpha\beta$ حيث تمثل α سرعة التكيف لمعاملات التوازن بينما β ستكون مصفوفة العلاقة طويلة الأجل.

بناء على ذلك يكون حد الخطأ Z_{t-1} β مماثل لحد الخطأ في حالة المعادلة الوحيدة،

ماعدا ان Z_{t-1} β يتضمن الى $n-1$ متجهات في نظام المتعدد المتغيرات.



للتبسيط، نفترض ان $k=2$ أي انه لدينا متباطئتين, النموذج كما يلي:

او

$$\begin{bmatrix} \Delta Y_t \\ \Delta X_t \\ \Delta W_t \end{bmatrix} = \Gamma$$

وبتحليل الجزء من نموذج تصحيح الخطأ الذي يمثل

$$\Pi_1 Z_{t-1} = [a_{11}\beta_{11} + a_{12}\beta_{12}] \quad [a_{11}\beta_{21} + a_{12}\beta_{22}] \quad [a_{11}\beta_{31} + a_{12}\beta_{32}] \begin{bmatrix} Y_{t-1} \\ X_{t-1} \\ W_{t-1} \end{bmatrix} \quad 13.30$$

حيث تمثل Π_1 الصف الأول من المصفوفة Π

من الممكن كتابة المعادلة 13.30

$\Pi_1 Z$

والذي يوضح عدد متجهين مع معاملات سرعة التكيف.

مميزات نهج متعدد المعادلات:

من نهج متعدد المعادلات نستطيع الحصول على كلا المتجهين من المعادلة 13.31، بينما من المعادلة البسيطة نحصل فقط على مزيج خطي للعلاقتين طويلة الأجل.

حتى مع وجود متجه واحد للتكامل المشترك (على سبيل المثال المتجه الأول فقط) بدلا من الاثنين الا أننا

نحصل مع نهج المتعدد المعادلات نحصل على سرعة التكيف الثلاث $[a_{11} \quad a_{21} \quad a_{31}]$ فقط



عندما تساوي $a_{21} = a_{31} = 0$ يوجد متجه تكامل واحد. عند ذلك نستطيع ان نقول ان طريقة متعدد المعادلات مماثل (اختزل ليكون مماثل) لطريقة المعادلة الفريدة، وبناء على ذلك لا يكون هناك خسارة من عدم نمذجة المحددات ΔX_t , ΔW_t

ولذلك فانه الفائدة ذكر ان $a_{21} = a_{31} = 0$ هذا مكافئ لكون X_t , W_t خارجية ضعيفة. لتلخيص ذلك نستطيع ان نقول عندما تكون المتغيرات على يمين المعادلة في المعادلة الفريدة خارجية ضعيفة تعطي المعادلة الوحيدة نفس النتائج للطريقة متعددة المعادلات. للعودة الى طريقة يوهانسون مرة أخرى.

لاختبار سلوك مصفوفة Π تحت ظروف مختلفة،

الحالة 1: بافتراض ان متجه Z_t مستقر. هنا لا يوجد مشكلة الانحدار الزائف ويمكن تطبيق نموذج الانحدار الذاتي VAR .

الحالة 2: عندما لا يكون هناك تكامل مشترك وبذلك تكون مصفوفة Π مكونة من $n \times n$ اصفار لأنه لا يوجد علاقات خطية بين المتغيرات في Z_t في هذه الحالة يستخدم نموذج الانحدار الذاتي VAR في الاختلافات الأولى بدون عناصر العلاقة طويلة الأجل كنتيجة لعدم وجود علاقة طويلة الأجل.

الحالة 3: عندما يكون هناك $n - 1$ علاقات تكامل مشترك من الشكل $\beta' Z_{t-1} \sim I(0)$

في حالة خاصة حيث يوجد $r \leq (n - 1)$ متجه تكامل مشترك في β . هذا ببساطة يعني ان اعمدة r في β مشكلة مزيج خطي مستقل من المتغيرات في Z_t كل منها مستقر، وبالطبع سيكون هناك $(n - 1)$ متجهات عشوائية مشتركة ضمن Z_t .

حيث ان $\Pi = \alpha\beta'$ وفي الحالة 3، بينما المصفوفة تتضمن $n \times n$ ابعاد α و β تتضمن $n \times r$. هذا يفرض رتبة من الدرجة r على المصفوفة Π . والتي تفرض r فقط من الصفوف الخطية المستقلة في المصفوفة. لذلك ضمن ذلك المصفوفة Π كاملة الرتبة، مجموعه مقيدة r لمتجهات التكامل المشترك



معطاة بـ $\alpha\beta$ ،رتبة مختزلة للانحدار، من هذا النوع، موجودة في الابحاث الاحصائية لسنوات، لكن تم تعريفها من قبل الاقتصاد القياسي الحديث ومرتبطة بتحليل البيانات الغير مستقرة بواسطة Johansen 1988 .

بالعودة الى الثلاث حالات اعلاة ، وفيما يتعلق برتبة المصفوفة Π نجد:

الحالة 1: عندما تكون المصفوفة Π كاملة الرتبة full rank (وجود $r=n$ اعمدة خطية مستقلة) أي ان المتغيرات في Z_t مستقرة $I(0)$.

الحالة 2: عندما تكون رتبة المصفوفة Π تساوي الصفر (لا يوجد اعمدة خطية مستقلة) اذا لا يوجد علاقة تكامل مشترك.

الحالة 3: عندما تكون رتبة المصفوفة Π مختزلة reduced rank أي أن $r \leq (n - 1)$ اعمدة خطية مستقلة وبناء على ذلك هناك $r \leq (n - 1)$ علاقات تكامل مشترك.

Johansen (1988) طور طريقة لاختبار رتبة المصفوفة Π وزود ذلك بطريقة لتقدير المعاملات α و β من خلال طريقة عرفت بانحدار الرتبة المختزلة reduced rank regression, ولكن الاجراء الفعلي معقد كثيرا ويمكن الرجوع الى (cutherton, Hall and Taylor (1992 لتفصيلا اكثر.

خطوات طريقة يوهانسون العملية:

الخطوة 1: اختبار درجة التكامل للمتغيرات.

الخطوة الاولى لطريقة يوهانسون هي اختبار درجة التكامل للمتغيرات المتضمنة في الدراسة. كما ذكر سابقاً معظم السلاسل الزمنية الاقتصادية غير مستقرة وبناء على ذلك تكون متكاملة. الواقع، المسألة هنا ان هناك متغيرات غير مستقرة , من اجل الكشف عن ماذا كان بينهم علاقة (او علاقات) تكامل مشترك وتجنب الانحراف الزائف. من الواضح ان النتيجة المرغوبة لن نجد المتغيرات متكاملة من نفس الدرجة. وبعد ذلك المضي قدما مع اختبار التكامل المشترك. ولكن، من المهم التأكيد على ان هذه الحالة ليست دائما موجودة. وذلك حتى لو كانت الحالة ان المتغيرات خليط من $I(0)$, $I(1)$ و $I(2)$ موجودة علاقات التكامل المشترك قد تكون موجودة. تضمن هذه المتغيرات, سوف يؤثر على نتائج الباحثين يجب



ان يكون هناك المزيد من الدراسة لهذه الحالة مع العلم ان هناك طريقة أخرى يمكن تطبيقها في حالة ان تكون المتغيرات خليط من (1) او (0)، يمكن استخدام منهج اختبار الحدود للتكامل المشترك. (2001) Peasron et al سوف يتم شرحه في الجزء الأخير من الفصل.

على سبيل المثال بتضمين متغير (0) I في شكل المتعدد المتغيرات لكل متغير (0) I متضمن في النموذج سيزداد عدد علاقات التكامل المشترك. ذكرنا سابقا ان طريقة يوهانسون يهتم باختبار رتبة المصفوفة Π (هذا هو ايجاد عدد الاعمدة الخطية المستقلة في Π) وحيث ان كل متغير مستقر، هو بنفسه يشكل علاقة تكامل مشترك وبناء على ذلك يشكل متجه خطي مستقل في Π .

المسائل تكون اكثر تعقيدا عندما تتضمن متغيرات (2) I . مثال، نموذج يتضمن متغيرين متكاملين من الدرجة (1) I ومتغيرين متكاملين من الدرجة (2) I . هناك امكانية ان يكونا المتغيرين المتكاملين من الدرجة (2) I متكاملين تكامل مشترك بعلاقة بدرجة (1) I ومن ثم يتكاملان مع احد المتغيرات المتكاملة من الدرجة (1) I ليكون متجه تكامل آخر. بشكل عام، حالات مع المتغيرات ذات درجات مختلفة من التكامل معقدة كثيرا. ولكن الجانب الإيجابي انه في الغالب ان متغيرات الاقتصاد الكلي تكون متكاملة من الدرجة (1) I . للتوسع في هذا الموضوع يمكن الرجوع الى (1995b) Johansen والتي طورت طريقة للتعامل مع المتغيرات المتكاملة من الدرجة (2) I .

الخطوة 2: تحديد عدد المتباطئات المناسبة في النموذج.

مسألة ايجاد طول المتباطئة الأمثل مهم جدا لأننا نحتاج ان نتحصل على حد خطأ خالي من الارتباط الذاتي واختلاف التباين وذو وسط صفري. تحديد طول المتباطئة يتأثر بحذف المتغيرات التي قد تؤثر على سلوك الاجل القصير. هذا لان المتغيرات المحذوفة تكون فوراً جزء من حد الخطأ. بناء على ذلك يجب ان يكون هناك فحص دقيق للبيانات والعلاقة التي تربط بينها قبل بدأ عملية التقدير، لتقرير ماذا كان هناك مجال لتضمين متغيرات اضافية. من الشائع ان يتم تضمين النموذج متغير صوري ليأخذ في الاعتبار أي صدمة في النظام.

الطريقة الأكثر شيوعا في اختيار طول المتباطئة الامثل هي تقدير نموذج VAR بتضمين جميع المتغيرات (بدون فروق). يقدر نموذج VAR بعدد كبير من المتباطئات، ثم يتم تخفيض المتغيرات بواسطة القيام بأعاده تقدير النموذج لمتباطئة واحدة اقل (تقدير النموذج ب 12 متباطئة ومن ثم 11 ومن ثم 10 حتى

صفر)



في كل من هذه النماذج يتم فحص النموذج باستخدام معيار AIC و SBC اضافة الى اختبارات الارتباط الذاتي واختلاف التباين و ARCH والتوزيع الطبيعي للبواقي. وبشكل عام النموذج الذي يخفض قيم معيار AIC و SBC يتم اختياره كالنموذج الذي يمثل طول المتباطئات الأمثل. ينبغي ان يجتاز النموذج بنجاح كل اختبارات فحص النموذج.

الخطوة 3: اختيار النموذج فيما يتعلق بالعناصر القطعية Deterministic component في النظام المتعدد المتغيرات.

وثمة جانب آخر مهم في تشكيل النموذج الحركي هو ماذا يتضمن النموذج قاطع او متجه زمني اما في الاجل القصير او الاجل الطويل او كلاهما. الحالة العامة VECM يتضمن كل الاختيارات، كما هو بالمعادلة التالية:

$$\Delta Z_t = \Gamma_1$$

لهذه المعادلة يمكن ان تتضمن قاطع (بمعامل μ_1) و/ او متجه (بمعامل δ_1) في نموذج الاجل الطويل (معادلة التكامل المشترك (CE) وقاطع (بمعامل μ_2) و/ او متجه (بمعامل δ_2) في نموذج الاجل القصير (نموذج VAR)

بشكل عام، هناك خمسة نماذج محددة، بينما الأول والخامس غير واقعية، الا ان كل الخمسة معروضه بغرض تضمين الحالات كلها .

النموذج 1: لا يوجد قاطع او متجه زمني في CE او VAR ($\delta_1 = \delta_2 = \mu_1 = \mu_2 = 0$) في هذه الحالة لا يوجد عناصر قطعية في البيانات او في علاقة التكامل المشترك. ولكن هذا من النادر ان يحدث في الواقع، خصوصا القاطع ضروري لاعتبارات التكيف في وحدات القياس في المتغيرات

$$Z_{t-1} \quad 1 \quad t$$

النموذج 2: قاطع ولا يوجد متجه زمني في CE ، لا يوجد قاطع او متجه زمني في VAR ($\delta_1 = \delta_2 = 0$) هذه الحالة عندما لا يكون هناك متجه خطي في البيانات، وبناء على ذلك سلسلة الفروق الأولى لها متوسط صفري. في هذه الحالة

يكون القاطع فقط في العلاقة طويلة الأجل (علاقة التكامل المشترك) لاعتبارات التكيف في وحدات

القياس في المتغيرات Z_{t-1}

النموذج 3: قاطع في CE و VAR ، لا يوجد متجه في CE و VAR

$\delta_1 = \delta_2 = 0$ في هذه الحالة لا يوجد متجه زمني في البيانات في المستوى، ويفترض ان القاطع في CE الغي بالقاطع في VAR بالإبقاء على قاطع فقط في نموذج العلاقة قصيرة الأجل.

النموذج 4: قاطع في CE و VAR ، متجه زمني في CE ولا يوجد متجه زمني في VAR أي $\delta_2 = 0$ في هذا النموذج متجه متضمناً في CE كمتغير مستقر في الاتجاه يأخذ في الاعتبار النمو الخارجي (أي التطور التقني)، كما نسمح للقاطع في كلتا الحالتين لا يوجد متجه في العلاقة قصيرة الأجل.

النموذج 5: قاطع ومتجه من الدرجة الثانية في CE ومتجه خطي في VAR. النموذج يسمح بوجود متجه خطي في نموذج قصير الأجل ومتجه من الدرجة الثانية في CE. لذلك في هذا النموذج الأخير، لا يوجد قيود صفرية على القاطع او المتجه في الاجل القصير او الاجل الطويل. ولكن من الصعب ترجمة هذا النموذج من منظور اقتصادي، خصوصا ان المتغيرات ادخل كمتباطئات لان نموذج كهذا يتضمن زيادة دائمة او نقصان دائم لمعدل التغيير.

السؤال أي من الخمسة نماذج مناسب في حالة اختبار التكامل المشترك، كما اشير سابقا ان النموذج 1 والنموذج 5 من النادران تحدث، وكذلك غير محتملة من ناحية النظرية الاقتصادية بناء على ذلك الاختيار يتم بين النماذج الثلاث الباقية (نموذج 2، 3، 4) Johansen 1992 اقترح ان يتم اختبار فرضية مشتركة لكل من درجة الرتبة وعنصر القطعية، باستخدام ما يسمى Pantula principle مبادئ بانتيولا . مبادئ بانتيولا تتضمن تقدير كل النماذج الثلاثة وعرض النتائج من من اكثر الفرضيات تقييدا (r عدد علاقات التكامل المشترك = صفرو نموذج 2) الى اقلها قيودا على الفرضية (أي r عدد المتغيرات داخل VAR 1- أي n-1 ونموذج 4). طريقة اختيار النموذج تتكون من الانتقال من اكثر النماذج تقييدا وفي كل مرحلة مقارنة احصاء اختبار الأثر Trace Test بالقيم الحرجة، والتوقف فقط عندما تكون فرضية العدم انه لا يوجد تكامل مشترك مرفوضه للمرة الاولى.

الخطوة 4: تحديد رتبة المصفوفة Π او عدد متجهات التكامل المشترك.



وفقا لـ Johansen (1988) و Johansen and Juselius (1990) ، هناك طريقتان (ومعها الاختبار الاحصائي) لتحديد عدد علاقات التكامل المشترك، وكلاهما تتضمن تقدير المصفوفة Π . هذه مصفوفة $k \times k$ برتبة r . الطريقة تستند على مقترحات حول الجذور المميزة Eigenvalues.

(أ) احدى الطرق تختبر فرضية العدم، ان رتبة المصفوفة (Π) تساوي r مقابل فرضية ان الرتبة تساوي $r+1$. لذلك فرضية العدم ان هناك متجهات تكامل مشترك يصل الى r علاقات تكامل مشترك، مع اقتراح آخر ان هناك ($r+1$) متجهات.

الاختبار مبني على جذور مميزه Eigenvalues يحصل عليها من اجراءات التقدير. الاختبار يتكون من ترتيب الجذور المميزة Eigenvalues ترتيب تنازلي واختبار ماذا كانت معنويا مختلفة عن

الصفر. لفهم طريقة الاختبار، يفترض اننا حصلنا n جذور مميزة يرمز لها $\lambda_1 > \lambda_2 > \dots > \lambda_n$. اذا كانت المتغيرات غير متكاملة تكامل مشترك. رتبة المصفوفة (Π) تساوي

صفر وكل الجذور المميزة تساوي صفر. وبناء على ذلك ($1 - \hat{\lambda}_i$) سوف يساوي 1 وحيث ان $\ln(1)=0$ كل من الجذور يساوي صفر ولا يوجد تكامل مشترك. من ناحية أخرى، اذا كانت رتبة

المصفوفة Π تساوي 1 اذاً $0 < \lambda_1 < 1$ اذا سيكون الجذر الأول

$(1 - \hat{\lambda}_1) < 0$ بينما كل الاختبارات سوف تساوي صفر. لا اختبار كم عدد الجذور

المميزة التي تختلف عن الصفر هذا الاختبار يستخدم الاحصاء التالي:

كما ذكر سابقا، احصاء الاختبار مبني على الحد الأعلى للجذور المميزة Maximum Eigenvalue ويسمى

احصاء الجذور المميزة ويرمز له λ_{max} .

(ب) الطريقة الأخرى مبنية على اختبار نسبة الاحتمال likelihood ratio test للأثر للمصفوفة

وبسبب ذلك يسمى احصاء الأثر trace statistic. اختبار الأثر يختبر ماذا يزداد الأثر بإضافة جذور

مميزة أكثر من r . فرضية العدم في هذه الحالة هي عدد متجهات التكامل المشترك اقل من او

تساوي r . من التحليل السابق يكون واضحا انه عندما تكون كل $\hat{\lambda}_i = 0$ اذا يكون احصاء



الأثر مساوي للصفر. في الجانب كلما كانت الآخر الجذور المميزة قريبة من للواحد كلما كانت $\ln(1 - \hat{\lambda}_i)$ سالبة. وبناء على ذلك تزداد قيمة احصاء الأثر. الاحصاء محسوب بالتالي:

$$\lambda_{trace}(r) = -T \sum_{i=r+1}^n \ln(1 - \hat{\lambda}_{r+1}) \quad 13.33$$

الطريقة المعتادة العمل نزولا ويتوقف عند القيمة r ، والتي مرتبطة بإحصاء الاختبار. التي تزيد عن القيم الحرجة. القيم الحرجة لكلا الاختبارين متوفرة من (Johansen and Juselius 1990) وتكون متوفرة من البرنامج الإحصائي Eviews و Microfit بعد إجراء اختبار يوهانسون.

الخطوة 5: اختبار ضعف خارجية المتغيرات Weak exogeneity

بعد تحديد عدد متجهات التكامل المشترك، نشرع باختبار ضعف خارجية المتغيرات. تذكر ان المصفوفة Π تحتوي على معلومات عن العلاقة طويلة الأجل، والمصفوفة $\Pi = \alpha\beta$ حيث تمثل α سرعة التكيف للمعاملات و β مصفوفة معاملات العلاقة طويلة الأجل. من ذلك يكون واضحا عندما يكون هناك $r \leq n - 1$ متجهات تكامل مشترك في β هذه اتوماتيكلي يعني ان هناك على الأقل $(n-r)$ اعمدة في α تساوي صفر. عندما يتحدد عدد متجهات التكامل المشترك يجب ان نختبر ماذا كانت المتغيرة خارجية ضعيفة.

ميزة مفيدة جدا لاختبار يوهانسون للتكامل المشترك انه يسمح باختبار شكل مقيد لمتجهات

التكامل المشترك. بأخذ الحالة المعطاة بالمعادلة 13.34

$$\begin{bmatrix} \Delta Y_t \\ \Delta X_t \\ \Delta W_t \end{bmatrix} =$$

في هذه المعادلة يمكن اختبار ضعف خارجية المتغيرات بالنسبة لمعاملات الأجل الطويل هو مساوي لاختبار أي من الصفوف يساوي صفر. المتغير Z هو متغير خارجي ضعيف اذا هو دالة للمتغير المتباطئ ، والمعاملات في المعادلة التي تولد Z مستقلة من المعاملات التي تولد المتغيرات الأخرى في النظام. اذا اخذنا المتغير Y في المعادلة 13.34 هو دالة فقط للمتغيرات المتباطئة. لكن في الشكل العام أعلاه معاملات متجهات التكامل المشترك β يتضح انها مشتركة لكل المعادلات



ومن ذلك فأن المعاملات التي تولد Y لا تكون مستقلة من هؤلاء اللاتي يولدون X و W حيث انهم نفس المعاملات. ولكن اذا كان الصف الأول من مصفوفة α يساوي صفه في اختبار لضعف خارجية المتغيرات المقابلة. اذا وجد ان المتغير خارجي ضعيف من الممكن أسقاطه كمتغير داخلي من النظام. هذا يعني ان كل المعادلة للمتغير تُسقط، مع انها سوف تستمر في الجانب الأيمن من المعادلة للمعادلات الآخر.

الخطوة 6: اختبار القيود الخطية في متجهات التكامل المشترك.

من الميزات المهمة لطريقة يوهانسون انه يسمح بتقدير معاملات المصفوفات α ، β ثم اختبار القيود الخطية الممكنة في المصفوفات، خصوصا في المصفوفة β ، المصفوفة التي تحوي معاملات الأجل الطويل، هذه مهمة جدا لأنها تسمح باختبار فرضيات محددة بخصوص التنبؤ النظري من النظرية الاقتصادية، لذلك على سبيل المثال اذا جرى اختبار علاقة الطلب على النقود، من الممكن ان نرغب في اختبار القيود للعلاقة طويلة الأجل بين النقود والسعر. او الحجم النسبي لمرونة الدخل ومرونة سعر الفائدة للطلب على النقود وهكذا. لتفاصيل اكثر بخصوص اختبار القيود في طريقة يوهانسون، (Enders(1995 و Harris(1997 طريقة يوهانسون في Eviews

الخطوة 1: تحديد درجة التكامل باستخدام الاختبارات المذكورة في الفصل.

الخطوة 2: تحديد طول المتباطئات E-vies لا يتضمن تحديد المتباطئات ولكن يجب بناء نموذج بمتباطئات كبيرة الحجم ثم تقدير النموذج تنازليا ومقارنة معيار AIC و SBC .

ثم اجراء Pantula principle مبادئ بانتيولا لتحديد أي من النماذج الثلاثة (2,3,4) يجري اختياره لاختبار التكامل المشترك، أولاً يتم اختيار الاختبار 2 تحديد عدد المتباطئات ثم الحصول على النتائج، يوجد مربع لتحديد المتغيرات الخارجية، يوضع به المتغير الصوري الذي ممكن ان يتضمن الذي ممكن ان يؤثر في سلوك النموذج. يتم اخذ النماذج 3 و 4 وتوضع النتائج لاختبار الأثر في جدول .

جدول 1: اختبارات جذر الوحدة على المستوى

	اختبار KPSS		اختبار فيليب بيرون		اختبار ديكي فيلر	
	قاطع ومتجة	قاطع	قاطع ومتجة	قاطع	قاطع ومتجة	قاطع
القيم						
الدرجة						
Lgasoline						
LGDP						
Lprice						

اختبارات جذر الوحدة على الفروق الأولى:

	اختبار KPSS		اختبار فيليب بيرون		اختبار ديكي فيلر	
	قاطع ومتجة	قاطع	قاطع ومتجة	قاطع	قاطع ومتجة	قاطع
القيم						
الدرجة						
LM						



LGDP						
Lr						

جدول 3: تحديد عدد المتباطئات ، تقدير نموذج VAR بعدد متباطئات مختلف تنازليا من حجم اكبر الى اقل ومقارنة AIC و SBC

	AIC	SBC
5		
4	-8.326078	-6.454313
3	-8.344181	-6.916820
2	-7.794941	-6.804830
1	-7.402791	-6.842312
0	0.061705	0.200478

جدول 4: نتائج اختبار مبادئ بانفيولا

r	n-r	نموذج 2	نموذج 3	نموذج 4
Max test				
0	3	45.30907	45.10296	45.64958
1	2	16.29274	9.298667	21.61261
2	1	9.214689	1.070783	9.065123
Trace Test				
0	3	70.81649	55.47241	76.32731
1	2	25.50743	10.36945	30.67773
2	1	9.214689	1.070783	9.065123

Date: 04/29/12 Time: 20:25

Sample (adjusted): 1982 2010

Included observations: 29 after adjustments

Trend assumption: Linear deterministic trend

Series: LG LP LY

Lags interval (in first differences): 1 to 1

Unrestricted Cointegration Rank Test (Trace)

Hypothesized		Trace	0.05	
No. of CE(s)	Eigenvalue	Statistic	Critical Value	Prob.**
None *	0.788869	55.47241	29.79707	0.0000
At most 1	0.274318	10.36945	15.49471	0.2534
At most 2	0.036250	1.070783	3.841466	0.3008

Trace test indicates 1 cointegrating eqn(s) at the 0.05 level

* denotes rejection of the hypothesis at the 0.05 level

**MacKinnon-Haug-Michelis (1999) p-values

Unrestricted Cointegration Rank Test (Maximum Eigenvalue)

Hypothesized		Max-Eigen	0.05	
No. of CE(s)	Eigenvalue	Statistic	Critical Value	Prob.**
None *	0.788869	45.10296	21.13162	0.0000
At most 1	0.274318	9.298667	14.26460	0.2621
At most 2	0.036250	1.070783	3.841466	0.3008

Max-eigenvalue test indicates 1 cointegrating eqn(s) at the 0.05 level

* denotes rejection of the hypothesis at the 0.05 level

**MacKinnon-Haug-Michelis (1999) p-values

Unrestricted Cointegrating Coefficients (normalized by
b'S11*b=I):

LG	LP	LY
-6.925414	-1.720179	15.23584
-5.739586	3.861661	1.213054
1.071539	-1.645987	7.280641

Unrestricted Adjustment Coefficients (alpha):

D(LG)	0.030901	0.008553	0.003396
D(LP)	-0.012978	-0.112640	0.021395
D(LY)	-0.034174	0.005782	0.002587

1 Cointegrating Equation(s): Log likelihood 128.8419

Normalized cointegrating coefficients (standard error in
parentheses)

LG	LP	LY
1.000000	0.248386	-2.199989
	(0.06615)	(0.18866)

Adjustment coefficients (standard error in parentheses)

D(LG)	-0.214005
	(0.04098)
D(LP)	0.089880

(0.34315)
D(LY) 0.236668
(0.03517)

Vector Error Correction Estimates

Date: 04/29/12 Time: 20:23

Sample (adjusted): 1982 2010

Included observations: 29 after adjustments

Standard errors in () & t-statistics in []

Cointegrating Eq:	CointEq1		
LG(-1)	1.000000		
LP(-1)	0.248386 (0.06615) [3.75474]		
LY(-1)	-2.199989 (0.18866) [-11.6613]		
C	0.653322		
Error Correction:	D(LG)	D(LP)	D(LY)
CointEq1	-0.214005	0.089880	0.236668

	(0.04098)	(0.34315)	(0.03517)
	[-5.22191]	[0.26192]	[6.72882]
D(LG(-1))	-0.067346	-1.703738	0.383911
	(0.16525)	(1.38372)	(0.14183)
	[-0.40753]	[-1.23128]	[2.70689]
D(LP(-1))	0.011323	-0.286272	-0.006534
	(0.02445)	(0.20469)	(0.02098)
	[0.46317]	[-1.39857]	[-0.31144]
D(LY(-1))	0.145882	-1.346493	0.411109
	(0.15019)	(1.25756)	(0.12890)
	[0.97134]	[-1.07072]	[3.18946]
C	0.051533	0.176014	-0.010825
	(0.01213)	(0.10154)	(0.01041)
	[4.24950]	[1.73343]	[-1.04010]
R-squared	0.663527	0.152934	0.715161
Adj. R-squared	0.607448	0.011757	0.667687
Sum sq. resids	0.024373	1.708810	0.017952
S.E. equation	0.031867	0.266834	0.027350
F-statistic	11.83203	1.083275	15.06449
Log likelihood	61.53372	-0.092489	65.96712
Akaike AIC	-3.898877	0.351206	-4.204629
Schwarz SC	-3.663137	0.586947	-3.968889
Mean dependent	0.050886	0.047836	0.016516
S.D. dependent	0.050863	0.268417	0.047444

Determinant resid covariance (dof adj.)	4.90E-08
Determinant resid covariance	2.78E-08
Log likelihood	128.8419
Akaike information criterion	-7.644270
Schwarz criterion	-6.795604

Cointegration Restrictions:

$$B(1,2)=0$$

Convergence achieved after 4 iterations.

Not all cointegrating vectors are identified

LR test for binding restrictions (rank = 1):

Chi-square(1)	9.075650
Probability	0.002590

Cointegrating Eq:	CointEq1
LG(-1)	-7.987457
LP(-1)	0.000000
LY(-1)	12.77066
C	16.52619

Cointegration Restrictions:

$$B(1,3)=0$$

Convergence achieved after 21 iterations.

Not all cointegrating vectors are identified

LR test for binding restrictions (rank = 1):

Chi-square(1) 35.55774

Probability 0.000000

Cointegrating Eq:	CointEq1
LG(-1)	2.150456
LP(-1)	-1.840589
LY(-1)	0.000000
C	-18.16894

الإمتحان الاول في مقياس تحليل السلاسل الزمنية

السؤال الأول:

يمثل الشكل التالي علاقة انحدار كل من الانفاق الاستثماري الخاص والناتج الداخلي الخام

- فسر هذه العلاقة اقتصاديا

- اشرح النتائج احصائية

- ماهي المشاكل الخاصة بهذا النموذج

Dependent Variable: DPI
Method: Least Squares
Date: 11/14/15 Time: 02:27
Sample: 1947Q1 2007Q4
Included observations: 244

Variable	Coefficien...	Std. Error	t-Statistic	Prob.
GDP	0.754456	0.002001	377.0571	0.0000
C	-86.02186	12.17784	-7.063801	0.0000
R-squared	0.998301	Mean dependent var		3946.437
Adjusted R-squared	0.998294	S.D. dependent var		2202.603
S.E. of regression	90.98358	Akaike info criterion		11.86740
Sum squared resid	2003279.	Schwarz criterion		11.89606
Log likelihood	-1445.823	Hannan-Quinn criter.		11.87894
F-statistic	142172.0	Durbin-Watson stat		0.218873
Prob(F-statistic)	0.000000			

السؤال الثاني:

قارن بين الشكلين التاليين (يمثل كل شكل اختبار جذر الوحدة)

- ماذا يمثل كل شكل

إذا كان النموذج غير مستقر في متوسطه وتباينه -

ماذا تقترح لجعله مستقرا



Included observations: 221 after adjusting endpoints				
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
CNE(-1)	-0.443377	0.056272	-7.879214	0.0000
C	564.3463	73.67536	7.659906	0.0000
@TREND(1988:10)	2.769759	0.385195	7.190534	0.0000
R-squared	0.221657	Mean dependent var		5.793665
Adjusted R-squared	0.214516	S.D. dependent var		168.1989
S.E. of regression	149.0706	Akaike info criterion		12.86020
Sum squared resid	4844404.	Schwarz criterion		12.90633
Log likelihood	-1418.052	F-statistic		31.04103
Durbin-Watson stat	1.728997	Prob(F-statistic)		0.000000

Included observations: 221 after adjusting endpoints				
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
CNE(-1)	-0.443377	0.056272	-7.879214	0.0000
C	564.3463	73.67536	7.659906	0.0000
@TREND(1988:10)	2.769759	0.385195	7.190534	0.0000
R-squared	0.221657	Mean dependent var		5.793665
Adjusted R-squared	0.214516	S.D. dependent var		168.1989
S.E. of regression	149.0706	Akaike info criterion		12.86020
Sum squared resid	4844404.	Schwarz criterion		12.90633
Log likelihood	-1418.052	F-statistic		31.04103
Durbin-Watson stat	1.728997	Prob(F-statistic)		0.000000

بالتوفيق

استخدام نماذج اشعة تصحيح الخطأ (VECM) في تقدير معدل البطالة.

حالة تطبيقية

إن عملية اختيار المتغيرات التي تؤثر في الظاهرة محل الدراسة كما تعتمد على النظرية الاقتصادية بالدرجة الأولى، وعلى الدراسات السابقة بالدرجة الثانية. حيث أن معدل البطالة (TC) يتأثر بمتغيرات عديدة منها: الناتج الداخلي الخام (PIB)، الكتلة النقدية ($M2$)، التضخم (P) والمجتمع النشط (PA)، وسوف نعتد على هذه المتغيرات فقط في دراستنا هذه، واقتصرنا على هذا راجع إلى عدة أسباب، ومن أبرزها عدم توفر المعطيات لبعض المتغيرات (منها: الاستثمار، النفقات العمومية، النشاطات غير الرسمية،...) والتي يمكن أن تعطينا أكثر تفسير لمعدل البطالة، إضافة لصعوبة قياس بعض المتغيرات الأخرى لكونها كيفية (منها: الميول للعمل، الاستقرار،...).

1- طبيعة العلاقة بين المتغيرات: حتى نتمكن من معرفة طبيعة العلاقة بين المتغيرة التابعة (TC) و المتغيرات المستقلة ($P, PA, PIB, M2$) نقوم بتقدير النماذج التالية:

- النموذج الخطي:

$$TC = C(1) + C(2) * PA + C(3) * M2 + C(4) * P + C(5) * PIB$$

- النموذج اللوغاريتمي:

$$\text{Log}(TC) = C(1) + C(2) * \text{Log}(PA) + C(3) * \text{Log}(M2) + C(4) * \text{Log}(P) + C(5) * \text{Log}(PIB)$$

ونتائج التقدير مبينة على الترتيب للنموذجين كمايلي:

$$TC = 14.741 + 4.745 * PA + 0.0026 * M2 + 0.0281 * P - 0.0489 * PIB$$

$$(6.86) \quad (5.71) \quad (1.64) \quad (0.33) \quad (-5.02)$$

$$n=34 \quad R^2=0.65 \quad F=13.88 \quad (.) : t\text{-statistic.}$$

$$LTC = 2.904 + 3.263 * LPA - 0.723 * LM2 - 0.0610 * LP - 0.1775 * LPIB$$

$$(3.39) \quad (7.82) \quad (-4.85) \quad (-2.14) \quad (-0.89)$$

$$n=34 \quad R^2=0.79 \quad F=26.81 \quad (.) : t\text{-statistic.}$$

بالاعتماد على معنوية المعاملات ($t\text{-statistic}$)، معامل التحديد (R^2)، واختبار فيشر (F -

$statistic$) نختار النموذج اللوغاريتمي (أي العلاقة بين المتغيرة التابعة والمتغيرات المستقلة غير خطية).



2- تحليل أولي للمتغيرات: المرحلة الأولى تخضع دراسة خصائص السلاسل الزمنية وذلك من ناحية الإستقرارية (مركبة الاتجاه العام، الجذر الأحادي)، وذلك بالاعتماد على اختبارات ديكي فولار البسيط (DF) وديكي فولار المطور (ADF) وهذا بالاعتماد على النماذج الستة التالية:

$$(1) : \Delta Y_t = \hat{\phi} \cdot Y_{t-1} + \hat{\varepsilon}_t$$

$$(2) : \Delta Y_t = \tilde{\phi} \cdot Y_{t-1} + \tilde{c}_1 + \tilde{\varepsilon}_t$$

$$(3) : \Delta Y_t = \bar{\phi} \cdot Y_{t-1} + \bar{c}_2 + \bar{b} \cdot t_1 + \bar{\varepsilon}_t$$

$$(4) : \Delta Y_t = \hat{\phi} Y_{t-1} + \sum_{j=2}^p \hat{\phi}_j \cdot \Delta Y_{t-j+1} + \hat{\varepsilon}_t$$

$$(5) : \Delta Y_t = \tilde{c}_1 + \tilde{\phi} \cdot Y_{t-1} + \sum_{j=2}^p \tilde{\phi}_j \cdot \Delta Y_{t-j+1} + \tilde{\varepsilon}_t$$

$$(6) : \Delta Y_t = \bar{c}_2 + \bar{b} t + \bar{\phi} \cdot Y_{t-1} + \sum_{j=2}^p \bar{\phi}_j \cdot \Delta Y_{t-j+1} + \bar{\varepsilon}_t$$

ملاحظة: قبل تطبيق اختبار ديكي فولار لابد من إيجاد درجة التأخير للسلسلة وهذا من أجل تحديد نوع الاختبار الذي يستعمل في الكشف عن الجذر الأحادي ومركبة الاتجاه العام في السلسلة، ولإيجاد درجة التأخير نتبع الخطوات التالية:

- ◀ نقوم بإجراء الفرق من الدرجة الأولى للسلسلة محل الدراسة.
- ◀ نقوم بملاحظة الـ: *Correlogram* للسلسلة التي أجرينا عليها الفرق من الدرجة الأولى، وذلك بتحديد الأعمدة (*Les pics*) الخارجة عن مجال الثقة لدالة الارتباط الذاتي الجزئية (*FPAC*). إذا كان: $P = 0$ (أي لا يوجد أي تأخير له دلالة إحصائية) نستعمل اختبار ديكي فولار البسيط، وإذا كان $P \geq 1$ نستعمل اختبار ديكي فولار المطور (أي يوجد على الأقل تأخير له دلالة إحصائية).
- ◀ نقوم بتقدير النموذج السادس مثلا في حالة $P \geq 1$ عند التأخيرات الموافقة للأعمدة الخاصة بدالة الارتباط الذاتي الجزئية الخارجة عن مجال الثقة على الترتيب (نبدأ بأعظم تأخير)، ونأخذ التأخير الذي يكون معاملته معنوي.

من خلال ملاحظتنا الـ: "*Correlogram*" لمختلف السلاسل، تظهر لنا دوال الارتباط الذاتي الجزئية (*FPAC*) ودوال الارتباط الذاتي البسيطة (*FAC*) تخرج عن مجال الثقة حتى لتأخيرات معتبرة وبالتالي هذه السلاسل غير مستقرة ولإثبات وجود جذر أحادي نقوم بتطبيق (*DF*) و (*ADF*) على مختلف هذه السلاسل.

في بادئ الأمر نقوم بتحديد درجة التأخير "*P*" من خلال الـ: "*Correlogram*" وذلك للفروقات من الدرجة الأولى، بالاستعانة ببرنامج "*Eviews*" وجدنا أن التأخيرات هي:

الجدول رقم (1): تحديد درجة التأخير للسلاسل.

السلسلة	درجة التأخير " <i>P</i> "
<i>DLTC</i>	1
<i>DLM2</i>	0
<i>DLPB</i>	0
<i>DLP</i>	0
<i>DLPA</i>	0

المصدر: بناء شخصي بالاعتماد على مخرجات *Eviews*.

وننتج هذه الاختبارات يمكن قراءتها في الجدول التالي:

الجدول رقم (2): نتائج اختبارات ديكي فولار البسيط (*DF*) وديكي فولار المطور (*ADF*).

النموذج	<i>LTC</i>	<i>LM2</i>	<i>LPIB</i>	<i>LP</i>	<i>LPA</i>	<i>t-statistic</i>
1	-	9.72	3.20	1.10-	5.77	1.95-
2	-	0.045-	2.04-	2.34-	0.59-	2.95-
<i>DF</i>	-	3.19	2.35	2.05	2.15	2.585
3	-	1.46-	2.41-	2.40-	2.40-	3.55-



2.83	2.35	0.80-	1.79	1.46	-	$t_{\bar{b}}$	
3.17	2.71	2.07	2.62	2.11	-	$t_{\bar{c}}$	
1.95-	-	-	-	-	0.33-	$t_{\hat{\phi}_1}$	4
2.95-	-	-	-	-	2.21-	$t_{\tilde{\phi}_1}$	5
2.585	-	-	-	-	2.18	$t_{\tilde{c}}$	اختبار
3.55-	-	-	-	-	2.59-	$t_{\bar{\phi}_1}$	ADF
2.83	-	-	-	-	1.34	$t_{\bar{b}}$	6
3.17	-	-	-	-	2.46	$t_{\bar{c}}$	

المصدر: بناء شخصي بالاعتماد على مخرجات *Eviews*.

يظهر لنا من خلال الجدول أعلاه أن كل السلاسل غير مستقرة وذلك لوجود جذر أحادي أي ($\phi = 1$) في كل النماذج.

وبعد إجراء الفروقات من الدرجة الأولى على مختلف السلاسل، وتحديد درجة التأخير أيضاً، وبتطبيق اختبارات (ADF) أصبحت كل السلاسل مستقرة، وحتى نتأكد من فهم إستراتيجية تطبيق اختبارات (ADF)، نقوم بتطبيقها على السلسلة DLTC (حيث: الفرق من الدرجة الأولى للواريتم معدل البطالة):

أولاً نقوم بتحديد درجة تأخير هذه السلسلة وذلك من خلال: "Correlogram of D(DLTC)"، وبالضبط من دالة الارتباط الذاتي الجزئية.

Date: 03/21/05 Time: 15:00
Sample: 1970 2003
Included observations: 32

Autocorrelation	Partial Correlation	AC	PAC	Q-Stat	Prob
		1 -0.074	-0.074	0.1926	0.661
		2 -0.437	-0.445	7.1330	0.028
		3 -0.212	-0.366	8.8228	0.032
		4 0.059	-0.344	8.9587	0.062
		5 0.329	-0.020	13.326	0.021
		6 0.072	-0.020	13.541	0.035
		7 -0.221	-0.057	15.663	0.028
		8 -0.087	0.038	16.005	0.042
		9 0.074	0.058	16.262	0.062
		10 0.036	-0.062	16.325	0.091

من خلال هذا الشكل يتبين لنا أن أعظم تأخير ممكن هو ($P=4$)، لكن بعد إجراء الاختبارات على التأخيرات من: ($P=2$) إلى ($P=4$) عند مستوى معنوية 5 %، استنتجنا أن هذه التأخيرات ليس لها دلالة إحصائية، أما التأخير ($P=1$) له دلالة إحصائية عند مستوى معنوية 5 % وهذا ما يبينه الشكل التالي:

ADF Test Statistic	-5.023759	1% Critical Value*	-4.2826
		5% Critical Value	-3.5614
		10% Critical Value	-3.2138

*MacKinnon critical values for rejection of hypothesis of a unit root.

Augmented Dickey-Fuller Test Equation

Dependent Variable: D(DLTC)

Method: Least Squares

Date: 03/15/05 Time: 17:28

Sample(adjusted): 1973 2003

Included observations: 31 after adjusting endpoints

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
DLTC(-1)	-1.083952	0.215765	-5.023759	0.0000
D(DLTC(-1))	0.461731	0.175766	2.626970	0.0140
C	-0.037184	0.059946	-0.620290	0.5403
@TREND(1970)	0.001974	0.003002	0.657562	0.5164
R-squared	0.487138	Mean dependent var	-0.006806	
Adjusted R-squared	0.430154	S.D. dependent var	0.194223	
S.E. of regression	0.146616	Akaike info criterion	-0.882092	
Sum squared resid	0.580395	Schwarz criterion	-0.697061	
Log likelihood	17.67242	F-statistic	8.548594	
Durbin-Watson stat	1.907559	Prob(F-statistic)	0.000374	

نتائج تقدير النموذج (6) هي كما يلي:

$$D(DLTC)_t = -1.08(DLTC)_{t-1} - 0.46D(DLTC)_{t-1} + 0.0019t - 0.019$$

$$n = 31 \quad (-5.02) \quad (2.62) \quad (0.65) \quad (-0.62)$$

$$R^2 = 48.71\% \quad (.) : t - \text{statistic}$$

اختبار وجود مركبة الاتجاه العام (b):

$$H_0 : b = 0 / H_1 : b \neq 0$$

$$t_{\text{calculé}} = \frac{\hat{b}}{\delta_{\hat{b}}} = \frac{0.0019}{0.0030} = 0.65 < t_{\text{tabulé}} = 2.83$$

و منه نقبل فرضية العدم، (أي فرضية سيروية TS مرفوضة) وذلك عند مستوى معنوية 5 % .
اختبار وجود الجذر الأحادي:

$$H_0 : \phi_1 = 0 / H_1 : \phi_1 < 0$$

$$t_{\phi_1} = \frac{-1.083}{0.215} = -5.02 < t_{\text{tabulé}} = -3.56$$

ومنه نقبل H_1 أي عدم وجود جذر أحادي وذلك عند مستوى معنوية 5 % .

وفي مرحلة ثانية نقوم بتقدير نموذج الخامس:

$$D(DLTC)_t = -1.05(DLTC)_{t-1} - 0.44D(DLTC)_{t-1} - 0.0017$$

$$n = 31 \quad (-5.04) \quad (2.59) \quad (-0.068)$$

(.) : t - statistic

نقوم باختبار مركبة الدورات الاقتصادية (الحد الثابت):
شكل الاختبار هو:

$$H_0 : c = 0 / H_1 : c \neq 0$$

$$t_{calculé} = \frac{\hat{c}}{\delta_{\hat{c}}} = -0.068 < t_{tabulé} = 2.585$$

ومنه نقبل الفرضية H_0 وذلك عند مستوى معنوية 5 %، أما نتيجة اختبار الجذر الأحادي هي:
 $t_{\phi_1} = -5.04 < -2.95$ ، ومنه نقبل الفرضية البديلة (H_1)، وذلك بمعنوية.
نتائج تقدير النموذج الرابع:

$$D(DLTC)_t = -1.05(DLTC)_{t-1} - 0.44D(DLTC)_{t-1}$$

$$n = 31 \quad (-5.13) \quad (2.64)$$

(.): t - statistic

نتيجة اختبار الجذر الأحادي هي: $t_{\phi_1} = -5.13 < -1.95$.
ومنه: لا يوجد جذر أحادي في هذا النموذج، ومنه السلسلة $DLTC$ مستقرة، أي:

$$D(DLTC)_t = \phi_1(DLTC)_t + \phi_1 D(DLTC)_{t-1} + \mu_{1t}$$

وبتطبيق نفس الإستراتيجية على بقية السلاسل تحصلنا على:

$$LM2 \rightarrow I(1) \Rightarrow (DLM2)_t = \phi_2(DLM2)_{t-1} + c_1 + \mu_{2t}$$

$$LPIB \rightarrow I(1) \Rightarrow (DLPIB)_t = \phi_3(DLPIB)_{t-1} + c_2 + \mu_{3t}$$

$$LP \rightarrow I(1) \Rightarrow (DLP)_t = \phi_4(DLP)_{t-1} + \mu_{4t}$$

$$LPA \rightarrow I(1) \Rightarrow (DLPA)_t = \phi_5(DLPA)_{t-1} + c_3 + \mu_{5t}$$

3- اختبار علاقة التكامل المتزامن وتقدير نماذج تصحيح الخطأ: بعد دراستنا لمجموعة السلاسل وذلك من ناحية الاستقرار وجدنا أن هذه السلاسل مستقرة بعد إجراء الفروقات من الدرجة الأولى (على كل السلاسل)، كما أن هذه المتغيرات تخضع لمركبة اتجاه عام ذات نمط عشوائي، من خلال هذا الطرح فإن إمكانية وجود مسار مشترك بين هذه المتغيرات في المدى الطويل ممكن، و للتأكد من هذا سنقوم باختبار جوهنسون (Johansen).

حسب النتائج التي تحصلنا عليها مسبقا (أي اختبارات (DF) و (ADF))، وجدنا أن كل السلاسل لا تحتوي على مركبة الاتجاه العام، بينما الحد الثابت موجود في بعضها، هذا الاختلاف في نوعية السلاسل الزمنية يؤدي إلى اختلاف وتعدد اختبارات جوهنسون، وفي ظل المعطيات والنتائج السابقة سنركز على الفرضيتين التاليتين:



الفرضية الأولى: غياب مركبة الاتجاه في (VAR) وغياب الثابت ومركبة الاتجاه في علاقة التكامل المتزامن (CE).

الفرضية الثانية: غياب مركبة الاتجاه في (VAR) ووجود الثابت مع غياب مركبة الاتجاه في علاقة التكامل المتزامن (CE).

3-1- المرحلة الأولى: تحديد درجة تأخير المسار VAR: بالاستعانة ببرنامج Eviews تحصلنا على النتائج التالية:

الجدول رقم (3): تحديد درجة تأخير المسار VAR.

Log likelihood	Schwarz	Akaike	التأخير
158.36	4.67-	6.99-	2
189.58	4.13-	7.63-	3

المصدر: بناء شخصي بالاعتماد على مخرجات Eviews.

بالاعتماد على المعايير (Akaike, Schwarz, Log-likelihood) وجدنا أن التأخير المقبول هو: $P=3$ (أدنى قيمة لأحد المعيارين الأولين و أعظم قيمة بالنسبة للمعيار الثالث).

3-2- المرحلة الثانية: اختبار جوهنسون: وجدنا في المرحلة السابقة أن التأخير المقبول للمسار VAR هو: $P=3$, ومنه سنجري الاختبار على نموذج $VAR(3)$, و ذلك بالاعتماد على الفرضيتين السابقتين.

1- غياب مركبة الاتجاه في (VAR) وغياب الثابت ومركبة الاتجاه في علاقة التكامل المتزامن (CE).

Date: 04/05/05 Time: 14:07
Sample: 1970 2003
Included observations: 30
Test assumption: No deterministic trend in the data
Series: LTC LPA LM2 LP LPIB
Lags interval: 1 to 3

Eigenvalue	Likelihood Ratio	5 Percent Critical Value	1 Percent Critical Value	Hypothesized No. of CE(s)
0.843973	101.2430	59.46	66.52	None **
0.525484	45.51129	39.89	45.58	At most 1 *
0.360989	23.14749	24.31	29.75	At most 2
0.234557	9.712503	12.53	16.31	At most 3
0.054886	1.693481	3.84	6.51	At most 4

*(**) denotes rejection of the hypothesis at 5%(1%) significance level
L.R. test indicates 2 cointegrating equation(s) at 5% significance level

حسب الجدول أعلاه إن نتائج الاختبار في ظل الفرضيات التالية هي:

$$a/H_0 : r = 0 / H_1 : r > 0$$

$$b/H_0 : r = 1 / H_1 : r > 1$$

$$c/H_0 : r = 2 / H_1 : r > 2$$

في الفرضيتين (a) و (b) نقبل الفرضية البديلة (أي H_1) وذلك مهما كان مستوى المعنوية (1% أو 5%) لأن إحصائية جوهنسون أكبر من القيمة الحرجة لها.

أما في ظل الفرضية (c) نقبل الفرضية (H_0) أي ($rang\pi = r = 2$) وذلك لأن إحصائية جوهنسون أقل من القيمة الحرجة عند مستوى معنوية $\alpha = 5\%$ ، (إحصائية جوهنسون: $24.31 > 23.14$ القيمة الحرجة). ومنه عدد معادلات التكامل المتزامن هو اثنين (2).

2- غياب مركبة الاتجاه في (VAR) و وجود الثابت مع غياب مركبة الاتجاه في علاقة التكامل المتزامن (CE).

Date: 03/21/05 Time: 18:00

Sample: 1970 2003

Included observations: 30

Test assumption: No deterministic trend in the data

Series: LTC LPA LM2 LP LPIB

Lags interval: 1 to 3

Eigenvalue	Likelihood Ratio	5 Percent Critical Value	1 Percent Critical Value	Hypothesized No. of CE(s)
0.854378	141.8341	76.07	84.45	None **
0.818088	84.03181	53.12	60.16	At most 1 **
0.396947	32.90479	34.91	41.07	At most 2
0.284434	17.73231	19.96	24.60	At most 3
0.226164	7.691878	9.24	12.97	At most 4

*** denotes rejection of the hypothesis at 5%(1%) significance level

L.R. test indicates 2 cointegrating equation(s) at 5% significance level

بنفس الطريقة السابقة وحسب الجدول أعلاه إن عدد علاقات التكامل المتزامن هو 2.

3-3- المرحلة الثالثة: تقدير نماذج تصحيح الخطأ واختبار صلاحية (VECM).

يكتب نموذج تصحيح الخطأ في شكله VAR للمتغيرات المستعملة وهي: لوغاريتم معدل البطالة (LTC)، لوغاريتم الكتلة النقدية (LM2)، لوغاريتم الناتج الداخلي الخام (LPIB)، لوغاريتم المجتمع النشط (LPA)، لوغاريتم التضخم (LP).

$$\Delta LX_t = \alpha Lce_{t-1} + \sum_{j=1}^3 \phi_j LX_{t-j} + e_t$$

أين:

Lce_{t-1} : البواقي المقدرة لعلاقة التكامل المتزامن.

سوف نتناول تقدير واختبار صلاحية كل نموذج على حدى.



النموذج الأول: (في ظل الفرضية الأولى).

Date: 03/21/05 Time: 18:26

Sample(adjusted): 1974 2003

Included observations: 30 after adjusting endpoints

Standard errors & t-statistics in parentheses

Cointegrating Eq:	CointEq1	CointEq2			
LTC(-1)	1.000000	0.000000			
LPA(-1)	0.000000	1.000000			
LM2(-1)	-0.185194 (0.02882) (-6.42572)	-0.310665 (0.00724) (-42.8886)			
LP(-1)	-0.141581 (0.04294) (-3.29681)	-0.066273 (0.01079) (-6.14018)			
LPIB(-1)	-0.017189 (0.03918) (-0.43868)	0.075768 (0.00985) (7.69393)			
Error Correction:	D(LTC)	D(LPA)	D(LM2)	D(LP)	D(LPIB)
CointEq1	0.237070 (0.59307) (0.39974)	0.152226 (0.10824) (1.40633)	0.310538 (0.21662) (1.43359)	-4.973314 (2.99943) (-1.65809)	0.238583 (0.21088) (1.13135)
CointEq2	-0.547783 (3.16668) (-0.17298)	-0.722461 (0.57797) (-1.25001)	-0.868570 (1.15662) (-0.75095)	29.21536 (16.0154) (1.82420)	-0.201420 (1.12602) (-0.17888)
D(LTC(-1))	0.147247 (0.55788) (0.26394)	0.105771 (0.10182) (1.03880)	-0.170830 (0.20376) (-0.83837)	2.621116 (2.82145) (0.92900)	-0.601089 (0.19837) (-3.03012)

D(LTC(-2))	-0.811149 (0.40563) (-1.99970)	-0.056058 (0.07403) (-0.75719)	0.123339 (0.14816) (0.83249)	-0.301089 (2.05149) (-0.14677)	-0.116434 (0.14424) (-0.80724)
D(LTC(-3))	-0.262081 (0.38651) (-0.67806)	0.008340 (0.07054) (0.11822)	-0.109180 (0.14117) (-0.77337)	0.062944 (1.95480) (0.03220)	-0.021556 (0.13744) (-0.15684)
D(LPA(-1))	0.102469 (2.42285) (0.04229)	-0.383335 (0.44221) (-0.86687)	-0.218401 (0.88494) (-0.24680)	-19.70876 (12.2536) (-1.60841)	1.284825 (0.86153) (1.49133)
D(LPA(-2))	1.280772 (1.58762) (0.80672)	0.004330 (0.28976) (0.01494)	-0.669002 (0.57988) (-1.15370)	-3.481380 (8.02939) (-0.43358)	0.483707 (0.56453) (0.85683)
D(LPA(-3))	1.419330 (1.43869) (0.98654)	0.140270 (0.26258) (0.53419)	-0.138645 (0.52548) (-0.26384)	8.424600 (7.27619) (1.15783)	-1.339157 (0.51158) (-2.61771)
D(LM2(-1))	-1.197304 (1.19893) (-0.99864)	-0.328636 (0.21882) (-1.50184)	-0.116431 (0.43791) (-0.26588)	7.266576 (6.06357) (1.19840)	-0.804353 (0.42632) (-1.88674)
D(LM2(-2))	-0.552652 (1.18502) (-0.46636)	0.074851 (0.21628) (0.34608)	-0.647468 (0.43283) (-1.49590)	3.039025 (5.99325) (0.50707)	0.077169 (0.42138) (0.18314)
D(LM2(-3))	-0.325809 (0.88467) (-0.36828)	0.017877 (0.16146) (0.11072)	0.079751 (0.32312) (0.24681)	5.819371 (4.47419) (1.30065)	-0.917410 (0.31457) (-2.91637)
D(LP(-1))	-0.000942 (0.11515) (-0.00818)	-0.004434 (0.02102) (-0.21100)	0.032995 (0.04206) (0.78452)	0.492106 (0.58235) (0.84503)	0.027519 (0.04094) (0.67210)
D(LP(-2))	0.045170 (0.09872) (0.45758)	0.011441 (0.01802) (0.63499)	-0.012615 (0.03606) (-0.34988)	0.860404 (0.49925) (1.72338)	0.033438 (0.03510) (0.95262)
D(LP(-3))	-0.012908 (0.11154) (-0.11573)	-0.012688 (0.02036) (-0.62328)	-0.000597 (0.04074) (-0.01465)	0.795587 (0.56411) (1.41035)	-0.033543 (0.03966) (-0.84575)
D(LPIB(-1))	-0.630230 (0.84263) (-0.74793)	0.042963 (0.15379) (0.27935)	0.104701 (0.30777) (0.34019)	-5.104850 (4.26159) (-1.19787)	0.019710 (0.29963) (0.06578)
D(LPIB(-2))	0.188780 (0.73547) (0.25668)	0.079375 (0.13423) (0.59132)	0.209000 (0.26863) (0.77803)	-2.048402 (3.71962) (-0.55070)	-0.337038 (0.26152) (-1.28876)
D(LPIB(-3))	0.143300 (0.53188) (0.26942)	-0.022735 (0.09708) (-0.23419)	0.159155 (0.19427) (0.81925)	-2.750549 (2.69000) (-1.02251)	0.096265 (0.18913) (0.50899)

R-squared	0.560902	0.692085	0.758847	0.524451	0.870941
Adj. R-squared	0.020473	0.313112	0.462044	-0.060841	0.712098
Sum sq. resids	0.325205	0.010833	0.043385	8.318166	0.041119
S.E. equation	0.158164	0.028867	0.057769	0.799912	0.056240
F-statistic	1.037884	1.826212	2.556735	0.896050	5.483053
Log likelihood	25.29929	76.32701	55.51460	-23.32682	56.31912
Akaike AIC	-0.553286	-3.955134	-2.567640	2.688455	-2.621275
Schwarz SC	0.240726	-3.161122	-1.773628	3.482467	-1.827263
Mean dependent	0.003852	0.040158	0.173025	-0.028806	0.059539
S.D. dependent	0.159808	0.034831	0.078763	0.776635	0.104816
Determinant Residual Covariance	1.65E-13				
Log Likelihood	228.6148				
Akaike Information Criteria	-8.907654				
Schwarz Criteria	-4.470529				

التفسير: من خلال نتائج تقدير هذا النموذج و الملخصة في الجدول أعلاه، نلاحظ أن معاملات علاقتي التكامل المتزامن لها مدلولية إحصائية و ذلك عند مستوى معنوية ($\alpha = 10\%$) (القيمة الحرجة هي: 1.74)، ماعدا معامل لوغاريتم الناتج الداخلي الخام في التأخير الأول ($LPIB(-1)$) في المعادلة الأولى، أما فيما يخص معاملات نموذج تصحيح الخطأ فإن أغلبية هذه المعاملات ليس لها دلالة إحصائية، ماعدا في معادلة الفرق للوغاريتم التضخم ($D(LP)$) حيث نجد معامل البواقي المقدرة لعلاقة التكامل المتزامن للمعادلة الثانية ($Coint Eq2$) له دلالة إحصائية، و كذلك في معادلة الفرق للوغاريتم الناتج الداخلي الخام ($D(LPIB)$) نجد معاملات: متغيرة الفرق للوغاريتم معدل البطالة في التأخير الأول ($D(LTC(-1))$)، متغيرة الفرق للوغاريتم المجتمع النشط في التأخير الثالث ($D(LPA(-3))$) ومتغيرة الفرق للوغاريتم الكتلة النقدية في التأخيرين الأول ($D(LM2(-1))$) والثالث ($D(LM2(-3))$) لهم دلالة إحصائية عند مستوى معنوية ($\alpha = 10\%$).

وبالاعتماد أيضا على الجدول أعلاه نلاحظ أن المعادلة الأولى مفسرة بنسبة: 56.09 %، أما المعادلة الثانية مفسرة بنسبة 69.90 %، بينما تصل هذه النسبة إلى: 75.88 %، 52.44 %، 87.09 % في المعادلة الثالثة و الرابعة والخامسة على التوالي.

أما فيما يخص اختبار فيشر ($Fisher$): القيمة النظرية: ($F_{(k,n-k-1)} = 1.86$) عند مستوى معنوية ($\alpha = 10\%$)، والتي هي أقل من القيمة المحسوبة بالنسبة للمعادلة الثالثة والخامسة (2.55، 5.48 على التوالي)، ومنه هاتين المعادلتين مقبولتين، أما بالنسبة للمعادلات الباقية (الأولى، الثانية والرابعة) فإن قيمة فيشر النظرية أكبر من القيمة المحسوبة (1.03، 1.82، 0.89 على الترتيب)، ومنه لا نقبل هذه المعادلات.

النموذج الثاني: (في ظل الفرضية الثانية).

Date: 03/21/05 Time: 18:06
 Sample(adjusted): 1974 2003
 Included observations: 30 after adjusting endpoints
 Standard errors & t-statistics in parentheses

Cointegrating Eq:	CointEq1	CointEq2			
LTC(-1)	1.000000	0.000000			
LPA(-1)	0.000000	1.000000			
LM2(-1)	-0.369284 (0.07501) (-4.92314)	-0.396351 (0.01201) (-33.0061)			
LP(-1)	-0.126826 (0.02755) (-4.60431)	-0.059616 (0.00441) (-13.5192)			
LPIB(-1)	0.583813 (0.25525) (2.28720)	0.355226 (0.04086) (8.69296)			
C	-2.851875 (1.21313) (-2.35085)	-1.327118 (0.19421) (-6.83340)			
Error Correction:	D(LTC)	D(LPA)	D(LM2)	D(LP)	D(LPIB)
CointEq1	0.492409 (0.29018) (1.69690)	0.114071 (0.05032) (2.26708)	0.217843 (0.12384) (1.75910)	-1.336989 (1.85843) (-0.71942)	0.243158 (0.11433) (2.12675)
CointEq2	-4.812360 (1.88143) (-2.55782)	-1.085557 (0.32623) (-3.32754)	0.146569 (0.80292) (0.18254)	15.90507 (12.0494) (1.31998)	0.472564 (0.74130) (0.63748)
D(LTC(-1))	-0.006605 (0.42086) (-0.01570)	0.118822 (0.07298) (1.62823)	-0.121165 (0.17961) (-0.67462)	0.906486 (2.69536) (0.33631)	-0.596125 (0.16582) (-3.59497)
D(LTC(-2))	-0.359193 (0.38255) (-0.93895)	0.034372 (0.06633) (0.51817)	0.044422 (0.16326) (0.27210)	-1.352972 (2.45000) (-0.55223)	-0.225912 (0.15073) (-1.49881)
D(LTC(-3))	0.018804 (0.32091) (0.05859)	0.044219 (0.05565) (0.79465)	-0.169334 (0.13695) (-1.23643)	0.376135 (2.05526) (0.18301)	-0.073879 (0.12644) (-0.58429)
D(LPA(-1))	1.903243 (1.68921) (1.12670)	-0.286899 (0.29290) (-0.97950)	-0.681235 (0.72089) (-0.94499)	-11.36880 (10.8184) (-1.05087)	1.044080 (0.66556) (1.56872)

D(LPA(-2))	1.251497 (1.31590) (0.95106)	-0.028274 (0.22817) (-0.12391)	-0.685023 (0.56158) (-1.21982)	-2.127104 (8.42757) (-0.25240)	0.508426 (0.51848) (0.98062)
D(LPA(-3))	0.514212 (1.11823) (0.45984)	0.068619 (0.19390) (0.35389)	0.074595 (0.47722) (0.15631)	5.334079 (7.16160) (0.74482)	-1.206517 (0.44059) (-2.73840)
D(LM2(-1))	-2.427338 (0.86544) (-2.80476)	-0.439169 (0.15006) (-2.92655)	0.170710 (0.36933) (0.46221)	3.710228 (5.54260) (0.66940)	-0.606350 (0.34099) (-1.77822)
D(LM2(-2))	-0.800729 (0.93317) (-0.85807)	0.096118 (0.16181) (0.59402)	-0.567855 (0.39824) (-1.42591)	0.276861 (5.97640) (0.04633)	0.087154 (0.36768) (0.23704)
D(LM2(-3))	-0.030265 (0.71073) (-0.04258)	0.135549 (0.12324) (1.09989)	0.058444 (0.30331) (0.19269)	2.348525 (4.55182) (0.51595)	-1.035319 (0.28003) (-3.69712)
D(LP(-1))	-0.146826 (0.07524) (-1.95147)	-0.017491 (0.01305) (-1.34072)	0.067277 (0.03211) (2.09528)	0.066490 (0.48186) (0.13799)	0.050869 (0.02964) (1.71595)
D(LP(-2))	-0.030207 (0.06835) (-0.44195)	0.007298 (0.01185) (0.61582)	0.006659 (0.02917) (0.22829)	0.515958 (0.43773) (1.17870)	0.043484 (0.02693) (1.61469)
D(LP(-3))	-0.063435 (0.07835) (-0.80968)	-0.011637 (0.01358) (-0.85665)	0.014507 (0.03343) (0.43390)	0.381072 (0.50175) (0.75948)	-0.029994 (0.03087) (-0.97166)
D(LPIB(-1))	1.242559 (0.87882) (1.41389)	0.330521 (0.15238) (2.16899)	-0.272478 (0.37505) (-0.72652)	-5.331067 (5.62832) (-0.94719)	-0.371744 (0.34626) (-1.07359)
D(LPIB(-2))	1.710913 (0.75209) (2.27488)	0.314437 (0.13041) (2.41115)	-0.096869 (0.32096) (-0.30181)	-2.300104 (4.81668) (-0.47753)	-0.657052 (0.29633) (-2.21731)
D(LPIB(-3))	1.005182 (0.51022) (1.97010)	0.111837 (0.08847) (1.26412)	-0.012184 (0.21774) (-0.05596)	-2.968366 (3.26765) (-0.90841)	-0.086214 (0.20103) (-0.42886)

R-squared	0.696907	0.808163	0.772753	0.473623	0.890622
Adj. R-squared	0.323870	0.572056	0.493064	-0.174226	0.756004
Sum sq. resids	0.224477	0.006749	0.040883	9.207229	0.034848
S.E. equation	0.131406	0.022785	0.056079	0.841575	0.051775
F-statistic	1.868198	3.422871	2.762903	0.731070	6.615889
Log likelihood	30.85955	83.42471	56.40548	-24.85003	58.80111
Akaike AIC	-0.923970	-4.428314	-2.627032	2.790002	-2.786740
Schwarz SC	-0.129958	-3.634302	-1.833020	3.584014	-1.992729
Mean dependent	0.003852	0.040158	0.173025	-0.028806	0.059539
S.D. dependent	0.159808	0.034831	0.078763	0.776635	0.104816
Determinant Residual Covariance	5.92E-14				
Log Likelihood	244.0317				
Akaike Information Criteria	-9.802113				
Schwarz Criteria	-5.271575				

التفسير: بالاعتماد على نتائج التقدير السابقة وفي ظل الفرضية الثانية نلاحظ أن مغزوية معاملات علاقة التكامل المتزامن بالنسبة لاختبار ستيودنت وعند مستوى معنوية ($\alpha = 10\%$) (القيمة الحرجة لـ: t) هي: 1.74) أنها كلها أكبر من هذه القيمة وبالتالي نقبل الفرضية البديلة (H_1) والتي تعني عدم انعدام معاملات علاقة التكامل المتزامن، أما فيما يخص معاملات نموذج تصحيح الخطأ:

المعادلة الأولى: معادلة الفرق للوغاريتم معدل البطالة. إن معامل البواقي المقدره لعلاقة التكامل المتزامن للمعادلة الثانية ($Coint Eq2$) يختلف عن الصفر بمعنوية، أما بالنسبة لبقية المعاملات فإننا نقبل الفرضية البديلة (H_1) وهذا لمعاملات المتغيرات التالية: متغيرة الفرق للوغاريتم الكتلة النقدية في التأخير الأول ($(D(LM2(-1)))$)، و متغيرة الفرق للوغاريتم التضخم في التأخير الأول ($(D(LP(-1)))$)، متغيرة الفرق للناتج الداخلي الخام في التأخيرين الثاني ($(D(LP(-2)))$) والثالث ($(D(LP(-3)))$).

المعادلة الثانية: معادلة الفرق لـ: LPA : بالنسبة لمعامل بواقي علاقتي التكامل المتزامن فإننا نرفض الفرضية (H_0) وذلك بمعنوية، كما نقبل الفرضية (H_0) وذلك لمعاملات المتغيرات التالية: متغيرة الفرق للوغاريتم معدل البطالة في جميع تأخيراتها، وكذلك ($(D(LPA))$) في كل التأخيرات، ($(D(LM2))$) ماعدا في التأخير الأول، ($(D(LP))$) في جميع التأخيرات و ($(D(LP(-1)))$) في التأخير الثالث.

المعادلة الثالثة: معادلة الفرق لـ: $LM2$: نقبل الفرضية البديلة (H_1) لاختبار ستيودنت بالنسبة لـ: معامل البواقي لعلاقة التكامل المتزامن بالنسبة للمعادلة الأولى ($Coint Eq1$)، وكذا معامل متغيرة الفرق للوغاريتم التضخم في التأخير الأول ($(D(LP(-1)))$).

المعادلة الرابعة: معادلة الفرق للوغاريتم التضخم: لا يوجد أي معامل له دلالة إحصائية، وهذا راجع أساسا إلى مؤشر الأسعار، لأن حساب المؤشر الحالي يعتمد على دراسة سلة الاستهلاك لسنة 1989 دون الأخذ بعين الاعتبار التغيرات العميقة التي شهدتها بنية الاستهلاك منذ ذلك الحين، لذا يجب اختيار مؤشر حقيقي يعبر فعلا عن المستوى المعيشي والاستهلاكي للمجتمع الجزائري. كما أنه لو كان التأخير المستعمل في النموذج هو ($P=2$) يكون في هذه المعادلة معاملات لها دلالة إحصائية لأن التأخير ($P=3$) حسن النموذج ككل لكن بالنسبة لهذه المعادلة العكس.



المعادلة الخامسة: معادلة الفرق لـ: $LPIB$: نقبل الفرضية (H_1) لـ: بواقي علاقة التكامل المتزامن الأولى
 (Coint Eq1) و ($D(LTC(-1))$)، ($D(LPA(-3))$)، ($D(LM2)$) في التأخير الأول والثالث، وكذا
 معامل متغيرة الفرق للواريتم الناتج الداخلي الخام في التأخير الثاني.

أما فيما يخص اختبار فيشر (Fisher): القيمة الحرجة هي 1.864 وهي أقل من جميع القيم
 المحسوبة لاختبار فيشر ماعدا في المعادلة الرابعة (1.868، 3.42، 2.76، 0.73، 6.61 على التوالي)،
 وبالتالي نقبل الفرضية (H_1) والتي تعني قبول المعادلات السابقة، ماعدا في المعادلة الرابعة وهي معادلة
 الفرق للواريتم التضخم والسبب يرجع عموما إلى نقص الدقة في المعطيات، إضافة لما سبق ذكره في
 شرح المعادلة الرابعة.

كما أن نسبة تفسير المتغيرات للمعادلات السابقة هي على التوالي: 69.69 %، 80.81 %،
 77.27 %، 47.36 %، 89.06 %، و هي نسب مقبولة عموما.

إن بعض المعاملات لنموذج "VECM" ليست لها دلالة إحصائية، وهذا ممكن ولا يؤثر على
 درجة قابلية النموذج ككل. وأخيرا البواقي الناتجة عن تقدير كل معادلة عبارة عن شوشرة بيضاء (Bruit)
 (Blanc)، وهذا ما تثبته إحصائية Q (Q-statistique) لـ: Ljung-Box:

* المعادلة الأولى: $Q(12) = 16.19 (\alpha = 0.841)$

ومنه نقبل فرضية العدم، أي الباقي عبارة عن شوشرة بيضاء.

* المعادلة الثانية: $Q(12) = 6.829 (\alpha = 0.869)$

ومنه نقبل فرضية العدم، أي الباقي عبارة عن شوشرة بيضاء.

* المعادلة الثالثة: $Q(12) = 10.368 (\alpha = 0.584)$

ومنه نرفض الفرضية البديلة، أي الباقي عبارة عن شوشرة بيضاء.

* المعادلة الرابعة: $Q(12) = 9.861 (\alpha = 0.628)$

ومنه نقبل فرضية العدم، أي الباقي عبارة عن شوشرة بيضاء.

* المعادلة الخامسة: $Q(12) = 7.248 (\alpha = 0.841)$

ومنه نرفض الفرضية البديلة، أي الباقي عبارة عن شوشرة بيضاء.

مثال تطبيقي حول التقدير بنموذج اشعة الانحدار الذاتي

VAR

الهدف هنا هو فحص تأثير التطور المالي وسوق الاسهم على النمو الاقتصادي في المملكة المتحدة. (Asteriou and Price 2000) اهمية العلاقة بين التطور المالي والنمو الاقتصادي معترف بها في حقل اقتصاديات التنمية. ولكن ماذا كان النظام المالي مع التشديد على سوق الأسهم مهم في النمو الاقتصادي. اكدت الابحاث على اهمية النظام المالي في تعبئة التوفير، تخصيص راس المال، ..

VAR Granger Causality/Block Exogeneity Wald Tests

Date: 04/08/12 Time: 21:57

Sample: 1/01/1990 12/31/1999

Included observations: 2610

Dependent variable: R_FTSE

Excluded	Chi-sq	df	Prob.
R_STOCK1	4.330362	2	0.1147
R_STOCK2	0.506590	2	0.7762
R_STOCK3	1.792883	2	0.4080
All	5.798882	6	0.4461

Dependent variable: R_STOCK1

Excluded	Chi-sq	df	Prob.
R_FTSE	1.002366	2	0.6058
R_STOCK2	4.438242	2	0.1087
R_STOCK3	1.713987	2	0.4244
All	6.547766	6	0.3647

Dependent variable: R_STOCK2

Excluded	Chi-sq	df	Prob.
R_FTSE	4.732726	2	0.0938
R_STOCK1	6.447668	2	0.0398
R_STOCK3	17.03170	2	0.0002
All	24.44092	6	0.0004

Dependent variable: R_STOCK3

Excluded	Chi-sq	df	Prob.
R_FTSE	2.613544	2	0.2707

R_STOCK1	0.940452	2	0.6249
R_STOCK2	1.667499	2	0.4344
All	4.908218	6	0.5556

VAR Granger Causality/Block Exogeneity Wald Tests

Date: 04/08/12 Time: 21:44

Sample: 1/01/1990 12/31/1999

Included observations: 2610

Dependent variable: R_FTSE

Excluded	Chi-sq	df	Prob.
R_STOCK1	4.330362	2	0.1147
R_STOCK2	0.506590	2	0.7762
R_STOCK3	1.792883	2	0.4080
All	5.798882	6	0.4461

Dependent variable: R_STOCK1

Excluded	Chi-sq	df	Prob.
R_FTSE	1.002366	2	0.6058
R_STOCK2	4.438242	2	0.1087
R_STOCK3	1.713987	2	0.4244
All	6.547766	6	0.3647

Dependent variable: R_STOCK2

Excluded	Chi-sq	df	Prob.
R_FTSE	4.732726	2	0.0938
R_STOCK1	6.447668	2	0.0398
R_STOCK3	17.03170	2	0.0002
All	24.44092	6	0.0004

Dependent variable: R_STOCK3

Excluded	Chi-sq	df	Prob.
R_FTSE	2.613544	2	0.2707
R_STOCK1	0.940452	2	0.6249
R_STOCK2	1.667499	2	0.4344
All	4.908218	6	0.5556

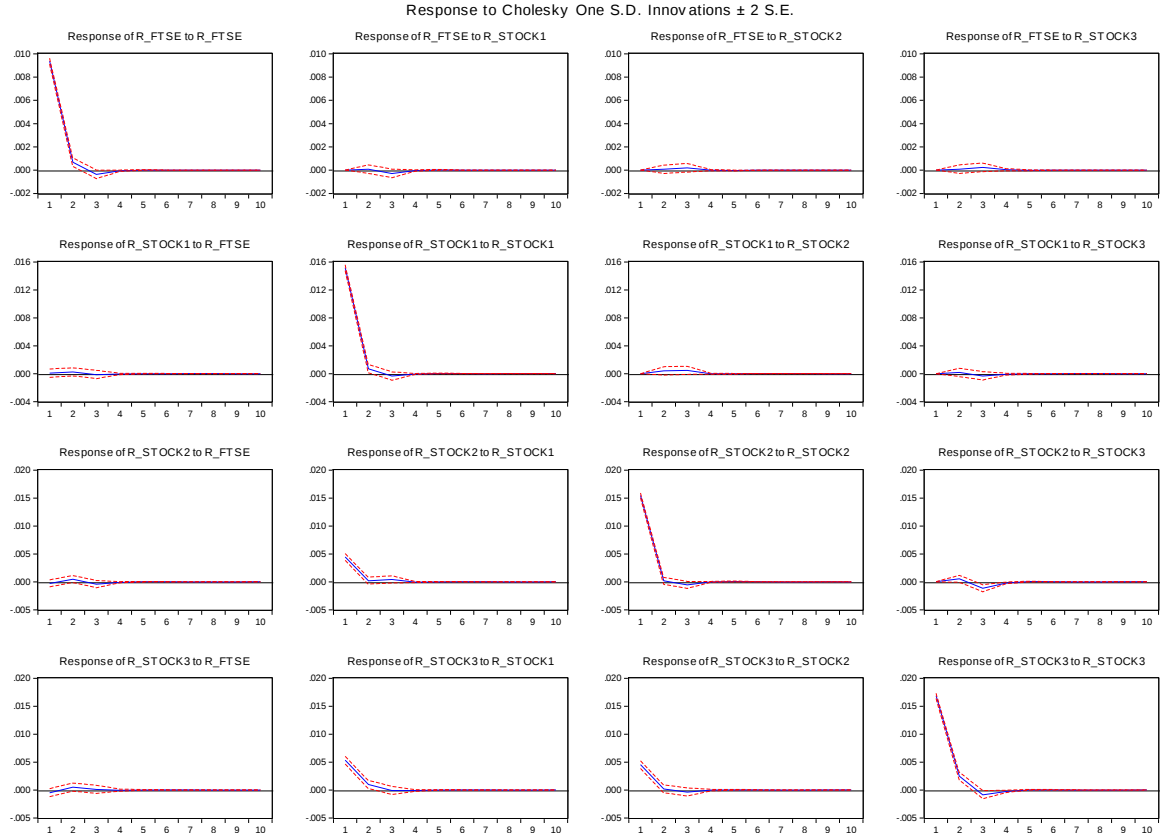
Vector Autoregression Estimates

Date: 04/08/12 Time: 21:52

Sample: 1/01/1990 12/31/1999

Included observations: 2610
Standard errors in () & t-statistics in []

	R_FTSE	R_STOCK1	R_STOCK2	R_STOCK3
R_FTSE(-1)	0.073909 (0.01959) [3.77369]	0.026654 (0.03175) [0.83939]	0.052065 (0.03366) [1.54682]	0.061738 (0.03820) [1.61634]
R_FTSE(-2)	-0.043335 (0.01959) [-2.21213]	-0.019181 (0.03176) [-0.60391]	-0.055069 (0.03367) [-1.63567]	-0.005584 (0.03821) [-0.14615]
R_STOCK1(-1)	0.002804 (0.01289) [0.21748]	0.036453 (0.02091) [1.74374]	0.000610 (0.02216) [0.02751]	0.022188 (0.02515) [0.88234]
R_STOCK1(-2)	-0.026765 (0.01290) [-2.07544]	-0.028422 (0.02091) [-1.35936]	0.056227 (0.02216) [2.53691]	0.009408 (0.02515) [0.37404]
R_STOCK2(-1)	0.003126 (0.01225) [0.25514]	0.022653 (0.01986) [1.14034]	0.001967 (0.02106) [0.09344]	-0.030041 (0.02390) [-1.25719]
R_STOCK2(-2)	0.008136 (0.01226) [0.66344]	0.035131 (0.01988) [1.76691]	-0.015181 (0.02108) [-0.72031]	-0.006935 (0.02392) [-0.28998]
R_STOCK3(-1)	0.004981 (0.01088) [0.45799]	0.009964 (0.01763) [0.56503]	0.031874 (0.01869) [1.70519]	0.145937 (0.02121) [6.87994]
R_STOCK3(-2)	0.012926 (0.01087) [1.18931]	-0.021913 (0.01762) [-1.24356]	-0.073698 (0.01868) [-3.94544]	-0.071633 (0.02120) [-3.37944]
C	0.000368 (0.00018) [1.99918]	3.46E-05 (0.00030) [0.11602]	0.000172 (0.00032) [0.54520]	0.000504 (0.00036) [1.40563]
R-squared	0.009126	0.005269	0.010114	0.024353
Adj. R-squared	0.006078	0.002209	0.007069	0.021352
Sum sq. resids	0.228332	0.600202	0.674418	0.868468
S.E. equation	0.009369	0.015191	0.016103	0.018273
F-statistic	2.994316	1.722159	3.321798	8.115318
Log likelihood	8490.567	7229.332	7077.190	6747.180
Akaike AIC	-6.499285	-5.532821	-5.416238	-5.163356
Schwarz SC	-6.479054	-5.512590	-5.396006	-5.143125
Mean dependent	0.000391	3.99E-05	0.000148	0.000565
S.D. dependent	0.009398	0.015208	0.016160	0.018471
Determinant resid covariance (dof adj.)		1.38E-15		
Determinant resid covariance		1.36E-15		
Log likelihood		29857.44		
Akaike information criterion		-22.85168		
Schwarz criterion		-22.77075		



طريقة التقدير:

للمعادلة 15.2, 15.1 يمكن حلها بطريقة المعادلات الآنية التي تم دراستها في الفصل السابع .

اما الشكل الثاني نظام VAR في شكل معياري او مخفض *reduced form* في المعادلة 12.6, 12.7 فيقدر كل معادلة بطريقة م ص ع

مثال:

$$C_t = \beta_0 + \beta Y_t + \varepsilon_t \quad 15.10$$

$$Y_t = C_t + I_t \quad 15.11$$

كما تم توضيحه في المعادلات الآنية C, Y متغيرات داخلية ، بينما I متغير خارجي أي يتحدد خارج النظام أعلاه كما ان المتغيرات الداخلية تختلف عن متباطنات المتغيرات



الداخلية والتي تسمى متغيرات محدد سابقا، ان تحديد المتغيرات في نظام يختلف عن تحديد المتغيرات في معادلة واحدة حيث تعتبر المتغير في يسار المعادلة متغير داخلي والمتغيرات في يمين المعادلة متغيرات خارجية،

الآنية الملاحظة لها نتائج مهمة في نمودجة الاقتصاد القياسي انه من الواضح ان هناك ارتباط ذاتي بين المتغير Y وحد الخطأ في المعادلة 15.10 لذا يحل النظام باستخدام المعادلة 12.412.3,

$$C_t = \beta * \alpha + \beta * \beta I_t + \beta * \varepsilon_t \quad 15.13$$

$$Y_t = \beta * \alpha + \beta * I_t + \beta * \varepsilon_t \quad 15.14$$

حيث $\beta * = \frac{1}{1-\beta}$ نموذج هيكلي يحل بأن تكون المتغيرات الداخلية على يمين المعادلة كدالة للمتغيرات المحددة سابقا كما توضح المعادلتين 15.13, 15.14 عادة يسمى هيكل مخفض للنموذج *reduced form* لتوضيح المعادلات القادمة نسمي هذا هيكل مخفض مقيد وبالرموز *restricted reduced form (RRF)* معاملات RRF يرمز لها عادة $\pi_{11}\pi_{12}\pi_{21} \text{ etc}$ ومع هذه الرموز يكون الهيكل المخفض المقيد كالتالي:

$$C_t = \pi_{11} + \pi_{12}I_t + v_{1t} \quad 15.15$$

$$Y_t = \pi_{21} + \pi_{22}I_t + v_{2t} \quad 15.16$$

اذا قارنا (15.13.15.14) مع (15.15.15.16) ان شكل المعاملات يملي نوع من القيود على معالم النموذج في هذه الحالة فأن $\pi_{11} = \pi_{21}$ وكذلك

$(\pi_{22} - \pi_{12}) = 1$ يتبع ذلك ان معرفة معاملات الشكل المخفض يساعد على استرداد المعاملات في المعادلة 15.11, 15.12 النظام الأصلي بالتحديد فأن $\beta = \pi_{12}/\pi_{22}$ وكذلك $\alpha = \pi_{21}/\pi_{22}$

مثال تطبيقي لنماذج الانحدار الذاتي بالفجوات الموزعة

ARDL

وتسمى كذلك الابطاءات الموزعة

و لقد اعتمدنا في التقدير على استخدام نماذج ARDL ذات الخصائص التالية :

-تسمى نماذج الانحدار الذاتي ذات الإبطاء الموزع Auto regressive destributed lags

و هي نماذج تقدير تعتمد على التأخير الموزع بين المحددات

-تتميز بفعاليتها التقديرية في حالة العينات الصغيرة

-تستدعي حلها أن تكون السلسلة مستقرة في المستوى $I(0)$ أو عند الفرق الأول $I(1)$

-يجب ألا تكون متكاملة من الدرجة الثانية و أن المتغيرات المثقلة تصل إلى الاستقرارية دون الحاجة إلى الفرق الثاني 15

-تمكنا نماذج ARDL من فصل الأجل الطويل عن الأجل القصير في التقدير

-تعتمد في تكاملها المتزامن على اختبار خاص يسمى اختبار الحدود و هي اختبار غير معياري ل Fisher يتكون من حدين

اصغر $I(0)$ و اكبر $I(1)$ و هذا الاختبار فعال في العينات الصغيرة على عكس باقي اختبارات التكامل المتزامن الأخرى مثل

Engel-granger و اختبار Johansen لأن هذين الاختباران يتطلبان أن تكون المتغيرات من نفس الرتبة بينما نماذج

ARDL فلا

-اختبار الفرضيات فيها تكون على ثلاث صيغ :

الصيغة الأولى : لا تحتوي على ثابت ولا اتجاه زمني

الصيغة الثانية : تحتوي على الحد الثابت فقط

الصيغة الثالثة : و تحتوي على الحد الثابت و الاتجاه الزمني

مع الإشارة إلى أن هذه النماذج يمكن تقديرها ضمن نماذج تصحيح الخط غير المقيد UECM و من اجل تقدير نماذج

ARDL نقوم بالخطوات التالية :

1-اختبار معايير فترات الإبطاء و هي :

- معيار خطأ التنبؤ النهائي FPE

-معيار معلومات اكاكي AIC

- معيار معلومات شوارز SBC



- معيار معلومات حنان و كوين HQ

وغيرها من المعايير

2- تقدير النموذج بطريقة OLS ثم إلغاء متغير الفروق الأولى لأي متغير تكون القيم المطلقة لإحصائية t فيه اقل من الواحد الصحيح بشكل متتال

3- اختبار التكامل المتزامن للمتغيرات المتأخرة بواسطة اختبار Wald وإحصائية F ذات التوزيع غير المعياري (المتناظر) و الذي لا يعتمد على حجم العينة و إدراج متغير الاتجاه العام في التقدير

بعد هذا الطرح الموجز عن طريقة التقدير بنماذج ARDL و بالاستعانة 9views برنامجنا حصلنا على النتائج التالية :
مع الإشارة إلى أن عملية التأخير المتواصل تتحدد باختبار LM أو الارتباط الذاتي التسلسلي و تتم توقيف فترات التأخير على أساس هذا الاختبار ، ففي حالة عدم وجود ارتباط ذاتي يمكن إضافة فترات الإبطاء و في حالة التأكد من الارتباط الذاتي نتوقف عن التأخير ، و بقراءة الجدول السابق نلاحظ أن اغلب المتغيرات تراوح تأخيرها بين فترات زمنية و فترتين و هذا بالاعتماد على اصغر قيمة في كل معامل

اختبار صفة السكون :

و يتم هذا الاختبار بالاستعانة ببعض الاختبارات الخاصة بالاستقرارية و سوف نختار منها الأكثر استعمالا و هو ADF و إن كان البعض يرى أن اختبار KPSS صالح في العينات الصغيرة و بعد التقدير تحصلنا على الجدول التالي :

تحديد فترات الإبطاء : بما أن منهج هذه الطريقة يعتمد على توزيع فترات الإبطاء أو التأخير فقد تحصلنا على معطيات خاصة بالتأخير للمتغيرات النموذج حددناها في الجدول التالي مع الإشارة إلى أن الأرقام 0، 1، 2، تمثل فترات التأخير

جدول رقم 01 : فترات الإبطاء للنموذج

المتغير	LR	FPE	AIC	SC	HQ
V2	0	0	0	0	0
dM2	0	1	1	0	0
NIR	1	2	2	2	2
Inf.	1	1	1	1	1
TCO	2	2	2	2	2
PCR	1	2	2	1	2



1	1	1	1	1	DEF
---	---	---	---	---	-----

من إعداد الباحث : بالاعتماد على نتائج برنامج Eviews8

جدول رقم 02 : اختبار الاستقرار (السكون ADF)

السلسلة الزمنية	قرار الرتبة	المستوى		الفرق I	
		ثابت	ثابت و اتجاه عام	ثابت	ثابت و اتجاه عام
V2	I(0)	-5.12 *	-5.06 *	/	/
dM2	I(1)	/	/	-4.22 *	-4.15 *
NIR	I(0)	-3.32 **	-3.64 **	/	/
Inf	I(1)	/	/	-4.03 *	-4.00 *
TCO	I(1)	/	/	-5.13 *	-5.05 *
PCR	I(1)	/	/	-4.37 **	-4.08 **
DEF	I(1)	/	/	-4.17 **	-4.12 **

*: معنوي عند 1% من إعداد الباحث بناء على نتائج Eviews8

** : معنوي عند 5%

و كتحليل لهذا الجدول نلاحظ أن استقرارية السلاسل اغلبها كانت في الفرق الأول مما جعلنا نقرر أنها متكاملة من الدرجة الأولى I(1) ما عدا المتغيرين Dm2 , v2 اللتان استقرتا في المستوى و كان القرار هو عدم تكاملهما

اختبار التكامل المتزامن :

كما أسلفنا سابقا فإن نماذج ARDL يكون أكثر فاعلية في العينات الصغيرة و بالتالي يحتاج اختبار التكامل فيها إلى نوع خاص من الاختبارات يسمى اختبار Wald بالمقارنة مع إحصائية Fisher في المعيارية و يكون القرار كمايلي :

H0 : قيمة F.Wald المحسوبة اقل من I(1)

لا يوجد تكامل متزامن

H1 : قيمة F.Wald المحسوبة اكبر من I(1) يوجد تكامل متزامن على المدى الطويل بين المتغيرات المدروسة و I(0) و

I(1) هي حدود التكامل المشترك و لهذا سمي هذا الاختبار باختبار الحدود

جدول رقم 03 : اختبار التكامل المتزامن F.Wald

K	الاحتمال	إحصائية F.Wald test	الشكل الدالي
6	0.000	7.966	F(v2/dm2,nir,inf,tco,pcr,def)



الحدود	I(0)	I(1)
%1	3.93	5.23
%5	3.12	4.25
%10	2.75	3.79

المعطيات من إعداد الباحث بناء على نتائج Eveiws8 16

وبناء على الجدول أعلاها فإننا أمام فرضيتين

H0 : B6=B5=B4=B3=B2=B1 لا يوجد تكامل مشترك

H1 : B6 ≠ B5 ≠ B4 ≠ B3 ≠ B2 ≠ B1 يوجد تكامل مشترك

و عليه و بما أن قيمة $F.Wald = 7.966$ و هي أكبر من الحد الأعلى للقيم الحرجة عند 1% أي 5.23 و بالتالي نقر بوجود تكامل مشترك بين $v2$ و باقي المتغيرات التفسيرية و هنا على المدى الطويل و من الناحية الإحصائية فإننا مطالبين بالتقدير بنماذج تصحيح الخطأ غير المقيد UECM مع وضع الشكل الدالي للنموذج و محاولة فصل التقدير في الأجلين القصير و الطويل و حساب المرونات أي :

$$\begin{aligned} \Delta V2 = & \alpha_0 + \alpha_1 \Delta M2_{(t-1)} + \alpha_2 \Delta NIR_{(t-1)} + \alpha_3 \Delta INF_{(t-1)} + \alpha_4 \Delta DIF_{(t-1)} + \alpha_5 \Delta TCO_{(t-1)} \\ & + \alpha_6 \Delta PCR_{(t-1)} \\ & + \sum_{i=1}^P \beta_0 \Delta V2_{(t-i)} \\ & + \sum_{i=1}^P \beta_1 \Delta \Delta M2_{(t-i)} \\ & + \sum_{i=1}^P \beta_2 \Delta \Delta inf_{(t-i)} \\ & + \sum_{i=1}^P \beta_3 \Delta \Delta NIR_{(t-i)} \\ & + \sum_{i=1}^P \beta_4 \Delta \Delta TCO_{(t-i)} + \sum_{i=1}^P \beta_5 \Delta \Delta PCR_{(t-i)} + \sum_{i=1}^P \beta_6 \Delta \Delta DEF_{(t-i)} + U_t \end{aligned}$$

مع الإشارة إلى أن Δ تمثل الفروق الأولى

U_t : تمثل التشويش الأبيض

جدول رقم 04 : تقدير نموذج UECM

المتغير	القيمة المقدرة	إحصائية t
C	1.305	/
ECM (-1)	-2.243	-3.91



+2.5	4.025	Inf ₍₋₁₎
6.49	3.117	TCO ₍₋₁₎
10.31	1.251	NIR ₍₋₁₎
7.92	2.134	DM2 ₍₋₁₎
8.03	3.481	PCR ₍₋₁₎
8.03	4.015	DEF ₍₋₁₎

-0.284	L-R	0.92	R ²
26.03	AIC	0.88	Adj R ²
31.54	SC	22.01	F

من إعداد الباحث بناء على مخرجات برنامج Eviews8

و بما أن خصائص نماذج ARDL تتميز بفصل الأجل القصير عن الطويل ، و ذلك بحسب المرونات فإنه يمكن تقسيم هذا الأثر إلى قسمين :

-نماذج قصيرة الأجل و تتمثل في الفروق الأولى للمتغيرات و أخرى طويلة الأجل تعتمد على حساب المرونات التي هي حاصل قسمة معامل المتغير التفسيري على المتغير التابع بالإشارة السالبة و تبعا لنتائج الموجودة في النموذج تحصلنا على الجدول التالي

جدول رقم 05 : التقدير في الأجل القصير SRE

المتغير	القيمة المقدرة	إحصائية t
	2.516	0.71
	-0.04	1.87
	0.51	1.95
	0.381	0.14
	1.24	+2.98
	+0.87	+0.51
	0.11	0.23
	0.224	0.93

من إعداد الباحث بناء على برنامج Eviews8

أما في الأجل الطويل فإن طريقة التكامل المتزامن تجعل من بعض المتغيرات تتكيف مع الزمن و تتشابه في سلوكاتها و يمكن الكشف عن هذه السلوكات بحساب المرونات كما اشرنا سابقا

جدول رقم 06 : التقدير في الأجل الطويل LRE

المتغير المستقل	المرونة
-----------------	---------



	Inf
	TCO
3.494	NIR
0.951	DM2
1.551	PCR
1.790	DEF

من خلال تتبعنا لنتائج النموذج الخاص لتقدير العلاقة بين سرعة تداول النقد و محددها لاحظنا ما يلي:

-معظم إشارات المتغيرات المفسرة قد وافقت النظرية الاقتصادية بالرغم من عدم معنوية بعضها

-و إن كانت هناك متغيرات قد خالفت النظرية الاقتصادية على المدى القصير و لكن مع وجود علاقة تكاملية طويلة الأجل تم تعديل سلوكها فمثلا المتغير ΔDEF كان معاملته موجبا في المدى القصير بالرغم من عدم معنويته إحصائيا و الإشارة الموجبة للمعامل تعني العلاقة الطردية بين تفاصيل التطور النقدي و سرعة تداول النقد و هذا مناف للواقع الاقتصادي ، الذي يرى بعكسية العلاقة لان سرعة تداول النقد $v2$ تعتمد على عرض النقود $M2$ أكثر من اعتمادها $M1$ أما على المدى الطويل فقد تم تعديل سلوك هذا المتغير و أصبحت إشارة المرونة موجبة و يعود السبب إلى الزيادة الملحوظة في الكتلة النقدية $M2$ في الجزائر

أما قيمة معامل تصحيح الخطأ أو معامل التكيف فقد جاءت سالبة (-2.243) و هو دليل على سرعة التكيف و تعديل عند الانتقال من المدى القصير إلى الطويل

و الشيء الملاحظ هنا هو أن خلال فترة الدراسة يظهر نوع من عدم التشابه بين فترتين يمكن الإجابة عنها باختبار نقطة الانعطاف و لتكون سنة 1990 هي النسبة المثلى لذلك و يعود هذا إلى الإصلاحات التي مست قانون النقد و القروض في الجزائر و ما تلاها من انعكاسات على الجانب النقدي خاصة

الاختبارات التشخيصية :

1-اختبار الشكل الدالي : نختار مدى ملائمة تصميم النموذج المقدر من حيث الشكل الدالي و المشار إليه اختصارا بـ

RAMSEY J RESTE

Prob	Df	Value	
0.047	3.22	6.22	F-statistic
0.05	3	2.04	Link lihoor

و بالنظر إلى قيمة الاحتمال (Prob) التي تعادل أو تقل عن 0.05 فيمكن قبول الشكل الدالي للمتغير التابع $v2$ وفق محدداته التفسيرية

2-اختبار الارتباط الذاتي التسلسلي :

أو اختبار BGLM و يعتمد على خلو أو عدم خلو السلسلة من الارتباط الذاتي التسلسلي باستخدام

و يشير هذا الاختبار إلى التوقف عن الإبطاء عند الفترة الثانية كما يشير إليه إحصائية X^2 و حسب Breush- Godfrey فإن الارتباط الذاتي التسلسلي هو بيع قانون $X^2 = 3.81$ ، أما احتمالاه فهو 0.014 و هذا دليل على وجود ارتباط ذاتي مباشرة بعد التأخير الثاني اختبار الشكل الطبيعي للإخطاء : فمن هذا الاختبار نختبر مدى توزع الأخطاء طبيعيا باستخدام ثلاثة معايير نذكرها في هذا الجدول

جدول رقم (07) : التوزيع الطبيعي للأخطاء

الاختبار		الاحتمال P
Skewness	13.28	0.03
Kurtosis	17.37	0.008
Jarque- Bera	30.65	0.0022

من إعداد الباحث بناء على معطيات برنامج Eviews8 و بالنظر إلى معنوية الاختبارات نقر بتوزيع الأخطاء طبيعيا في هذا النموذج

-اختبار فرضية ثبات التباين : أو اختبار ARCH و يشير هذا الاختبار إلى رفض أو قبول فرضية ثبات القياس و انطلاقا من قيمة $OBS \cdot R^2 - Squared$ التي تساوي 30,36 وهي أكبر من القيمة الجدولية لكاي مربع و المقدرة ب3,84 وهذا يعني تحقق فرضية ثبات أو تجانس التباين